

# 16-APSK 변조 방식의 성능 및 비선형 채널에서의 동작 특성 분석

준회원 강석현\*, 김상태\*, 종신회원 성원진\*

## Performance and Operating Characteristics Analysis of the 16-APSK Modulation over Nonlinear Channels

Seokheon Kang\*, Sangtae Kim\* *Associate Members*, Wonjin Sung\* *Lifelong Member*

### 요약

APSK(Amplitude Phase Shift Keying) 계열의 디지털 변조 방식은 전송 심볼들이 성상도 상에서 원형으로 분포해 있는 구조적 특성을 갖고 있다. 이러한 구조로 인하여 QAM(Quadrature Amplitude Modulation) 계열의 변조 방식과 비교하여 평균 전력 대비 최대 전력의 크기를 감소시키는 효과를 얻을 수 있으며, 비선형 채널 환경에서 전송 시 성능 열화 정도를 감소시킬 수 있다. 이와 같은 장점으로, APSK 변조 방식은 최근 DVB-S2(Digital Video Broadcasting - Satellite, Version 2)를 포함하는 위성 통신 시스템에서 표준으로 채택되고 있다<sup>[1]</sup>. 본 논문에서는 일정 크기 이상의 입력 전력 크기에 대해서는 출력 전력 크기가 포화되는 특성을 갖는 채널 모델을 사용하여, 16APSK 변조 방식 적용의 비트 오율 (BER; Bit Error Rate)의 상한 근사식을 유도하고 실제 실험 결과와 비교하여 정확성을 검증한다. 또한 유도식을 활용하여 비트 오율을 최소화시키는 입력 전력의 크기를 결정하였으며, 16APSK 내각원 반지름과 외각원 반지름 비율 및 비선형 채널의 포화 특성에 따른 성능 최적화 방안을 제시한다.

**Key Words :** APSK modulation, QAM modulation, Nonlinear channels, Bit error analysis, Satellite communication systems

### ABSTRACT

APSK (Amplitude Phase Shift Keying) digital modulation is characterized by the circular positioning of the transmission symbols in the constellation diagram. Due to such structural characteristics, the peak-to-average power ratio of the APSK modulation is lower than that of the QAM (Quadrature Amplitude Modulation), and the amount of performance degradation over nonlinear channels can be mitigated. The APSK modulation scheme has recently been adopted as satellite communication system standards including the DVB-S2 (Digital Video Broadcasting - Satellite, Version 2)<sup>[1]</sup>. In this paper, a BER (Bit Error Rate) upper bound approximation formula is derived using the channel model with the output power saturation characteristics, and its accuracy is demonstrated. Using the derived formula, the input power level that minimizes the BER is determined. The optimized performance based on the radii ratio of the 16APSK constellation and the channel saturation level is also presented.

\* 서강대학교 전자공학과 디지털전송연구실 (wsung@sogang.ac.kr)

논문번호 : KICS2007-01-013, 접수일자 : 2007년 1월 15일, 최종논문접수일자 : 2007년 3월 27일

## I. 서 론

비선형 채널 환경은 일반적으로 통신 시스템의 전송 성능 열화를 발생시키며, 특히 QAM과 같은 고밀도 변조 방식에서 그 열화의 정도가 심하다. 최근 위성 통신 시스템의 표준으로 채택되고 있는 APSK 계열의 변조 방식의 경우, 성상도 상에 원형으로 분포되어 있는 심볼 배치 형태로 인해 비선형 채널 환경에서의 성능 열화를 감소시킬 수 있는 장점을 가진다<sup>[1]</sup>. 16APSK의 경우 2개의 신호 크기 (amplitude)를 나타내는 내원 (inner circle)과 외원 (outer circle)에 각각 4개와 12개의 심볼이 존재한다. 동일한 전송률을 가지는 16QAM의 경우 정방형의 형태로 배포된 16개 심볼이 존재하며, 평균 전력 대비 최대 전력값이 16APSK보다 크다. 따라서 APSK의 경우 비선형 채널 환경에서 발생하는 성상도 왜곡 현상을 완화시킬 수 있으며, BER 측면에서의 성능 열화 정도가 감소된다. QAM 계열 변조 방식의 성능은 잘 알려져 있으며<sup>[2]-[5]</sup>, 비선형 환경으로 인한 QAM 변조 방식의 성능 열화 분석에 대한 연구 결과도 제시되었다<sup>[6]-[8]</sup>. 본 논문은 일정 크기 이상의 입력 신호에 대해 포화 특성을 갖는 soft-limiter 비선형 채널 모델<sup>[9]</sup>이 사용된 경우를 고려하여, 16APSK의 BER 성능 분석 및 최적화 방안 제시를 목적으로 한다. Soft-limiter 모델은 통신 채널 자체 또는 전력 증폭기의 비선형성에 의해 발생하는 포화 현상에 대한 간략화된 형태로써, 상한값 이상의 입력 신호 진폭에 대해서는 출력 신호 진폭 역시 포화되는 특성을 가지고 있다. 본 논문에서는 비선형 채널 특성에 의한 성상도 왜곡을 구간 별로 분류하여 오율의 상한 근사식을 유도하고, 시뮬레이션을 통한 성능 평가 결과와 비교하여 그 정확성을 검증한다. 또한 유도 결과를 이용하여, 최적의 성능을 보이는 입력 전력 크기가 비선형 채널의 포화값 및 내·외원 반지름의 비율에 의해 변화함을 보이고 주어진 파라미터에 대한 최적값을 제시한다. 본 논문의 구성은 다음과 같다. II장에서는 16APSK 성상도와 비선형 채널 모델 관련 주요 파라미터에 대해 기술한다. III장에서는 16APSK의 BER 근사식을 유도하고, soft-limiter 채널 모델 적용 시 왜곡 구간 별 심볼 거리에 따른 성능 왜곡 정도를 분석하여 실험 결과를 통해 정확성을 검증한다. IV장에서는 유도된 BER 근사식 각 항의 특성 파악을 통해 BER이 최소가 되는 입력 전력과 채널 비선형 특성 및 성상도 형태의 관계를 제시한다. V장에서는 비선형 환경에

서 16APSK의 성능 이득을 검증하기 위해 16QAM과의 실험적 성능 비교 결과를 보이며, VI장에서 결론을 맺는다.

## II. 16APSK 성상도 및 비선형 채널 모델의 주요 파라미터

16APSK의 성상도 형태는 그림 1과 같다. 성상도의 내원에는 4개, 외원에는 12개의 심볼이 분포하여 있으며, 평균 심볼 에너지  $E_S$ 는 다음과 같이 내원 반지름  $R_1$ 과 외원 반지름  $R_2$ 에 의해 표현된다.

$$E_S = (R_1^2 + 3R_2^2)/4 \quad (1)$$

내원과 외원 반지름의 비율을  $\gamma$ 로 정의하며, 이는 응용 시스템에 따라 변화될 수 있는 값이다<sup>[1]</sup>.

$$\gamma = R_2/R_1 \quad (2)$$

수식 (1)과 (2)로부터 다음 관계를 얻는다.

$$R_1 = \sqrt{\frac{4E_S}{1+3\gamma^2}} \quad (3)$$

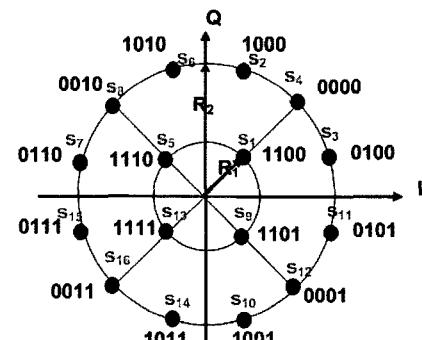


그림 1. 16APSK의 성상도 및 심볼 매핑 형태

본 논문의 실험 및 분석에 사용된 soft-limiter 비선형 채널 모델의 입출력 전달 특성은 그림 2와 같다.  $P_i$ 를 입력 전력,  $P_o$ 를 출력 전력,  $K$ 를 포화 전력값이라 할 때 그림 2의 입출력 전달 특성은 다음과 같이 나타낼 수 있다.

$$P_o = \begin{cases} P_i, & P_i < K \\ K, & P_i \geq K \end{cases} \quad (4)$$

포화 전력값  $K$ 는 선형 구간의 상한 전력을 의미

하며, 단방향 잡음 전력 스펙트럼 밀도  $N_0$ 의 상수배로 표현할 수 있다.

$$K = \alpha N_0 \quad (5)$$

이 때  $\alpha$ 는 비선형 채널의 상한 전력을 결정하는 상수 파라미터이다. 수식 (3)과 (5)를 이용하면 다음의 관계식을 얻을 수 있다.

$$K = \frac{\alpha(1+3\gamma^2)}{4E_s/N_0} R_i^2 \quad (6)$$

### III. 성상도 변화에 따른 16APSK BER 성능 분석식 유도

M-ary 변조 방식의 심볼 오율 상한값을 다음과 같은 union bound 형태로 나타낼 수 있다<sup>[3]</sup>.

$$P(E) = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^M P(E|s_i) \leq \frac{1}{M} \sum_{i=1}^M \sum_{k=1, k \neq i}^M P(s_k|s_i),$$

$$P(s_k|s_i) = Q\left(\frac{d_{i,k}}{\sqrt{2N_0}}\right) \quad (7)$$

이 때,  $P(E|s_i)$ 는 심볼  $s_i$  전송 시 오류가 발생할 조건부 확률,  $P(s_k|s_i)$ 는 심볼  $s_i$  전송 시 심볼  $s_k$ 로 오류가 발생할 조건부 확률을 각각 나타내며,  $d_{i,k}$ 는 성상도 상에서 심볼  $s_i$ 와  $s_k$  간의 유clidean 거리이다. 16APSK의 경우 심볼 오율은

$$P(E) = \frac{1}{16} (P(E|s_1) + P(E|s_2) + \dots + P(E|s_{16})) \quad (8)$$

과 같이 나타내어지며, 그림 1에서 관찰되는 심볼들의 대칭성을 활용하면

$$P(E) = \frac{1}{4} (P(E|s_1) + 2P(E|s_3) + P(E|s_4)) \quad (9)$$

으로 간략화된다. 여기서  $P(E|s_1)$ ,  $P(E|s_3)$ ,  $P(E|s_4)$ ,는 수식 (7)에서와 같이 각각의 해당 심볼들을 제외한 다른 심볼들로의 오율을 합산한 형태로 나타낼 수 있다. 예를 들어  $P(E|s_1)$ 의 경우,

$$P(E|s_1) \leq P(s_2|s_1) + P(s_3|s_1) + \dots + P(s_{16}|s_1) \quad (10)$$

$$= Q\left(\frac{d_{1,2}}{\sqrt{2N_0}}\right) + Q\left(\frac{d_{1,3}}{\sqrt{2N_0}}\right) + \dots + Q\left(\frac{d_{1,16}}{\sqrt{2N_0}}\right)$$

과 같이 표현된다.

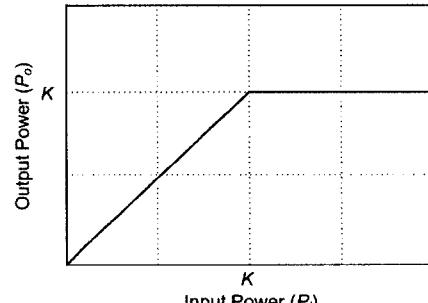


그림 2. Soft-limiter 모델의 AM-AM 전달 특성

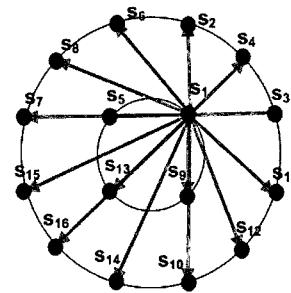


그림 3.  $P(E|s_1)$  상한값 계산 과정의 개념도

그림 3은 수식 (10)의 계산 과정을 나타내는 개념도이다.  $s_1$ 에서  $s_2$ ,  $s_3$ , ...,  $s_{16}$ 으로의 심볼 오율을 모두 반영할 경우 15개의 경계를 통해 심볼 오율을 계산해야 하므로 중첩 영역이 반복하여 발생하며, 중첩 영역의 증가는 실제 오율과의 차이를 증가시키게 된다. 이와 같은 단점을 완화하기 위해, 그림 4에서 볼 수 있듯이  $s_1$ 과 인접한  $s_2$ ,  $s_3$ ,  $s_4$ ,  $s_5$ ,  $s_9$ 의 5개 심볼들로의 오율만을 union bound에 포함시킴으로써 상한값의 정확도를 향상시킬 수 있다.  $P(E|s_1)$ 의 경우

$$P(E|s_1) \leq P(s_2|s_1) + P(s_3|s_1) + P(s_4|s_1) + P(s_5|s_1) + P(s_9|s_1) \quad (11)$$

$$= Q\left(\frac{d_{1,2}}{\sqrt{2N_0}}\right) + Q\left(\frac{d_{1,3}}{\sqrt{2N_0}}\right) + Q\left(\frac{d_{1,4}}{\sqrt{2N_0}}\right) + Q\left(\frac{d_{1,5}}{\sqrt{2N_0}}\right) + Q\left(\frac{d_{1,9}}{\sqrt{2N_0}}\right)$$

로 나타낼 수 있으며, 마찬가지로  $P(E|s_3)$ 과  $P(E|s_4)$ 는 각각 수식 (12)과 (13)과 같이 표현된다.

$$P(E|s_3) \leq P(s_1|s_3) + P(s_4|s_3) + P(s_{11}|s_3) \quad (12)$$

$$= Q\left(\frac{d_{3,1}}{\sqrt{2N_0}}\right) + Q\left(\frac{d_{3,4}}{\sqrt{2N_0}}\right) + Q\left(\frac{d_{3,11}}{\sqrt{2N_0}}\right)$$

$$\begin{aligned} P(E|s_4) &\leq P(s_1|s_4) + P(s_2|s_4) + P(s_3|s_4) \\ &= Q\left(\frac{d_{4,1}}{\sqrt{2N_0}}\right) + Q\left(\frac{d_{4,2}}{\sqrt{2N_0}}\right) + Q\left(\frac{d_{4,3}}{\sqrt{2N_0}}\right) \end{aligned} \quad (13)$$

그림 1의 성상도로부터 확인할 수 있는  $d_{1,2}=d_{1,3}=d_{3,1}$ ,  $d_{1,4}=d_{4,1}$ ,  $d_{1,5}=d_{1,9}$ ,  $d_{3,4}=d_{3,11}=d_{4,2}=d_{4,3}$ 의 관계를 이용하여 식 (11), (12), (13)을 식 (9)에 대입하면 다음 결과를 얻는다.

$$\begin{aligned} P(E) &\leq \frac{1}{4}(4Q\left(\frac{d_{1,2}}{\sqrt{2N_0}}\right) + 2Q\left(\frac{d_{1,4}}{\sqrt{2N_0}}\right) \\ &\quad + 2Q\left(\frac{d_{1,5}}{\sqrt{2N_0}}\right) + 6Q\left(\frac{d_{2,4}}{\sqrt{2N_0}}\right)) \end{aligned} \quad (14)$$

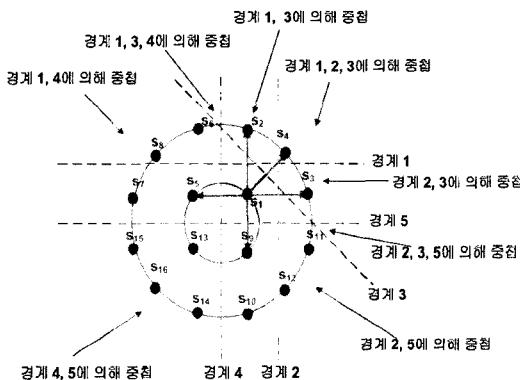


그림 4. 중첩 영역을 감소시킨  $P(E|s_i)$  상한값 계산 과정의 개요도

심볼  $s_i$  전송 시  $s_k$ 로 잘못 판정되는 경우의 오율을  $P(s_k|s_i)$ , 이 때 발생하는 BER을  $P_b(s_k|s_i)$ 로 표시할 때, 심볼  $s_i$ ,  $s_k$  간 상이한 비트 수가  $j$ 개이면 신호 대 잡음비가 큰 경우

$$P_b(s_k|s_i) \approx (j/4)P(s_k|s_i) \quad (15)$$

의 관계를 가지므로, 심볼 오율 상한값을 비트 오율 상한 근사값으로 변화할 수 있다. 그림 1에서 확인할 수 있듯이, 심볼  $s_1$ 이  $s_2$  또는  $s_5$ 로 잘못 판정되는 경우와 심볼  $s_2$ 가  $s_4$ 로 잘못 판정되는 경우는 상이한 비트 수가 1개이므로  $P_b(s_k|s_i) \approx (1/4)P(s_k|s_i)$ , 심볼  $s_1$ 이  $s_4$ 로 잘못 판정되는 경우는 상이한 비트 수가 2개이므로  $P_b(s_k|s_i) \approx (2/4)P(s_k|s_i)$ 로 나타낼 수 있다. 이를 이용한 16APSK BER  $P_b$ 는 다음과 같이 나타내어진다.

$$\begin{aligned} P_b &\leq \frac{1}{4}(4 \times \frac{1}{4}Q\left(\frac{d_{1,2}}{\sqrt{2N_0}}\right) + 2 \times \frac{2}{4}Q\left(\frac{d_{1,4}}{\sqrt{2N_0}}\right) \\ &\quad + 2 \times \frac{1}{4}Q\left(\frac{d_{1,5}}{\sqrt{2N_0}}\right) + 6 \times \frac{1}{4}Q\left(\frac{d_{2,4}}{\sqrt{2N_0}}\right)) \end{aligned} \quad (16)$$

수식 (16)에 포함된 심볼 간 거리  $d_{1,2}$ ,  $d_{1,4}$ ,  $d_{1,5}$ ,  $d_{2,4}$ 는 입력 평균 에너지  $E_S$ 의 증가에 따른 성상도 왜곡 정도에 따라 3개 구간으로 나누어진다. 입력 전력의 크기가 충분히 작아 외원 반지름  $R_2$ 가 선형 구간의 상한값  $\sqrt{K}$ 보다 작은 경우 성상도의 왜곡이 발생하지 않는 반면 (Case I,  $\sqrt{K} > R_2$ ), 전력의 증가에 따라 외원 상에 위치한 12개 심볼의 신호 크기가  $\sqrt{K}$ 와 동일한 크기로 왜곡되는 경우가 발생할 수 있다 (Case 2,  $R_1 < \sqrt{K} \leq R_2$ ). 입력 신호 전력이 더욱 증가되는 경우 내원 및 외원 상에 위치하는 모든 16개 심볼의 신호 크기가  $\sqrt{K}$ 와 동일한 크기로 왜곡되며, 이는 심각한 오율 증대를 가져오게 된다 (Case III,  $\sqrt{K} \leq R_1$ ). 이때 각 경우의  $\sqrt{K}$ 에 대한 조건식은 식 (6)을 이용하여  $E_S/N_0$  (잡음 전력 밀도함수 대비 입력 평균 신호 에너지)에 대한 조건식으로 변환할 수 있다. 심볼 간 거리는 각 경우에 대해 다음과 같이 표시된다.

Case I:  $\sqrt{K} > R_2$  ( $E_S/N_0 < \alpha(1+3\gamma^2)/4\gamma^2$ )

$$\begin{aligned} d_{1,2} &= R_1 \gamma \cos \frac{\pi}{12} - R_1 \cos \frac{\pi}{4}, \quad d_{1,4} = R_1 \gamma - R_1 \\ d_{1,5} &= 2R_1 \cos \frac{\pi}{4}, \quad d_{2,4} = 2\gamma R_1 \sin \frac{\pi}{12} \end{aligned} \quad (17)$$

Case II:  $R_1 < \sqrt{K} \leq R_2$

$$\begin{aligned} &(\alpha(1+3\gamma^2)/4\gamma^2 \leq E_S/N_0 < \alpha(1+3\gamma^2)/4) \\ d_{1,2} &= \sqrt{\left(\sqrt{K} \cos \frac{\pi}{12} - R_1 \cos \frac{\pi}{4}\right)^2 + \left(\sqrt{K} \sin \frac{\pi}{12} - R_1 \sin \frac{\pi}{4}\right)^2} \\ d_{1,4} &= \sqrt{K} - R_1, \quad d_{1,5} = 2R_1 \cos \frac{\pi}{4} \quad d_{2,4} = 2\sqrt{K} \sin \frac{\pi}{12} \end{aligned} \quad (18)$$

Case III:  $\sqrt{K} \leq R_1$  ( $E_S/N_0 \geq \alpha(1+3\gamma^2)/4$ )

$$\begin{aligned} d_{1,2} &= \sqrt{\left(\sqrt{K} \cos \frac{\pi}{12} - \sqrt{K} \cos \frac{\pi}{4}\right)^2 + \left(\sqrt{K} \sin \frac{\pi}{12} - \sqrt{K} \sin \frac{\pi}{4}\right)^2} \\ d_{1,4} &= 0, \quad d_{1,5} = 2\sqrt{K} \cos \frac{\pi}{4} \quad d_{2,4} = 2\sqrt{K} \sin \frac{\pi}{12} \end{aligned} \quad (19)$$

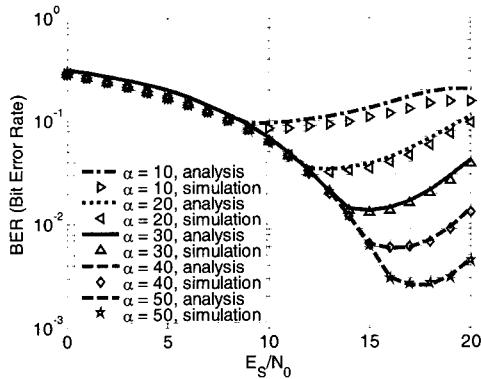


그림 5.  $\gamma=3.0$ 인 경우  $E_s/N_0$  증가에 따른 비트 오율 분석 및 검증

수식 (17), (18), (19)를 수식 (16)에 대입하면 비선형 채널에서의 16APSK BER 상한 근사값을 해당  $E_s/N_0$  구간별로 얻을 수 있다. 그림 5는  $\gamma = 3.0$ 과  $\alpha = 10, 20, \dots, 50$ 에 대한 BER 성능을 도시한 결과이다. 수식 (16)을 이용한 오율을 ‘analysis’, 시뮬레이션을 통한 오율을 ‘simulation’으로 표시하였으며, 오율이  $10^{-2}$  보다 작은 경우 분석값과 실험값이 매우 근접함을 확인할 수 있다. 또한, 성상도 파라미터  $\gamma$  와 비선형 채널 파라미터인  $\alpha$ 에 따라 오율이 최소가 되는  $E_s/N_0$  값이 변화함을 관찰할 수 있다.

#### IV. APSK 성능 최적화 방안

성상도 왜곡이 없는 Case I의 경우  $E_s$ 의 증가에 따라 심볼 간 거리가 증가되고 BER이 감소하며, 왜곡이 심한 Case III의 경우 심볼  $s_1$ 과  $s_4$ 의 중첩을 포함한 심볼 간 거리 감소로 인해 BER 성능이 크게 열화된다. 최소 오율을 보이는 경우는  $E_s$ 의 증가에 따른 심볼 간 거리 증가와, 성상도 왜곡에 의한 거리 감소 현상이 동시에 발생하는 Case II이며, 이 경우에 대해 수식 (16)의 4개 항을  $E_s/N_0$ ,  $\alpha$  및  $\gamma$ 의 함수로 표시하면 다음과 같다.

##### • 1항 :

$$\frac{1}{4} Q\left(\frac{d_{1,2}}{\sqrt{2N_0}}\right) = \frac{1}{4} Q\left(\sqrt{\frac{2}{1+3\gamma^2}} \frac{E_s}{N_0} + \frac{\alpha}{2} - 3.46 \sqrt{\frac{\alpha}{4+12\gamma^2}} \sqrt{\frac{E_s}{N_0}}\right) \quad (20)$$

##### • 2항 :

$$\frac{1}{4} Q\left(\frac{d_{1,4}}{\sqrt{2N_0}}\right) = \frac{1}{4} Q\left(\sqrt{\frac{\alpha}{2}} - \sqrt{\frac{2}{1+3\gamma^2}} \sqrt{\frac{E_s}{N_0}}\right) \quad (21)$$

##### • 3항 :

$$\frac{1}{8} Q\left(\frac{d_{1,5}}{\sqrt{2N_0}}\right) = \frac{1}{8} Q\left(\frac{2}{\sqrt{2}} \sqrt{\frac{2}{1+3\gamma^2}} \sqrt{\frac{E_s}{N_0}}\right) \quad (22)$$

##### • 4항 :

$$\frac{3}{8} Q\left(\frac{d_{2,4}}{\sqrt{2N_0}}\right) = \frac{3}{8} Q\left(0.52 \sqrt{\frac{\alpha}{2}}\right) \quad (23)$$

1항과 2항의 경우  $E_s$  증가에 따라 단조 증가, 3항의 경우 단조 감소 특성을 가지며, 4항의 경우 상수 값을 갖는다. Q-function은 지수 함수적인 특성  $Q(x) \simeq \exp(-x^2/2)$ 을 가지고, 성상도 상에서  $d_{1,2} > d_{1,4}$ 의 관계를 가지므로, 단조 감소하는 1항과 2항 중 전체 BER 계산 결과에 더 큰 영향을 미치는 것은 2항이다. 따라서 BER을 최소화하는  $E_s/N_0$  ( $\circ$ 하  $(E_s/N_0)_{opt}$ 로 표기)는 단조 증가하는 2항과 단조 감소하는 3항의 교차 시 발생하는  $E_s/N_0$  값으로 근사할 수 있다. 2항과 3항의 크기가 동일하게 되는  $(E_s/N_0)_{opt}$ 는  $Q(x) \simeq \exp(-x^2/2)$ 의 근사식을 활용하여 다음 식을 만족함을 보일 수 있다.

$$\frac{2}{1+3\gamma^2} \frac{E_s}{N_0} - 4 \sqrt{\frac{\alpha}{4+12\gamma^2}} \sqrt{\frac{E_s}{N_0}} + 2\ln 2 - \frac{\alpha}{2} = 0 \quad (24)$$

위 식을 정리하여 다음을 얻는다.

$$\left(\frac{E_s}{N_0}\right)_{opt} = \frac{1}{4} (3\alpha + 9\alpha\gamma^2 - 4\ln 2 - 12\gamma^2\ln 2 - 2\sqrt{2} \sqrt{\alpha^2 + 6\alpha^2\gamma^2 + 9\alpha^2\gamma^4 - 2\alpha\ln 2 - 12\alpha\gamma^2\ln 2 - 18\alpha\gamma^4\ln 2}) \quad (25)$$

지수 함수적인 특성을 가지는 Q-function에 곱해지는 상수 계수의 영향, 즉 2항의 계수 1/4과 4항의 계수 1/8의 차이를 무시하는 경우  $(E_s/N_0)_{opt}$ 는

$$\begin{aligned} & \sqrt{\frac{\alpha}{2}} - \sqrt{\frac{2}{1+3\gamma^2}} \sqrt{\frac{E_s}{N_0}} \\ & - \frac{2}{\sqrt{2}} \sqrt{\frac{2}{1+3\gamma^2}} \sqrt{\frac{E_s}{N_0}} = 0 \end{aligned} \quad (26)$$

의 조건을 만족하며, 이를 정리하면 다음과 같이 간략화된 결과를 얻는다.

$$\left(\frac{E_s}{N_0}\right)_{opt} \simeq \frac{\alpha(1+3\gamma^2)}{4(3+2\sqrt{2})} \quad (27)$$

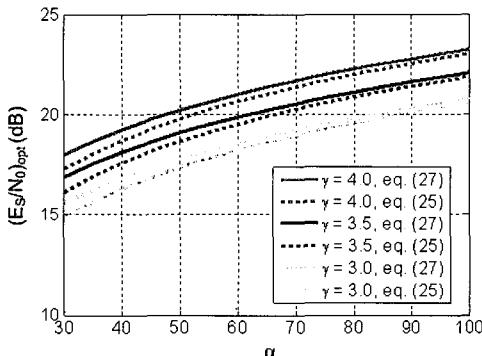


그림 6. 포화 특성 및 성상도 변화에 따른  $(E_s/N_0)_{opt}$  값의 변화

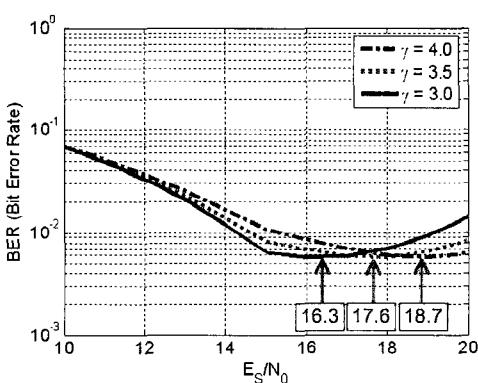


그림 7. 비트 오율 최소화를 위한  $E_s/N_0$  값 비교 ( $\alpha=40$ )

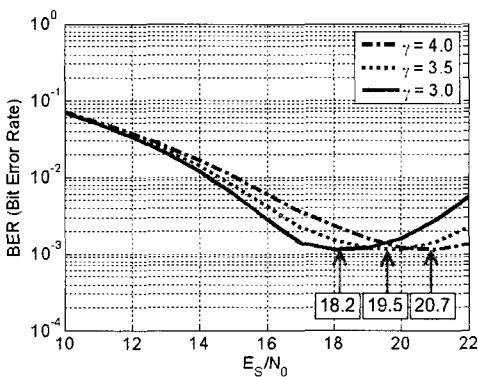


그림 8. 비트 오율 최소화를 위한  $E_s/N_0$  값 비교 ( $\alpha=60$ )

그림 6은 수식 (25)와 (27)에서 제시된  $(E_s/N_0)_{opt}$  값을  $\gamma$ 와  $\alpha$ 의 변화에 대해 나타낸 것이다.  $\gamma$ 와  $\alpha$ 가 증가함에 따라  $(E_s/N_0)_{opt}$  값이 증가함을 확인할 수 있다. 그림 7과 그림 8은 수식 (25)의  $(E_s/N_0)_{opt}$  값 (그림에서 Box 및 화살표로 표시)을 BER 성능 곡선에 표시하여 파라미터별 실제 성능 최적점과 잘 일치됨을 보이고 있다. 수식 (27)의 계산 결과는 수식 (25)의 결과와 비교하여 약 0.4 ~ 0.5 dB의 차이를 보이며, 두 결과값에서의 BER 크기 차이는 미미하다. 또한 수식 (1)과 (27)로부터 다음 식을 얻는다.

$$\frac{1}{4}(1+3\gamma^2)R_1^2 = \frac{\alpha N_0(1+3\gamma^2)}{4(3+2\sqrt{2})} \quad (28)$$

식 (5)의  $K=\alpha N_0$  관계식을 식 (28)에 대입하여 정리하면 다음과 같다.

$$\sqrt{K} = (1 + \sqrt{2})R_1 \approx 2.4R_1 \quad (29)$$

즉, 입력 전력값  $E_s$ 의 증가에 따라 외원이 왜곡될 경우, 외원 상에 위치한 심볼의 크기가  $R_1$ 의 약 2.4 배 지점까지 왜곡되었을 때 오율이 최소가 됨을 의미한다. 따라서 16APSK 성상도 파라미터  $\gamma$ 는 최소한 2.4 이상으로 설계하는 것이 바람직하다.

## V. 16APSK와 16QAM의 성능 비교

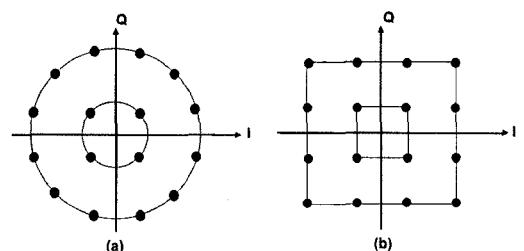


그림 9. 16APSK와 16QAM의 성상도 비교

그림 9(a)는 내원과 외원으로 구성된 16APSK 성상도를 도시한 것이다. 그림 9(b)는 정방형 형태의 16QAM 성상도를 도시한 것이다. 16APSK의 경우 심볼들이 원형 상에 존재하는 구조적 특성으로 인해 평균 전력 대비 최대 전력의 크기를 16QAM과 비교하여 감소시킬 수 있으며, 이는 비선형 채널 환경에서 성능의 이득으로 나타내어질 수 있다. 그림 10은 두 변조 방식의 BER 성능을 실험적으로 평가하여 비교한 결과이다. 16APSK의 경우  $\gamma = 3.0$ 을 사용하

였으며, 각각의 변조 방식에 대해  $\alpha = 40, 50, 60$ 으로 가변하는 비선형 채널을 적용하였다. BER이 최소가 되는  $(E_s/N_0)_{\text{opt}}$  값은 두 변조 방식이 유사한 크기를 가지나, 최적점에서의 BER 성능은 16APSK가 더 우수함을 확인할 수 있다. 따라서 그림 10의 성능 평가 결과를 통해, 16APSK 변조 방식이 포화 특성을 가지는 비선형 채널에서 성능 열화 정도를 감소시킬 수 있음을 확인할 수 있다.

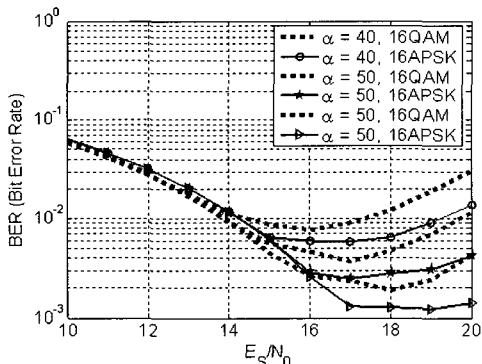


그림 10. 16APSK와 16QAM의 비트 오율 성능 비교

## VII. 결론

포화 특성을 가지는 비선형 채널에서 고밀도 변조 방식을 이용하는 신호 전송 시, 입력 전력 크기가 특정 값 이상으로 증가하면 성상도 왜곡으로 인한 성능 열화가 발생한다. 본 논문에서는 16APSK 변조 방식 사용 시 비선형성으로 인해 발생하는 성능 열화를 분석하기 위해 성상도 왜곡 구간 별 심볼 간 거리 변화를 구하여 오율의 상한식을 유도하였으며, 중첩 구간을 감소시킴으로써 그 정확도를 향상시켰다. 성능 최적화를 위한  $E_s/N_0$ 의 크기를 성상도 및 채널 특성 파라미터의 함수로 나타내고, 분석 결과를 시뮬레이션 결과와 비교하여 검증하였다. 또한 16APSK와 16QAM의 BER 성능 비교를 통해 비선형 채널에서의 APSK 변조 방식의 이득을 정량적으로 제시하였다.

## 참고 문헌

- [1] ETSI EN 302 307 v1.1.1, *Digital Video Broadcasting (DVB): Second Generation Framing Structure, Channel Coding and Modulation System for Broadcasting, Interative Service, News*

*Gathering and Other Broadband Satellite Applications*, June 2004.

- [2] S. Haykin, *Communication Systems*, 4th ed. New York, NY: Wiley, 2001.
- [3] R. E. Ziemer and R. L. Peterson, *Introduction to Digital Communication*, 2nd ed. Upper Saddle River, NJ: Prentice-Hall, 2001.
- [4] J. Lu and K. B. Letaief, "M-PSK and M-QAM BER computation using signal-space concepts," *IEEE Trans. Commun.*, vol. 47, no. 2, pp. 181-184, Feb. 1999.
- [5] L. Yang and L. Hanzo, "A recursive algorithm for the error probability evaluation of M-ary QAM," *IEEE Commun. Letters*, vol. 4, no. 10, pp. 304-306, Oct. 2000.
- [6] G. Chrisikos, "Analysis of 16-QAM over a non-linear channel," in *Proc. PIMRC '98*, Boston, MA, Sept. 1998, vol. 3, pp. 1325-1329.
- [7] G. Chrisikos and M. Z. Win, "Performance of quadrature amplitude modulation with nonlinear transmit amplifiers in Rayleigh fading," in *Proc. RAWCON 2000*, Denver, CO, Sept. 2000, pp. 51-54.
- [8] 김태환, 성원진, "비선형성 전력증폭기를 사용한 16-QAM 변조 방식의 성능 분석 및 최적화," *한국통신학회 논문지*, 27권 9호, pp. 847-885, Sept. 2002.
- [9] A. Behravan and T. Eriksson, "Analysis of distortion in a memoryless bandpass nonlinearity," in *Proc. Nordic Radio Symposium*, Oulu, Finland, Aug. 2004.

강석현 (Seokheon Kang)



준회원  
2005년 2월 : 서강대학교 전자  
공학과 학사

2007년 2월 : 서강대학교 전자  
공학과 석사

<관심분야> 디지털통신, 전송기  
술, 채널코딩

김 상 태 (Sangtae Kim)



준회원  
2006년 8월 : 서강대학교 전자공  
학과 학사  
2006년 8월~현재 : 서강대학교 전  
자공학과 석사과정  
<관심분야> 디지털통신, 고속  
모뎀

성 원 진 (Wonjin Sung)



종신회원  
1990년 2월 : 서울대학교 전자공  
학과 학사  
1992년 5월 : University of  
Michigan 전자공학과 석사  
1995년 12월 : University of  
Michigan 전기공학과 박사  
1996년 1월~2000년 8월 : Hughes  
Network Systems사 책임연구원  
2000년 9월~현재 : 서강대학교 전자공학과 부교수  
<관심분야> 디지털통신, MIMO, 통신 시스템 성능  
분석