

## 원형환-원형관 열교환기에 대한 자연대류 열전달상관식

강희찬† · 장현순\*

(원고접수일 : 2008년 6월 30일, 원고수정일 : 2008년 7월 21일, 심사완료일 : 2008년 7월 25일)

### Natural Convection Correlation of Circular Finned Tube Heat Exchanger

Hie-Chan Kang† · Hyun-Soon Jang\*

**Abstract :** An experimental study has been conducted on the natural convection heat transfer for the 7 kinds of circular finned tube heat exchangers. Empirical correlation was suggested at the range of  $3.500 < Ra < 800,000$ ,  $1.6 < Do/Di < 3.0$ ,  $0.19 < Pf/Di < 0.34$ . The 92% of experimental data agreed with the correlation within 10%.

**Key words :** Empirical correlation(상관관계식), Fin(흰), Heat exchanger(열교환기), Heat transfer(열전달), Natural convection(자연대류)

### 1. 서 론

산업기기, 발전소, 식품, 농축산 분야에서 원형환-원형관 열교환기가 널리 사용되고 있다. 용접, 전조, 확관 등과 같은 생산기술의 발전으로 원형환-원형관의 생산성이 향상되고 있다. 따라서 원형환-원형관 열교환기는 면적밀도가 낮음에도 불구하고 지속적인 활용이 예상된다.

흰 밀도가 커지면 열교환기는 흰 표면적이 증가하여 방열 성능이 향상되지만, 반면에 흰 간격이 임계값 이상으로 증가하면 유동저항이 증가하여 열전달계수가 감소한다. 따라서 최적 흰 형상이 존재할 것으로 예상된다. 열교환기의 효율적인 설계 및 운용을 위하여 방열 성능에 대한 정량적 자료가 필요하다.

권순석 등<sup>[1]-[4]</sup>은 원형관에 부착된 흰의 성능에

대하여 연구를 수행하였다. 수평관에 설치된 한 개의 길이방향 흰, 길이에 따른 성능 평가, 하향 설치된 흰 등 다수의 연구를 수행하였다. 이들은 최적 흰에 대하여 연구하였다. 박용진<sup>[5]</sup>도 수치계산을 이용하여 열원에 따른 최적 방열 성능을 도출하였다. 박현희<sup>[6]</sup>는 가열 실린더 주위의 자연대류 온도장을 가시화하여 사용코드에 의한 계산결과의 타당성을 검토하였다.

Churchill과 Chu<sup>[7]</sup>, Morgan<sup>[8]</sup>, Lienhard<sup>[9]</sup>, Yovanovich<sup>[10]</sup>는 유체에 잠긴 물체의 자연대류에 대한 상관식을 제시하였다. 이들 상관식이 원형관-원형환 열교환기에 적용 가능한지에 대한 검토가 필요하다. 강희찬 등<sup>[11]</sup>은 원형환-원형관 열교환기의 자연대류 열전달 성능에 대한 수치해석 결과를 소개하였다.

본 논문에서는 원형환-원형관 열교환기 형상에

\* 교신저자(군산대학교 기계자동차공학부, E-mail:hckang@kunsan.ac.kr, Tel: 063)469-4722)

\* 군산대학교대학원 기계공학과

대하여 흰의 직경 5종, 흰 피치 3종의 형상에 대한 실험적 연구를 수행하였다. 원형흰-원형관 열교환기의 자연대류 열전달 성능에 대한 정량적 자료 생산하고 실험상 관식을 개발하는 것을 목표로 하였다.

## 2. 실험장치 및 실험방법

### 2.1 열교환기 시료

Fig. 1은 본 연구에서 실험한 원형흰-원형관 열교환기의 개략도이고 Table 1은 7종의 열교환기의 규격이다.

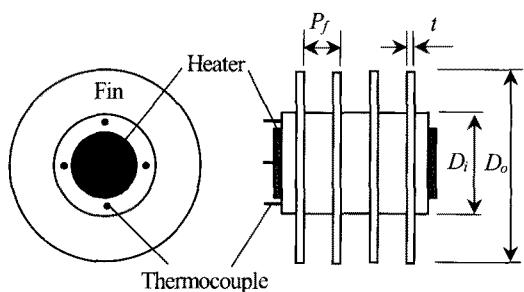
열교환기는 원형관에 다수의 원형흰이 붙어 있는 형상이다. 열교환기 시료는 구리(C1100)로 제작하였다. 원형관의 외경( $D_o$ )은 23.8mm이고 원형흰의 외경( $D_o$ )은 각각 28.4, 38.1, 44.5, 57.2, 66.4mm 5종류이다. 원형관 외경에 대한 원형흰 외경의 비( $D_o/D_i$ )는 각각 1.19, 1.60, 1.87, 2.40과 2.79이다. 원형관 외경에 대한 흰 피치의 비( $P_f/D_i$ )는 0.189, 0.252 및 0.336 세 가지이다. 흰 두께는 1.5mm이고 전체 원형관의 길이는 75mm이다.

**Table 1 Dimensions and the circular-fin tube heat exchanger used in the present work (unit in mm)**

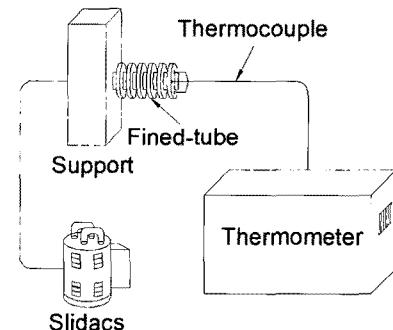
Case	$D_o$	$P_f$	$D_i$	$t$	Symbol
DI2P19	28.4	4.5			◆
DI6P19	38.1	4.5			●
DI9P19	44.5	4.5			▲
D24P19	57.2	4.5	23.8	1.5	■
D28P19	66.4	4.5			+
DI9P25	44.5	6.0			△
D16P34	38.1	8.0			○
Bare tube <sup>1)</sup>	-	-	25.4	-	⊕
D30P20 <sup>1)</sup>	76.2	5.08	25.4	0.5	×

1) Conditions of the numerical simulation

열교환기는 원형관 내부에 카트리지히터를 설치하여 가열하였다. 히터는 직경이 15.8mm, 유효길이 75mm이다. 원형관 벽의 온도측정을 위하여 직경 1.0mm 깊이 40mm의 구멍을 원주방향으로 90° 간격으로 4개 열전대를 설치하였다. 본 연구에서 사용한 열전대는 직경 1mm 길이 60mm의 스테인리스 관에 봉입된 비접촉식이다.



**Fig. 1 Circular finned-tube heat exchanger studied in the present work**



**Fig. 2 Schematic diagram of experimental setup in the present study**

### 2.2 실험장치

원형흰-원형관 열교환기의 성능을 평가하기 위한 자연대류 실험장치는 Fig. 2와 같고 원형흰-원형관 열교환기, 전원부, 온도측정부로 구성된다.

실험을 위해 원형흰-원형관 중심부에 카트리지히터를 삽입하고 슬라이더스(slidacs)로 전열량을 조절하였다. 원형관에 원주방향으로 4개의 K형 열전대를 삽입하여 벽온도를 측정하였다. 원형관 표면과 측정위치의 거리는 1.5mm로 측정위치에 의한 온

도측정 오차는  $0.01^{\circ}\text{C}$  이내로 계산되었다. 공기의 온도는 주실험부에서 500mm 떨어진 지점에서 측정하였다. 온도측정 오차는  $0.2^{\circ}\text{C}$  이내이다.

원형환-원형관 시료에 온도계를 장착하고 계측기를 동작시킨 후 카트리지히터(저항 218Ω)에 인가전압을 점차 증가시켰다. 시료의 벽온도는 슬라이더스로 인가전압을 10V, 20V, 30V, 40V, 50V의 5단계로 증가하여 조절하였다. 정상상태 판정은 원형환-원형관의 온도가  $0.2^{\circ}\text{C}$  이내로 온도의 변화 없이 120분 이상 지속되는 조건으로 하였다. 각 경우 측정은 4회 이상 반복하고 평균값을 구하였다.

열전달계수, Nusselt수 및 Rayleigh수는 다음식으로 계산하였다.

$$Q = h(A_b + A_f \eta_f)(T_w - T_f) \quad (1)$$

$$Q = \Delta V^2 / R \quad (2)$$

$$\text{Nu} = h D_i / k \quad (3)$$

$$\text{Ra} = g \beta (T_w - T_f) D_i^3 / \alpha \nu \quad (4)$$

여기서  $Q$ ,  $A_b$ ,  $A_f$ ,  $\eta_f$ ,  $T_w$ ,  $T_f$ ,  $\Delta V$ ,  $R$ 은 각각 전열량, 기저부의 면적, 휜의 면적, 벽온도, 공기온도, 전압차 및 전기저항이다. 위 식에서  $k$ ,  $\beta$ ,  $\alpha$ ,  $\nu$ 는 각각 공기의 열전도율, 체적열팽창계수, 열확산율과 동점성계수이고  $g$ 는 중력가속도이다. 본 실험에서 복사 열전달의 효과를 줄이기 위하여 벽온도는  $80^{\circ}\text{C}$  이내로 하였다. 중간조건인 온도차가  $40^{\circ}\text{C}$  때의 열전달계수의 측정오차는 약 7% 수준이다.

### 3. 실험결과 및 고찰

#### 3.1 실험결과

Fig. 3은 원형관 벽과 공기의 온도차( $T_w - T_f$ )에 따른 열전달계수를 비교하였다. 열전달계수는 휜 피치가 증가함에 따라 증가하는 경향을 보였다. 열전달계수는 원형환 외경이 증가할수록 감소

하는 경향을 보였다. 열전달계수는 원형환보다 원형관 기저부에서 크다. 따라서 휜 피치가 증가하고 원형환 외경이 감소할수록 전체면적에 대한 기저부의 면적의 비율이 증가하므로 열전달계수가 증가한다.

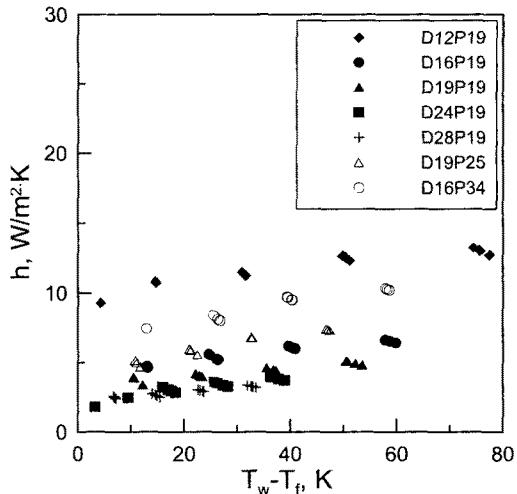


Fig. 3 Comparison of heat transfer coefficients for the present geometries

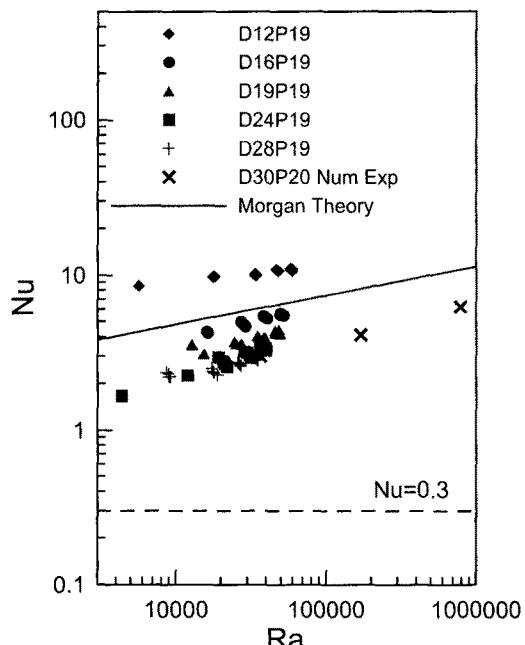


Fig. 4 Effect of fin diameter on the Nusselt number

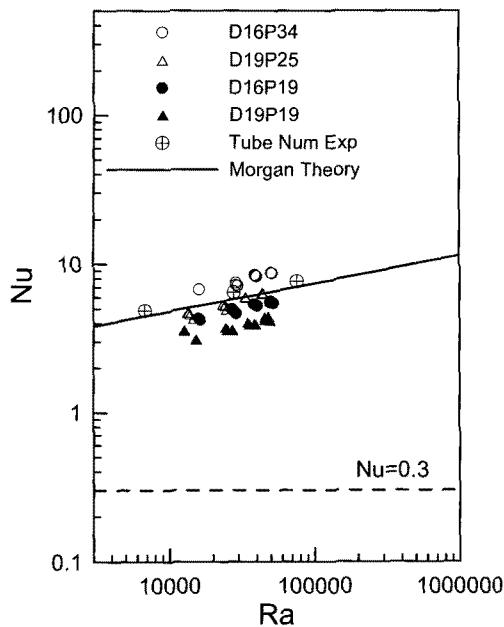


Fig. 5 Effect of fin pitch on the Nusselt number

Fig. 4는 흰 퍼치가 동일한 경우 원형환 외경에 대하여 Nusselt수를 비교한 것이다. Nusselt수는 Rayleigh수의 1/4승에 근사적으로 비례하였다. 본 연구의 Rayleigh수의 범위가 3,500~80,000으로 총류영역에 해당된다. 원형환에 대한 Nusselt수는 원형관에 대한 Morgan의 이론식 보다 대체적으로 작았다. 원형관에 대한 최소 Nusselt수는 0.3이며 자연대류가 활발해지면 Nusselt수는 이보다 크다. 원형환의 외경비( $D_o/D_i$ )가 증가함에 따라 Nusselt수는 감소하는 경향을 보인다. 그림에서 강희찬 등<sup>[11]</sup>의 수치계산 결과는 실험결과보다 낮다. 이는 수치계산 조건이 흰의 직경비가 3.0으로 크기 때문이다.

Fig. 5는 흰 퍼치가 Nusselt수에 미치는 효과를 비교한 것이다. 흰 퍼치가 증가할수록 열전달계수는 증가하는 경향을 보였다. 원형관에 대한 Morgan의 이론식과 강희찬 등<sup>[11]</sup>의 수치계산 결과와 비교할 때 Rayleigh수에 대한 Nusselt수의 경향이 유사하다.

### 3.2 실험상관식

D12P19를 제외하고 본 연구에서 수행한 실험

6종과 수치계산 1종의 형상에 대한 실험상관식을 MINTAB<sup>[12]</sup>을 이용하여 구하였다. 상관식에 사용한 자료의 수는 94개이다. 실험상관식과 적용범위는 아래와 같다.

$$Nu = 0.3 + 2.75 Ra^{0.25} (D_o/D_i)^{-1.09} (P_f/D_i)^{0.95} \quad (5)$$

$$3,500 < Ra < 800,000 \quad (6)$$

$$1.6 < D_o/D_i < 3.0$$

$$0.19 < P_f/D_i < 0.34$$

식 (5)의 첫 항 0.3은 대류가 없는 경우 원형관에 대한 전도극한 Nusselt수이다. 본 연구영역은 층류영역이므로 Nusselt수는 Rayleigh수의 1/4승에 비례한다. Nusselt수는 원형관의 직경 대비 원형환의 직경에 거의 반비례(-1.09 지수) 한다. Nusselt수는 원형관의 직경에 대한 흰 퍼치의 비에 거의 비례(0.95 지수) 한다. 본 상관식은 식(6)과 같이 Rayleigh수가 3,500~80,000에서 유효하다.

본 상관식의 타당성은 Fig. 6에 정리하였다. 본 연구의 상관식의 표준편차가 0.079이며 잔류항의 제곱은 95.8%이다. 실험값의 92%가 상관식과 10% 이내로 만족하였다. 본 연구의 상관식은 단일

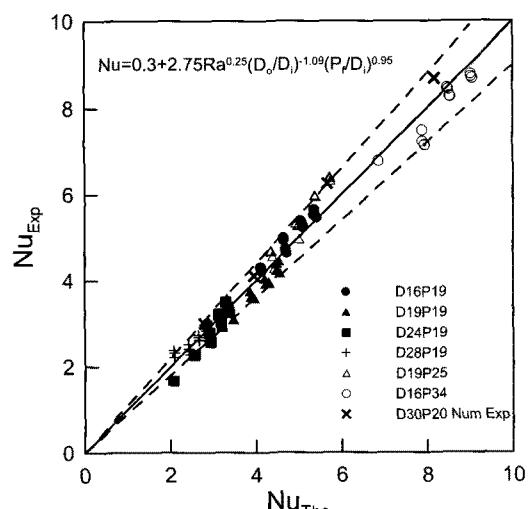


Fig. 6 Comparison of the present correlation with the experimental data for the natural convection of the circular fin-tube heat exchanger

원형관-원형환의 자연대류 열전달계수의 예측에 유효하며 실험범위를 초과할 경우 주의가 필요하다.

#### 4. 맷음말

본 연구에서 7종의 원형환-관 열교환기의 자연대류 열전달 성능에 대한 실험을 수행하여 다음과 같은 결론을 얻었다.

(1) 단일 원형환-원형관 열교환기에 대한 자연대류 열전달계수의 측정값을 제시하였다. 열전달계수는 원형관 벽과 공기의 온도차가 증가할수록, 휴의 외경이 감소할수록, 휴 피치가 증가할수록 증가하였다.

(2) 실험결과로부터 원형관-원형환 열교환기의 자연대류 열전달계수를 예측할 수 있는 실험상관식을 제시하였다. 상관식은 실험값의 92%를 10% 이내로 예측할 수 있었다.

(3) 자연대류 열전달계수에 대한 강희찬 등<sup>[11]</sup>의 수치계산 결과는 실험상관식과 10% 이내에서 일치하였다.

향후 넓은 원형관-원형환의 형상에 대한 실험결과를 확보한다면 정교한 실험식을 제공할 수 있을 것으로 사료된다.

#### 참 고 문 헌

- [1] 권순석, 김선정, 홍남호, "동판 편이 부착된 수평원통에서의 자연대류 열전달", 동아대학교 한국자원개발연구소 연구보고, 제 11권, 제 1호, pp. 11-17, 1987.
- [2] S. S. Kwon, T. H. Kuehn and A. K. Topadi, "Conjugate Natural Convection Heat Transfer from a Short Vertical Longitudinal Fin Below a Heated Horizontal Cylinder", ASME 83-HT-100, pp. 1-8, 1983.
- [3] S. S. Kwon, T. H. Kuehn and A. K. Topadi, "On Natural Convection from a Short Conducting Plate Fin Below a Heated Horizontal Cylinder", ASME, Journal of Heat Transfer, Vol. 106, pp. 661-664, 1984.
- [4] S. S. Kwon, T. H. Kuehn and A. K. Topadi, "Conjugate Natural Convection Heat Transfer Convection Heat Transfer from a Horizontal Cylinder with a Long Vertical Longitudinal Fin", Numerical Heat Transfer, Vol. 6, pp. 85-102, 1982.
- [5] 박용진, 열원에 따른 최적 방열 휴 형상에 관한 연구, 석사학위 논문, 연세대학교 대학원, 2000.
- [6] 박현희, 가열된 수평 실린더 주위에서 자연대류의 가시화에 관한 연구, 석사학위 논문, 부산대학교 대학원, 2002.
- [7] S. W. Churchill and H. H. S. Chu, "Correlating Equations for Laminar and Turbulent Free Convection from a Vertical Plate", Int. J. Heat Mass Transfer, Vol. 18, pp. 1323-1329, 1975.
- [8] V. T. Morgan, "The Overall Convective Heat Transfer from Smooth Circular Cylinders", in T. F. Irvine and J. P. Hartnett eds., Advanced Heat Transfer, Vol. 16, Academic, New York, pp. 199-269, 1975.
- [9] J. H. Lienhard, "On the Commonality of Equations for Natural Convection from Immersed Bodies", Int. J. Heat Mass Transfer, Vol. 6, pp. 2121-2123, 1973.
- [10] M. M. Yovanovich, "On the Effect of Shape, Aspect Ratio and Orientation upon Natural Convection from Isothermal Bodies of Complex Shape", ASME HTD-Vol. 82, pp. 121-129, 1987.
- [11] 강희찬, 장현순, 홍차근, "원형환-원형관 열

- 교환기의 자연대류 열전달 성능, 학술논문집,  
대한설비공학회”, pp. 1163-1167, 2007.
- [12] 이례테크 미니탭사업팀, 새 MINITAB 실무  
완성, (주) 이례테크, 2005.

## 저 자 소 개

### 강희찬(姜熙贊)



1962년생, 1992년 포항공과대학교 기계  
공학과 박사학위, 현재 군산대학교 기  
계자동차공학부 교수, 대류열전달, 열교  
환기 설계.

### 장현순(張鉉淳)



1963년생, 2003년 군산대학교 기계공학  
과 석사학위, 동대학원 박사과정, 현재  
전북인력개발원 에너지시스템학과 학과  
장, 열기기 및 냉동시스템 설계.