

구동토크의 제약을 갖는 차동 구륵이동로봇의 동역학 모델링과 경로추적

論 文

51P-1-7

Dynamic Modeling and Path-tracking of Differential Drive Wheeled-Mobile Robots

文 鍾 寓*
(Jong-Woo Moon)

Abstract - In this paper are presented dynamic modeling and path-tracking of differential drive wheeled-mobile robots(WMRs) having the limited drive-torques. Instantaneously coincident coordinate system, force/torque propagation and Newton's equilibrium law are used to induce the dynamic model. When drive-torques generated by inverse dynamics exceed the limitation, we make wheeled-mobile robots follow the reference path by modifying the planned reference trajectory with time-scaling method. The controller is introduced to compensate for error owing to modeling uncertainty and measurement noise. And simulation results prove that method proposed by this paper is efficient.

Key Words - 힘/토크의 중첩 및 전파, Newton의 평형법칙, 구동입력, time-scaling

1. 서 론

산업현장을 비롯하여 다양한 분야에서 이용되고 있는 로봇 매니플레이터는 고정된 위치에서 작업을 수행하므로 작업공간이 제한되는 단점을 갖는다. 이러한 문제점을 해결하고 로봇의 기능을 확장하기 위해 이동기능을 갖춘 구륵이동로봇(Wheeled-Mobile Robots, WMRs)에 대한 연구가 활발히 진행되고 있다. J. Barraquand와 J.C. Latombe는 WMRs의 nonholonomic 속도 제약(velocity constraint)을 정의하고, 최적시간 주행을 위해 방향전환의 수를 최적화하는 경로를 설계하였다[1]. J.C. Alexander와 J.H. Maddocks는 쿨롱의 법칙을 이용하여 주행면과 구륵 사이의 접촉점에서의 마찰을 모델화하였다[2]. Y. Kanayama는 안정한 궤적추적을 위해 Lyapunov 함수를 이용하여 제어입력을 결정하였으며, 비선형 모델의 선형화를 통하여 임계감쇠비(critical damping ratio)를 결정하였다[3]. 그러나 이러한 방법들은 단순한 형태의 기구학 모델을 대상으로 하였으므로 주행시 발생하는 마찰을 보상할 수 없게 되어 WMRs는 궤적에서 이탈될 수 있다[4]. 본 논문에서는 WMRs에 작용하는 힘/토크의 수식화와 힘/토크의 전파 및 중첩, Newton의 평형법칙을 이용하여 WMRs의 동역학 모델을 유도한다.

설정된 기준 속도 및 가속도를 수행하기 위해 요구되는 구동토크가 허용가능한 구동기 입력 범위를 초과할 경우, 본 논문에서는 time-scaling 기법을 이용하여 기준 속도 및 가속도 궤적을 일부 수정함으로써 기준 경로의 재설계없이 WMRs가 제시된 경로를 추적하도록 한다. 이러한 내용은 주행시간의 단축 또는 연장을 의미한다.

2. WMRs의 동역학 모델링

본 논문에서는 WMRs에 작용하는 힘/토크를 수식화하고 힘/토크의 전파와 중첩, Newton의 평형법칙을 이용하여 동역학 모델을 유도한다. WMRs의 각 요소 사이에서 발생하는 상호 마찰을 법선력(normal force)과의 결합(coupling)으로 분석하며, WMRs의 위치, 속도, 가속도 및 힘/토크는 6×1 벡터로 나타낸다. 즉, $P_{osition} = [p_x \ p_y \ p_z \ \theta_x \ \theta_y \ \theta_z]^T$, $V_{elocity} = [v_x \ v_y \ v_z \ \omega_x \ \omega_y \ \omega_z]^T$, $A_{ccelation} = [a_x \ a_y \ a_z \ \alpha_x \ \alpha_y \ \alpha_z]^T$, $F_{orce/torque} = [f_x \ f_y \ f_z \ \tau_x \ \tau_y \ \tau_z]^T$ 이다. 각 행렬의 상위 3×1 은 병진운동을, 하위 3×1 은 회전운동을 나타낸다.

2.1 좌표계 할당

본 논문에서 고찰대상이 되는 2 자유도 구륵이동로봇의 구조는 그림 1과 같다. 좌우 구륵은 구동 구륵(driven-wheel)이며 전후의 구륵은 보조구륵(caster)이다. WMRs의 동작 분석을 위해 WMRs를 구성하는 각 구성요소의 양끝 또는 질량 중심에 좌표계를 할당한다. F는 고정 기준 좌표계이며, B는 본체의 질량중심에 할당된 본체 좌표계이다. C_i(i=1,2,3,4)는 구륵과 주행면 사이의 접촉점에 할당된 접촉 좌표계이고 S_k(k=3,4)는 조향축에 할당된 조향 좌표계이며 H_k는 조향 좌표계의 z축과 동일한 방향을 갖지만 본체에 할당된 좌표계이다. W_i는 구륵의 중심에 할당되며 A_j(j=1,2)는 구륵과 본체의 접촉점에 할당된 구륵축 좌표계이다. 그림 1의 구조를 갖는 WMRs는 y-방향의 병진운동과 z-축을 중심으로 회전운동을 하는 2 자유도를 갖는다.

* 正會員 : 釜山情報大學 電氣電子系列 傳任講師

接手日子 : 2001年 11月 19日

最終完了 : 2002年 2月 6日

L은 인접한 좌표계의 상대적 위치와 방향으로 결정되는 변환행렬이다. W1으로 전과된 힘/토크는 구륵축을 통하여 본체로 전과된다. 이때 구륵축은 구륵과 본체를 연결하는 관절의 역할을 하며, 관절을 통해 전과된 힘/토크는 법선력에 비례하므로 본체로 전과된 힘은 다음과 같다.

$${}^{A_1}f_B = \zeta_{ij} {}^{W_1}f_W \quad (2-8)$$

ζ_{ij} 는 마찰계수이며, ${}^{W_1}f_W$ 는 법선력으로 작용한다. 식 (2-8)을 일반화하여 구륵축을 통하여 구륵으로부터 본체로 전과된 힘/토크를 다음과 같이 표현할 수 있다.

$${}^{A_1}f_B = {}^{A_1}C_{BW} \cdot {}^{W_1}f_W \quad (2-9)$$

${}^{A_1}C_{BW}=[k_{ij}]$ 는 관절 A1을 통해 구륵으로부터 본체로 전과되는 힘/토크의 마찰 결합 행렬(friction coupling matrix)이며 다음과 같이 정의되는 마찰계수로 구성된다.

$$k_{ij} = \begin{cases} 1 & i=j \text{ 이고 비자유도축일 경우} \\ \zeta_{ij} & \text{자유도축일 경우} \end{cases} \quad (2-10)$$

본체로 전과된 힘/토크는 본체의 질량 중심 좌표계 B로 전과된다. 따라서 접촉점에서 발생한 접촉 마찰력이 본체로 전과되는 과정을 다음과 같이 수식화할 수 있다.

$$\begin{aligned} {}^Bf_B &= {}^{A_1}L_B \cdot {}^{A_1}C_{BW} \cdot {}^{C_1}L_{W_1} \cdot {}^{C_1}f_W \\ &= {}^B\Psi_{C_1} \cdot {}^{C_1}f_W \end{aligned} \quad (2-11)$$

이러한 개념을 각각의 링크와 관절에 적용하여 힘/토크의 전과과정을 일반화할 수 있다.

2.4 운동 방정식

그림 3은 임의의 링크에서 발생한 힘/토크가 링크와 관절을 통하여 전과되면서 임의의 다른 링크에서 발생한 힘/토크와 중첩되는 과정을 설명한 것이다.

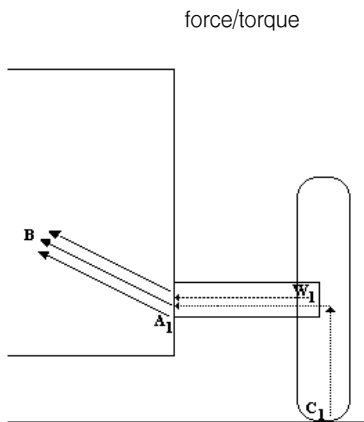


그림 3 힘/토크의 중첩
Fig. 3 Superposition of

그림 3에서, 접촉 마찰력은 구륵과 구륵축, 본체를 통하여 전과되면서 각각의 링크에서 발생한 힘/토크(관성, 중력, 구동기 토크, 또는 점성 마찰력과 중첩된다. 이러한 개념을 구륵, 부하, 본체에 적용하여 WMRs에 작용한 힘/토크를 일반화할 수 있다. Newton의 평형법칙에 따라 WMRs에 작용한 힘/토크의 본체의 질량 중심에서의 총합은 0 (zero)이 된다. 즉,

$$\sum_M \sum_P ({}^B P_{M(A)} \cdot {}^{M(A)} f_{\rho(A)}) = 0 \quad (2-12)$$

여기서 ρ 는 임의의 힘/토크를 나타낸다. 식 (2-1)~(2-6)과 (2-11), (2-12)를 이용하여 6개의 독립된 운동 방정식을 구할 수 있다.

$$\begin{aligned} f_{x_1} + f_{y_2} + f_{x_3} c\theta_{z_3} + f_{x_4} c\theta_{z_4} - f_{y_3} s\theta_{z_3} - f_{y_4} s\theta_{z_4} - (2m_W + m_B + m_L) \widehat{B} a_{B_z} \\ - 2m_W g (c^F \theta_z + s^F \theta_z) - \mu_{vBx} \widehat{B} v_{B_z} = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -s\theta_{z_3} f_{x_3} - s\theta_{z_4} f_{x_4} + f_{y_1} + f_{y_2} + f_{y_3} c\theta_{z_3} + f_{y_4} c\theta_{z_4} - \widehat{B} a_{B_z} (2m_W + m_B + m_L) \\ - 2m_W g (c^F \theta_z - s^F \theta_z) - \mu_{vBy} \widehat{B} v_{B_z} = 0 \end{aligned}$$

$$f_{z_1} + f_{z_2} + f_{z_3} + f_{z_4} + 1/2(l_{BH} + l_{LH})m_L \widehat{B} a_{B_z} - g[2m_W + m_L + m_B] = 0$$

$$\begin{aligned} f_{x_3} (l_f + l_s + r) s\theta_{z_3} + f_{x_4} (l_f + l_s + r) s\theta_{z_4} + (l_p + l) f_{y_2} + f_{y_3} (l_f + l) \\ c\theta_{z_3} + f_{y_4} (l_f + l) c\theta_{z_4} + \zeta_{cw1} f_{z_1} + \zeta_{cw2} f_{z_2} + f_{z_3} (l_c + \zeta_{cw3} c\theta_{z_3}) + \\ f_{z_4} (-l_c + \zeta_{cw4} c\theta_{z_4}) - \beta \tau_1 - \beta \tau_2 + 1/2 m_L (l_{BH} + l_{LH}) \widehat{B} a_{B_z} - 2m_W (l_p + l) \\ \widehat{B} a_{B_z} - m_W g (\zeta_{cw1} \zeta_{cw2} + 2(l_p + l) (c^F \theta_{B_z} - s^F \theta_{B_z})) = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -l_c f_{x_3} c\theta_{z_3} + l_c f_{x_4} c\theta_{z_4} + l_a f_{y_1} - l_a f_{y_2} + l_c f_{y_3} s\theta_{z_3} - l_c f_{y_4} s\theta_{z_4} + \zeta_{cc1} f_{z_1} + \\ \zeta_{cc2} f_{z_2} + \zeta_{cs3} f_{z_3} + \zeta_{cs4} f_{z_4} - \widehat{B} a_{B_z} (m_W l_a^2 + 2I_{W_y} + I_{B_z} + I_{L_z}) - \\ \varepsilon_{vBz} \widehat{B} \omega_{B_z} = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -f_{x_1} (l_p + l_f + R) - f_{x_2} (l_p + l_f + R) - f_{x_3} (l_p + l_f + R) c\theta_{z_3} - f_{x_4} (l_p + l_f + R) \\ c\theta_{z_4} + f_{y_3} (l_s + l) s\theta_{z_3} - l_a f_{z_1} + l_a f_{z_2} + \zeta_{cw3} f_{z_3} s\theta_{z_3} + \zeta_{cw4} f_{z_4} s\theta_{z_4} \\ + (l_f + l) f_{y_4} s\theta_{z_4} + 2m_W (l_p + l) \widehat{B} a_{B_z} + (I_{W_y} - I_{W_x}) \widehat{A} \omega_{W_x} + I_{W_y} \widehat{B} \omega_{B_z} \\ + \omega_{B_z} \widehat{A} \omega_{W_x} + I_{W_y} \widehat{B} \omega_{B_z} \widehat{A} \omega_{W_x} + (I_{W_y} - I_{W_x}) \widehat{A} \omega_{W_x} \widehat{B} \omega_{B_z} - \\ 1/2 (l_{BH} + l_{LH}) m_L \widehat{B} a_{B_z} + 2m_W g (c^F \theta_{B_z} + s^F \theta_{B_z}) = 0 \end{aligned}$$

여기서, $c\theta = \cos\theta$, $s\theta = \sin\theta$ 이다. 위의 6개의 운동방정식을 정리하여 구동토크항과 접촉 마찰력항, 관성력항, 코리올리 및 원심력항 등으로 나타낼 수 있다.

$$N \cdot \tau_a + F \cdot f_e + M \cdot \widehat{B} a_{B_z} = C_r \quad (2-13)$$

τ_a 는 구동기에서 발생한 구동토크를, f_e 는 접촉 마찰력을, $\widehat{B} a_{B_z}$ 은 WMRs의 본체의 가속도를 나타낸다. C_r 는 코리올리(Coriolis) 및 원심력을 나타내며, N, F, M은 적절한 차원을 갖는 행렬이다. 구동토크와 접촉 마찰력을 미지의 변수로 간주하여 식 (2-13)을 재정리하면 다음과 같다.

$$Z_i \cdot X_i = Y_i \quad (2-14)$$

여기서 $Z_i=[N \ F]$, $X_i=[\tau_a^T \ f_e^T]^T$, $Y_i=C_r-M \cdot \hat{B}_{aB}$ 이다. Z_i 는 underdetermined 시스템이므로 $Z_i \cdot X_i - Y_i=0$ 를 만족하는 해 X_i 는 무한히 많다. 따라서 하중 최소 놈 해(weighted-minimum norm solution)를 이용하여 $\|X_i\|$ 를 최소화하는 해를 구할 수 있다[6].

$$X_i = W^{-1} Z_i^T [Z_i W^{-1} Z_i^T]^{-1} Y_i \quad (2-15)$$

여기서 하중 행렬(weighting matrix) W 는 다음과 같다.

$$W = \text{diag} [W_a \quad W_e]$$

W_a 는 구동토크에 대한 하중이며 W_e 는 접촉 마찰력에 대한 하중이다.

3. 궤적의 time-scaling

기준궤적을 수행하기 위해 식 (2-15)로부터 계산된 구동토크가 허용가능한 구동기 입력범위를 초과할 경우, 설정된 기준 속도 및 가속도는 WMRs에 의해 수행될 수 없다. 따라서 기준 경로와 기준궤적의 재설계가 필요하지만 이러한 방법은 WMRs의 실시간 제어를 어렵게 하는 요인이 된다. 본 논문에서는 구동토크가 최대 구동기 입력을 초과하였을 경우, time-scaling 기법을 이용하여 속도 궤적 및 가속도 궤적을 부분적으로 수정함으로써 기준 경로의 재설계없이 기존의 기준 경로를 추적하는 방법을 제시한다.

3.1 궤적의 time-scaling

경로 설계기와 궤적 설계기에 의해 기준 경로(s) 및 속도(v), 가속도(a)가 결정되었다고 가정한다. Time-scaler를 다음과 같이 정의한다.

$$\delta(t) = \eta t$$

여기서 η 를 임의의 양(+)의 상수로 가정하면 time-scaler는 단조 증가 함수이다. 임의의 시간 t에서 time-scaler에 의해 scale된 새로운 기준 경로는 다음과 같다.

$$\bar{s}(t) = s(\delta) \quad (3-1)$$

여기서 $\bar{s}(t)$ 는 scale된 궤적을 나타낸다. 식 (3-1)을 시간에 대해 미분하면 다음과 같다.

$$\begin{aligned} \frac{d\bar{s}(t)}{dt} &= \frac{ds(\delta)}{d\delta} \cdot \frac{d\delta}{dt} \\ \bar{s}'(t) &= s'(\delta) \delta \end{aligned} \quad (3-2)$$

여기서 '은 δ 에 대한 미분, $\dot{}$ 는 시간에 대한 미분을 나타낸다. 식 (3-2)를 시간에 대해 미분하여 scale된 가속도 궤적을 구하면 다음과 같다.

$$\bar{s}''(t) = s''(\delta) \delta(t)^2 + s'(\delta) \delta'(t) \quad (3-3)$$

$\delta(t) = \eta$, $\delta'(t) = \eta$ 이므로 식 (3-2)와 (3-3)로부터 scale된 속도 및 가속도를 정의할 수 있다.

$$\begin{aligned} \bar{v}(t) &= \bar{s}'(t) = \eta \cdot v(\eta t) \\ \bar{a}(t) &= \bar{s}''(t) = \eta^2 \cdot a(\eta t) \end{aligned} \quad (3-4)$$

식 (3-2)~(3-4)를 이용하여 scale된 역동역학을 계산할 수 있다. 식 (2-13)의 행렬 N, F, M는 WMRs의 제원과 마찰계수, 기어비로 구성되는 상수행렬이므로 (2-13)을 다음과 같이 나타낼 수 있다.

$$X_i(t) = W^{-1} Z_i^T [Z_i W^{-1} Z_i^T]^{-1} [v(t) C_r v(t) - M \hat{B}_{aB}(t)] \quad (3-5)$$

식 (3-4)의 정의를 이용하여 scale된 구동토크를 구하면 다음과 같다.

$$\begin{aligned} \bar{X}_i(t) &= \eta^2 W^{-1} Z_i^T [Z_i W^{-1} Z_i^T]^{-1} [v(\delta) C_r v(\delta) - M \hat{B}_{aB}(\delta)] \\ &= \eta^2 W^{-1} Z_i^T [Z_i W^{-1} Z_i^T]^{-1} [v(\eta t) C_r v(\eta t) - M \hat{B}_{aB}(\eta t)] \\ &= \eta^2 \cdot X_i(\eta t) \end{aligned} \quad (3-6)$$

3.2 Time-scaler의 결정

역동역학에 의해 계산된 구동토크가 최대 구동기 입력을 초과할 경우 설계된 기준궤적은 WMRs에 의해 수행될 수 없다. 따라서 기준궤적의 수행 가능성은 명시된 최대 구동기 입력과 역동역학에 의해 계산된 구동토크를 비교함으로써 이루어진다. 허용가능한 구동토크의 범위를 $-\tau_{\min} \leq \tau(t) \leq \tau_{\max}$ 로, 역동역학에 의해 계산된 구동토크를 $\tau_{\text{com}}(t)$ 로 나타내면 scaler의 허용가능한 구간 $[\eta 2^- \quad \eta 2^+]$ 은 다음과 같다.

	$\eta 2^-$	$\eta 2^+$	
$\tau_{\text{com}} > 0$	0	$\frac{\tau_{\max}}{\tau_{\text{com}}}(t)$	(3-7)
$\tau_{\text{com}} < 0$	0	$\frac{\tau_{\min}}{\tau_{\text{com}}}(t)$	
$\tau_{\text{com}} = 0$	0	∞	

식 (3-6)과 (3-7)로부터 $\tau_{\max} > \tau_{\text{com}}$ 일 경우, $\eta > 1$ 은 속도의 증가와 주행 시간의 단축을 의미하며 $\tau_{\max} < \tau_{\text{com}}$ 일 경우, $\eta < 1$ 은 속도의 감소와 주행 시간의 증가를 의미한다.

4. 제어기 설계

2장에서는 WMRs의 수학적 모델을 유도하였다. 그러나 모델링 불확실성(modeling uncertainty)과 측정 잡음 등으로 인하여 WMRs는 기준 경로에서 이탈될 수 있다[7]. 제어기의 목적은 오차를 최소화하여 WMRs가 기준궤적을 신속히 추적하도록 하는 것이다. 제어 시스템의 블록선도는 다음과 같다.

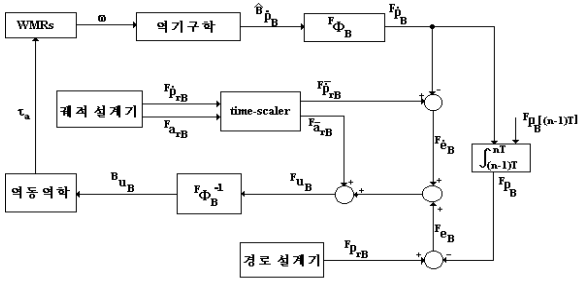


그림 4 제어 시스템의 블록선도
Fig. 4 Block diagram for control system

그림 4에서 적분 블록은 dead-reckoning을 나타낸다. Dead-reckoning은 encoder에 의해 측정된 일련의 속도의 증분값을 수치적으로 적분하여 현재의 위치를 추정하는 방법이다[8]. 첨자 r 는 기준궤적을, F_{u_B} , \bar{b}_{u_B} 는 WMRs에 대한 입력이며 다음과 같다.

$$F_{u_B}(nT) = F_{a_{rB}} + k_d \cdot (F_{v_{rB}} - F_{\dot{p}_B}) + k_p \cdot (F_{p_{rB}} - F_{p_B}) \quad (4-1)$$

$$= F_{a_{rB}} + k_d \cdot \dot{e}(nT) + k_p e(nT)$$

5. 모의실험 및 고찰

모델의 유효성과 알고리즘의 효율성을 입증하기 위해 모의실험을 수행한다. 모의실험에 이용된 2 자유도 구륵이 동로봇의 제원과 사용된 매개변수를 표 1에 나타내었다.

표 1 구륵이동로봇 제원과 매개변수
Table 1 Standard and parameters of WMRs

기 호	수 치 값	단 위	내 용
IBh	0.8	m	본체높이
ILh	0.2	m	부하높이
la	0.8	m	본체 폭/2
lb	0.8	m	본체길이/2
lc	0.8	m	보조구륵의 y-변위
ld	0.16	m	구동구륵의 z-변위
le	0.8	m	보조구륵의 x-변위
lf	0.14	m	보조구륵의 z-변위
lg	0.018	m	조향축 길이
R	0.18	m	구동구륵의 반경

기 호	수 치 값	단 위	내 용
r	0.04	m	보조구륵의 반경
mb	120.5	kg	본체질량
mw	1.55	kg	구동구륵질량
mL	0 또는 20	kg	부하질량
β	4		기어비
ξ_v	40.0	kg/s	짐성마찰계수
ξ_c	0.01		쿨롱마찰계수
ξ_r	0.001		구름마찰계수
τ_{max}	30	Nm	구동토크한계값
τ_{min}	-30	Nm	구동토크한계값

WMRs는 초기에 $(x, y, \theta) = (0, 0, 0^\circ)$ 에 있다고 가정하고, 목적 궤적은 $(x_r, y_r, \theta_r) = (1.5, 7, 90^\circ)$ 이다. 속도 궤적은 그림 5와 같이 주어진다.

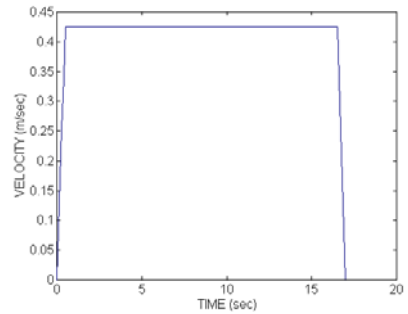


그림 5 속도 궤적
Fig. 5 Velocity trajectory

그림 5에서 가속 및 감속 시간은 0.5초, 총 주행 시간은 17초이다. 그림 5의 속도궤적을 수행했을 때의 구동토크를 그림 6에 나타내었다. 최대 구동토크는 35.84(Nm)이고 구동기 입력의 한계값인 30(Nm)를 초과하므로 그림 5에 제시된 속도궤적은 WMRs에 의해 수행될 수 없다. 식 (3-7)로부터 time-scaler는 $\tau_{max} / \tau_{com}(t) = 30 / 35.84 = 0.84$ 이다. Time-scaler에 의해 scale된 속도 궤적과 속도궤적의 추적을 그림 7(a)에, 이에 대한 구동토크를 그림 7(b)에 나타내었다. 그림 7(b)로부터 구동토크는 한계값 이내에 있음을 알 수 있으며, 총 주행시간은 18.58초로 증가된다. 이러한 결과는 이동속도의 감소를 의미한다. 그림 7(c)는 scale된 궤적에 대한 경로추적을 나타낸다. 목표 지점에서의 오차는 $(x-x_r, y-y_r, \theta-\theta_r) = (x_e, y_e, \theta_e) = (0.015, 0.005, 0)$ 이며 감속으로 인한 마찰력의 증가에 기인한 것이다[6]. 20kg의 부하질량을 적재하였을 때의 속도 추적과 구동토크, 경로 추적을 각각 그림 8 (a), (b), (c)에 나타내었다. 그림으로부터 부하 탑재시 WMRs는 정상상태 부근에서의 이탈을 나타내고 있다. 이것은 부하의 관성과 원심력에 기인한 것이며, 최대 구동토크는 40.92(Nm)로서 한계값을 초과하고 있다. 식 (3-7)로부터 time-scaler=0.73이다. Scaling되었을 경우의 속도 추적과 구동토크 및 경로추적을 그림 9(a), (b), (c)에 나타내었다. 그림 9(a)로부터 구동토크는 허용가능한 구동기 입력 범위에 있음을 알 수 있다. 목표 지점에서의 오차는 $(X_e, Y_e, \theta_e) = (-0.020, 0.011, 0)$ 이며, 이러한 오차는 감속으로 인한 마찰력의 증가와 부하에 의한 관성 및 원심력의 증가에 기인한다.

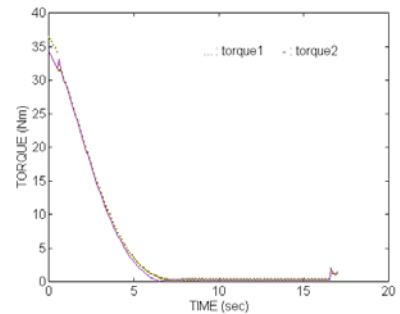


그림 6 그림 5에 대한 구동토크
Fig. 6 Actuator torques for fig. 5

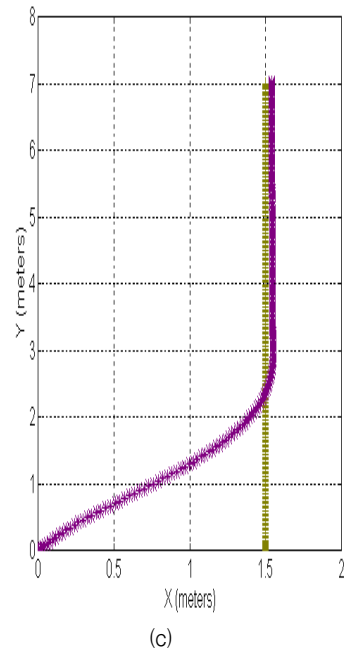
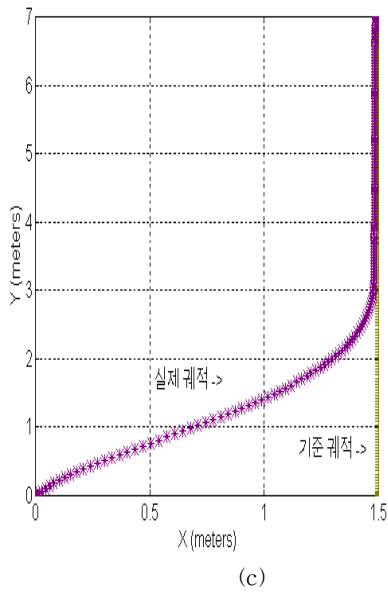
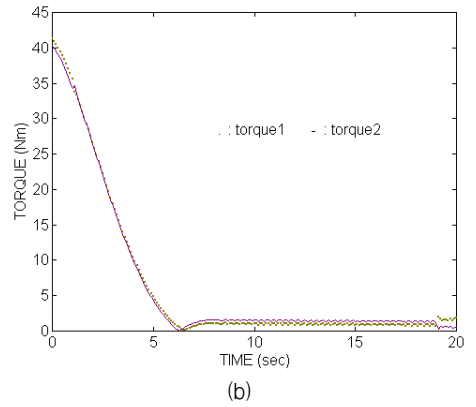
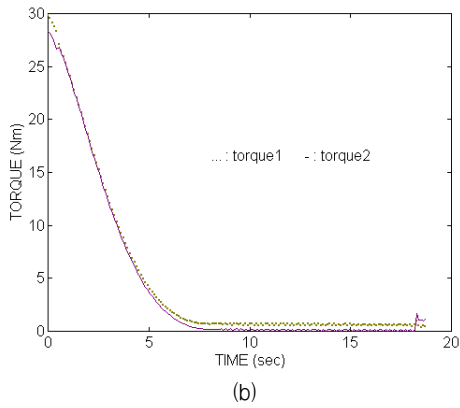
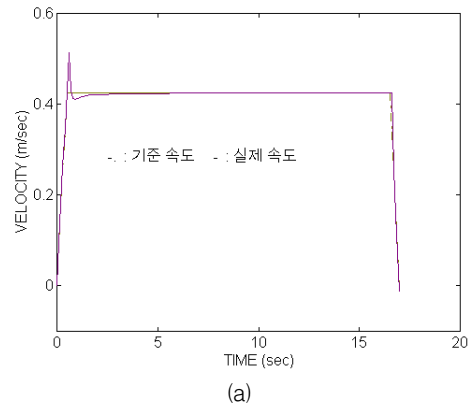
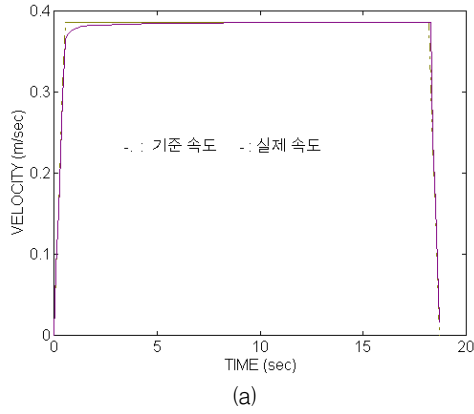
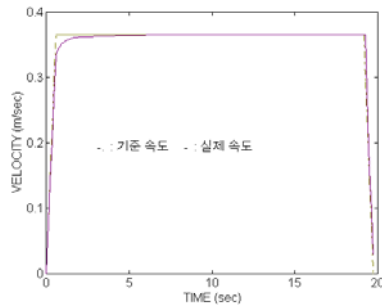


그림 7 (a) scale된 속도 궤적과 궤적 추적
 (b) 구동토크
 (c) 경로추적 $(x_r, y_r, \Theta_r) = (1.5, 7, 90^\circ)$

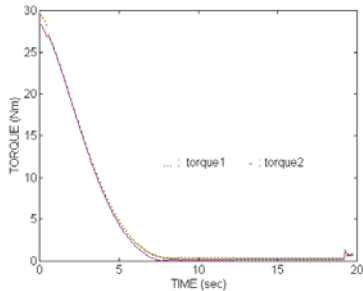
그림 8 (a) 20kg의 부하 탑재시 속도 궤적 추적
 (b) 구동토크 (c) 경로 추적

Fig. 7 (a) The scaled velocity trajectory and trajectory tracking
 (b) actuator torques
 (c) path-tracking $(x_r, y_r, \Theta_r) = (1.5, 7, 90^\circ)$

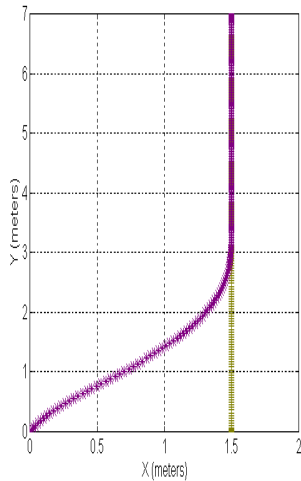
Fig. 8 (a) Velocity tracking in loading 20kg
 (b) actuator torques (c) path-tracking



(a)



(b)



(c)

그림 9 (a) scale된 속도 궤적 및 궤적 추적
 (b) 구동토크 (c) 경로추적
Fig. 9 (a) The scaled velocity trajectory and trajectory tracking
 (b) actuator torques (c) path-tracking

6. 결 론

본 논문에서는 제한된 구동기 입력을 갖는 2 자유도 구륜 이동로봇의 모델링과 경로추적에 대해 다루었다. WMRs에 작용하는 힘/토크의 수식화와 이들 요소들의 링크 및 관절을 통한 전파 그리고 Newton의 평형법칙을 이용하여 WMRs의 운동 방정식을 구성하였다. 이때 마찰력을 관절에서의 힘/토크의 중첩현상으로 분석하였다. 수행가능한 궤적

의 설계를 위해 time-scaling을 이용하였으며, 이것은 주행 시간의 연장 또는 단축을 의미한다. 모델링의 불확실성에 기인한 오차의 감소를 위해 제어를 설계하였다. 또한 모의실험을 통하여 본 논문에서 제시된 모델의 정교성과 제어 방법의 효율성을 입증하였다.

참 고 문 헌

[1] J.Barraquand and J.C.Latombe, "On Nonholonomic Mobile Robots and Optimal Maneuvering," 4th Int. Conf. Intelligence Cont. Conf., Albany, NY., pp.340-347, 1989
 [2] J.C.Alexander and J.H.Maddocks, "On the Kinematics of Wheeled Mobile Robots," Int. Jour. Robotics Res., vol. 8, no. 5, pp.14-27, 1987
 [3] Y.Kanayama, Y.Kimura, F.Miyazaki, and T.Noguchi, "A Stable Tracking Control Method for an Autonomous Mobile Robot," IEEE Int. Conf. Robotics and Auto., pp.383-389, 1990
 [4] F.D.Boyden and S.A.Velinsky, "Dynamic Modeling of Wheeled Mobile Robots for High Load Applications," IEEE Int. Conf. Robotics and Auto., vol. 4, pp.3071-3078, 1994
 [5] J.N.Reddy and M.L.Rasmussen, Advanced Engineering Analysis, John Wiley & Sons, 1992
 [6] W.L.Brogan, Modern Control Theory, Prentice-Hall, 3rd., pp.207-241, 1991
 [7] L.Kleeman, "Optimal Estimation of Position and Heading for Mobile Robots Using Ultrasonic Beacons and Dead-reckoning," IEEE Int. Conf. Robotics and Auto., Nice, France, pp. 2582-2587, 1992
 [8] T. Logsdon, The Navstar Global Positioning System, Van Nostrand Reinhold, 1992

저 자 소 개

문 중 우 (文 鍾 寓)

1966년 4월 15일생. 1991년 경희대학교 전자공학과 졸업. 2000년 동 대학원 전자공학과 졸업(공학박사). 2000년~현재 부산정보대학 전기전자계열 전임강사

Tel : (051) 330-723
 Fax : (051) 341-3630
 E-mail : sucuba@bit.ac.kr