

招請特輯

스트림(逐字) 暗號시스템에 관한 研究
Study on the Stream Cipher Systems
(2)

李 晚 榮*

創刊號에 이어 本稿에서는 同期逐字暗號시스템(synchronous stream ciphers)의 暗號化 및 復號, 키 自動키 暗號시스템, 그리고 自己同期逐字暗號시스템(self-synchronizing stream ciphers)의 暗號文歸還暗號시스템과 平文歸還暗號시스템에 關하여 分析 하고자 한다.

目 次

1. 序 論
2. 同期 스트림 暗號 시스템(Synchronous Stream Ciphers)
 - 2.1 LFSR에 의한 키 符號化(Key encoding by LFSR)
 - 2.2 暗號化 및 復號(Encryption and decryption)
 - 2.3 키 自動키 同期 暗號시스템(Key autokey synchronous cipher)
3. 自己 同期 스트림 暗號시스템(Self-Synchronizing Stream Ciphers)
 - 3.1 暗號文 歸還 暗號시스템(Ciphertext feedback cipher system)
 - 3.2 平文 歸還 暗號시스템(Plaintext feedback cipher system)
4. 誤謬傳播(Error Propagation)
5. 스트림 暗號시스템의 誤謬訂正(Error Control in Stream Ciphers)
 - 5.1 RS 復號를 위한 PGZ 알고리즘(PGZ algorithm for RS decoding)
 - 5.2 内部 誤謬制御(Internal error control)
 - 5.2.1 自動키 暗號시스템을 위한 内部制御(Internal error control for key autokey cipher system)
 - 5.2.2 暗號文 歸還 暗號시스템을 위한 内部制御(Internal error control for ciphertext feedback cipher system)
 - 5.2.3 平文 歸還 暗號시스템을 위한 内部制御(Internal error control for plaintext feedback cipher system)
 - 5.3 外部 誤謬制御(External error control)
 - 5.3.1 自動키 暗號시스템을 위한 外部制御(External error control for key-autokey cipher system)
 - 5.3.2 暗號文 歸還 暗號시스템을 위한 外部制御(External error control for ciphertext feedback cipher system)
 - 5.3.3 平文 歸還 暗號시스템을 위한 外部制御(External error control for plaintext feedback cipher system)

* 종신회원, 漢陽大學校 名譽教授, 本 學會 會長

2.2 暗號化 및 復號

同期逐字暗號(synchronous stream cipher)는 키數列(key-bit stream) $Z=(z_0, z_1, z_2, z_3, \dots)$ 가 平文과 獨立의으로 發生되는 시스템이다. m 段 LFSR의 係數決定은 단지 $2m$ 비트 만큼 키부호화키雙(key-encoded key pair)을 利用하면 쉽게 구할 수 있음을 前節에서 알았다. $Y=(y_0, y_1, y_2, \dots, y_{2m-1})$ 를 平文 $X=(x_0, x_1, x_2, \dots, x_{2m-1})$ 에 對應하는 暗號文이라고 하면 키數列 $K=(k_0, k_1, k_2, \dots, k_{2m-1})$ 는 $x_i + y_i = x_i + (x_i + k_i) = k_i, 0 \leq i \leq 2m-1$, 를 計算함으로써 決定할 수 있다. 그러므로 萬若 2^m-1 의 週期로 키數列이 반복된다면 同期逐字暗號는 쉽게 깨질 수 있다. 키數列이 쉽게 깨지지 않으려면,

平文만큼 긴 無作為數列이어야 한다. 그러나 盜聽者는 $2m$ 비트의 平文-暗號文雙으로 부터 쉽게 全體 키數列을 유도해낼 수 있기 때문에 LFSR이 언제나 키 發生에 適合한 裝置라곤 볼 수 없다. 그러나 키數列을 生成하는 m 段 LFSR은 수신단에서 暗號文을 平文으로 復號하기 爲한 키數列이 再生될 수 있도록 唯一하게 결정되어야 한다. 다음의 例題를 통하여 同期逐字暗號의 暗號化와 復號化過程을 살펴보기로 하자.

[例題 4] 그림 5의 키 符號器를 利用하여 同期逐字暗號器를 構成해 보면 그림 8에 나타낸 것과 같다.

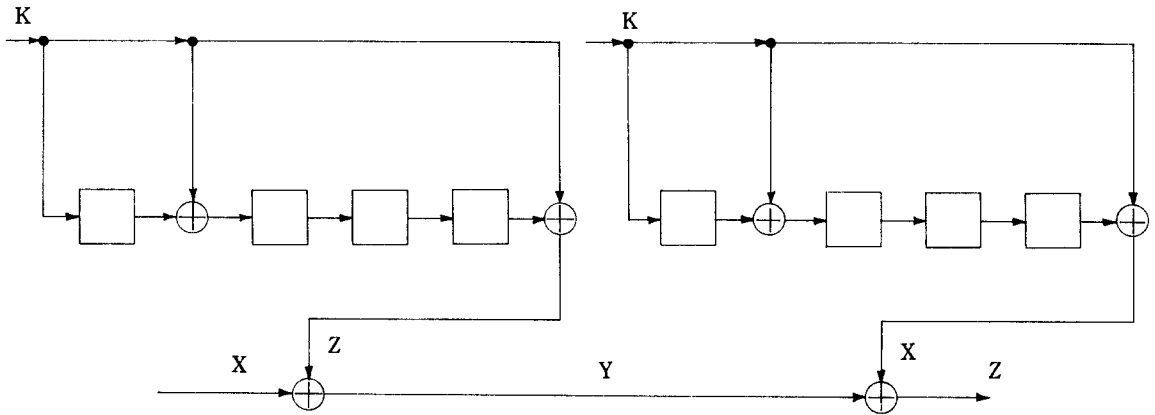


그림 8. 키 符號化를 利用한 逐字暗號 시스템

元來의 키數列이 $K=(11010001)$ 이라고 假定하면 對應되는 符號化된 키는 $Z=(11000110)$ 이 된다. 平文을 $X=(01001001)$ 로 假定하면 暗號文은 $Y=X+Z=(10001111)$ 이 된다. 따라서 復號된 數列 $X=Y+Z=(01001001)$ 는 再生된 平文이 된다.

[例題 5] 그림 8에 提示한 同期逐字暗號 시스템은 그림 9와 같이 다른 形態로 再構成할 수 있다. 그림 9를 가지고 그 宜當性を 理論的으로 分析해 보기로

하자.

스위치(switch)가 A-A' 位置에 있을 때 그림은 入力이 平文 $x(t)$ 를 나타내고 出力이 暗號文 $y(t)$ 를 나타내는 暗號化 裝置가 된다. 반면에 스위치 位置가 B-B'일 때 그림은 入力이 暗號文 $y(t)$ 가 되고, 出力 $u(t)$ 는 再生된 平文 $x(t)$ 가 되는 復號化 裝置가 된다.

A-A' 스위치雙(switch pair)을 이루는 LFSR은 暗號化裝置인데 그것을 表現하는 式은 다음과 같

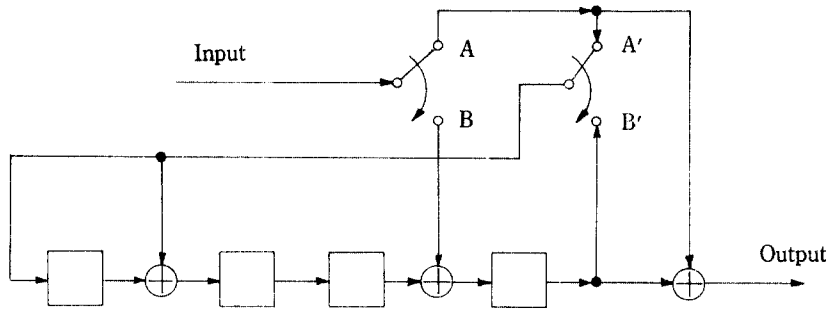


그림 9. LFSR을 利用한 暗號化 및 復號化 裝置

다.

$$y(t) = [(D+1)D^3+1] x(t) \\ = (D^4+D^3+1) x(t) \quad (9)$$

여기서, LFSR은 遲延演算子 D로 表現되었다. 한편 스위치變이 B-B일 때 LFSR로 構成된 復號化裝置는 다음과 같이 分析된다.

$$u(t) = [(D+1)D^2u(t)+y(t)]D \\ Dy(t) = (D^4+D^3+1) u(t) \quad (10)$$

式(9)에 D를 곱하여 式(10)과 比較하면 다음과 같은 結果를 얻는다.

$$u(t) = Dx(t) \quad (11)$$

따라서, 復號된 結果는 한 비트 遲延된 明文 x(t)와 同一하며 元來의 明文 x(t)는 한 비트 遲延된 u(t)로 正確하게 復元됨을 알 수 있다.

例題 4와 5에서 논의된 二個의 同期逐字暗號器를 比較해 보면, 그림 8의 暗號시스템은 二個의 같은 키 數列로 二 단계의 暗號化 및 復號化 過程으로 遂行되는 反面에 그림 9는 한個의 LFSR를 利用하여 暗號化 및 復號化 過程이 이루어짐을 보여주고 있다.

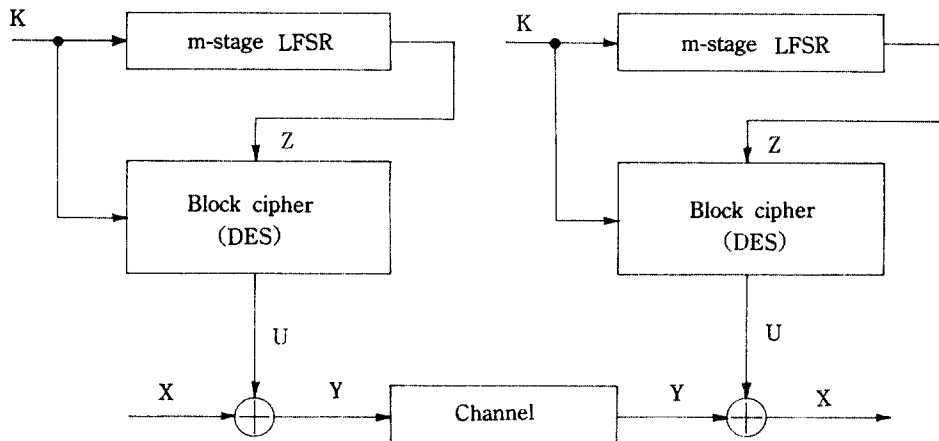


그림 10. LFSR과 DES를 結合시킨 同期 逐字暗號시스템

지금까지 논의한 바와 같이 단지 2m 비트의 平文-暗號文變換만 探知할 수 있다면 暗號 解讀者는 m 段 LFSR의 歸還係數(탭)를 容易하게 推定할 수 있을 뿐만 아니라 키 數列을 決定하게 되므로 線形 LFSR을 키 發生器로 使用하는 경우 週期性으로 因해 逐者暗號 시스템은 쉽게 깨질 수 있다. 따라서 이러한 弱點을 補完하기 爲하여 無週期性에 가까운 매우 긴 週期的 키 數列을 얻기 위해서는 LFSR의 出力側에 DES와 같은 블럭暗號裝置 또는 非線形 結合裝置(nonlinear combiner) 등을 導入함으로써 線形複雜度를 높이고 따라서 暗號解讀을 어렵게 만들 수 있을 것이다. 그러므로 키 數列의 內容을 推測不可能하게 만들기 위해서는 그림 10과 같이 LFSR과 DES를 連鎖함으로써 키 數列을 擬似亂數化할 수 있을 것이다.

다음 例題는 그림 10을 利用하여 同期逐字暗號 시스템의 復號化過程을 풀어 보기로 하자.

[例題 6] m=32 段의 LFSR과 16 라운드 DES로 構成된 그림 10의 同期逐字暗號 시스템을 생각해 보자. 만약 入力 키 K가 다음과 같다고 가정하면

$$\begin{aligned}
 K &= (581FBC94D3A452EA) \\
 &\hspace{15em} (\text{hexadecimal}) \\
 &= (0101\ 1000\ 0001\ 1111\ 1011\ 1100\ 1001\ 0100 \\
 &\quad 1101\ 0011\ 1010\ 0100\ 0101\ 0010\ 1110 \\
 &\quad 1010) \hspace{10em} (\text{binary}) \quad (12)
 \end{aligned}$$

키 多項式은

$$\begin{aligned}
 K(x) &= x + x^3 + x^4 + x^{11} + x^{12} + x^{13} + x^{14} + x^{15} + x^{16} \\
 &\quad + x^{18} + x^{19} + x^{20} + x^{21} + x^{24} + x^{27} + x^{29} + x^{32} \\
 &\quad + x^{33} + x^{35} + x^{38} + x^{39} + x^{40} + x^{42} + x^{45} + x^{49} \\
 &\quad + x^{51} + x^{54} + x^{56} + x^{57} + x^{58} + x^{60} + x^{62}
 \end{aligned} \quad (13)$$

로 表現할 수 있다. 次數 32인 原始 多項式이 8 進數나 2 進數 表現으로 각각 다음과 같이 주어지므로

$$\begin{aligned}
 T &= (70000002004) \hspace{10em} (\text{octal}) \\
 &= (111\ 000\ 000\ 000\ 000\ 000\ 000\ 010\ 000\ 000 \\
 &\quad 001) \hspace{10em} (\text{binary})
 \end{aligned}$$

이에 對應하는 多項式은

$$T(x) = x^{32} + x^{22} + x^2 + x + 1 \quad (14)$$

로 된다. 이는 LFSR에서 탭 設定을 나타내는 特性 方程式이다. LFSR로부터 出力 키 多項式 Z(x)는

$$Z(x) = K(x)T(x) \quad (15)$$

로 얻어진다. 式 (13)과 (14)를 利用하여 出力 키 多項式 Z(x)를 零이 아닌 項의 冪(power)으로 表現하면 아래와 같다.

$$\begin{aligned}
 Z &= (94\ 92\ 90\ 89\ 88\ 86\ 84\ 83\ 82\ 81\ 80\ 79\ 78\ 77 \\
 &\quad 76\ 74\ 73\ 72\ 70\ 65\ 64\ 63\ 62\ 61\ 60\ 59\ 58\ 57 \\
 &\quad 56\ 48\ 46\ 43\ 42\ 41\ 36\ 34\ 32\ 31\ 30\ 28\ 27\ 24 \\
 &\quad 21\ 20\ 16\ 15\ 14\ 13\ 11\ 6\ 2\ 1)
 \end{aligned}$$

x^i , $i > 63$ 인 모든 項을 무시하면

$$\begin{aligned}
 Z &= (63\ 62\ 61\ 60\ 59\ 58\ 57\ 56\ 48\ 46\ 43\ 42\ 41\ 36 \\
 &\quad 34\ 32\ 31\ 30\ 28\ 27\ 24\ 21\ 20\ 16\ 15\ 14\ 13\ 11 \\
 &\quad 6\ 2\ 1) \hspace{10em} (16)
 \end{aligned}$$

또는

$$\begin{aligned}
 Z(x) &= x + x^2 + x^6 + x^{11} + x^{13} + x^{14} + x^{15} + x^{16} + x^{20} \\
 &\quad + x^{21} + x^{24} + x^{27} + x^{28} + x^{30} + x^{31} + x^{32} + x^{34} \\
 &\quad + x^{36} + x^{41} + x^{42} + x^{43} + x^{46} + x^{48} + x^{56} + x^{57} \\
 &\quad + x^{58} + x^{59} + x^{60} + x^{61} + x^{62} + x^{63}
 \end{aligned} \quad (17)$$

가 된다. Z(x)의 2 進數 表現은

$$\begin{aligned}
 Z &= (0110\ 0010\ 0001\ 0111\ 1000\ 1100\ 1001\ 1011 \\
 &\quad 1010\ 1000\ 0111\ 0010\ 1000\ 0000\ 1111 \\
 &\quad 1111)
 \end{aligned} \quad (18)$$

이고 16 進數 表現은

$$Z = (62178C9BA87280FF)$$

이다. DES의 키 스케줄(key schedule)을 위해 式 (12)의 64비트 外部 키는 表 2에 따라 C₀(왼쪽 內容)와 D₀(오른쪽 內容) 두 부분으로 나누어지고 C₁과 D₁의 레지스터 內容은 블럭 C₀와 D₀를 왼쪽으로 한 비트 移動시킴으로써 얻어진다.

표 2. 交換 選擇表(PC-1)

57	49	41	33	25	17	9	1	58	50	42	34	26	18
10	2	59	51	43	35	27	19	11	3	60	52	44	36
63	55	47	39	31	23	15	7	62	54	46	38	30	22
14	6	61	53	45	37	29	21	13	5	28	20	12	4

표 3. 交換 選擇表(PC-2)

14	17	11	24	1	5	3	28	15	6	21	10
23	19	12	4	26	8	16	7	27	20	13	2
41	52	31	37	47	55	30	40	51	45	33	48
44	49	39	56	34	53	46	42	50	36	29	32

表 3 PC-2는 鎖狀化된(concatenated) 블럭 (C_1, D_1), (C_2, D_2), ..., (C_{16}, D_{16})으로부터 어떻게 内部 키 벡터 K_1, K_2, \dots, K_{16} 를 誘導해 내는가를 定義하는 法則이다. 실질적으로 DES의 48 비트 内部 키는

一連의 交換(series of permutation)과 64비트 内部 키로부터 만들어지는 56 키 비트의 왼쪽 置換(left shift)을 통해 發生된다. 그러므로 DES의 16개 内部 키 數列은 다음과 같이 계산된다.

- $K_1 = (0010\ 0111\ 1010\ 0001\ 0110\ 1001\ 1110\ 0101\ 1000\ 1101\ 1101\ 1010)$
- $K_2 = (1101\ 1010\ 1001\ 0001\ 1101\ 1101\ 1101\ 0111\ 1011\ 0111\ 0100\ 1000)$
- $K_3 = (0001\ 1101\ 1100\ 0010\ 0100\ 1011\ 1111\ 1000\ 1001\ 0111\ 0110\ 1000)$
- $K_4 = (0010\ 0011\ 0101\ 1001\ 1010\ 1110\ 0101\ 1000\ 1111\ 1110\ 0010\ 1110)$
- $K_5 = (1011\ 1000\ 0010\ 1001\ 1100\ 0101\ 0111\ 1100\ 0111\ 1100\ 1011\ 1000)$
- $K_6 = (0001\ 0001\ 0110\ 1110\ 0011\ 1001\ 1010\ 1001\ 0111\ 1000\ 0111\ 1011)$
- $K_7 = (1100\ 0101\ 0011\ 0101\ 1011\ 0100\ 1010\ 0111\ 1111\ 1010\ 0011\ 0010)$
- $K_8 = (1101\ 0110\ 1000\ 1110\ 1100\ 0101\ 1011\ 0101\ 0000\ 1111\ 0111\ 0110)$
- $K_9 = (1110\ 1000\ 0000\ 1101\ 0011\ 0011\ 1100\ 0111\ 0101\ 0011\ 0001\ 0100)$
- $K_{10} = (1110\ 0101\ 1010\ 1010\ 0010\ 1101\ 1101\ 0001\ 0010\ 0011\ 1110\ 1100)$
- $K_{11} = (1000\ 0011\ 1011\ 0110\ 1001\ 0010\ 1111\ 0000\ 1011\ 1010\ 1000\ 1101)$
- $K_{12} = (0111\ 1100\ 0001\ 1110\ 1111\ 0010\ 0111\ 0010\ 0011\ 1001\ 1010\ 1011)$
- $K_{13} = (1111\ 0110\ 1111\ 0000\ 0100\ 1000\ 0011\ 1111\ 0011\ 1001\ 0111\ 0011)$
- $K_{14} = (0000\ 1010\ 1100\ 0111\ 0101\ 0110\ 0010\ 0110\ 0111\ 1001\ 0111\ 0011)$
- $K_{15} = (0110\ 1100\ 0101\ 1001\ 0001\ 1111\ 0110\ 0111\ 1010\ 1001\ 0111\ 0110)$
- $K_{16} = (0100\ 1111\ 0101\ 0111\ 1010\ 0000\ 1100\ 0110\ 1100\ 0011\ 0101\ 1011)$

표 4. E-비트 選定表

32	1	2	3	4	5
4	5	6	7	8	9
8	9	10	11	12	13
12	13	14	15	16	17
16	17	18	19	20	21
20	21	22	23	24	25
24	25	26	27	28	29
28	29	30	31	32	1

式 (18)에 表示된 LFSR로부터의 出力 키 Z 는 逐字暗號시스템内 DES의 入力이 된다. DES의 入力 Z 는 32 비트의 두 블럭 L_0 (왼쪽)와 R_0 (오른쪽)로 나누어진다. 32 비트 R_0 는 表 4의 E-표(E bit-selection table)에 依해 48 비트로 擴大되고 뒤섞이게 된다. $E(R_0)$ 는 비트별로 K_1 과 더해진다. 이 결과 얻어진 48 비트 $E(R_0) + K_1$ 은 S-box의 入力이 되고 非線形 S-box 變換을 통해서 32 비트 출력 B_1 이 된다. 먼저 B_1 의 비트들을 교환하고 $P(B_1)$ 과 L_0 를 더하면 첫번째 라운드 후 右半쪽 出力 R_1 이 된다.

$L_1=R_0$ 이므로 첫번째 라운드 후 左半쪽 出力은 즉시 다음과 같이 表現된다.
얻어진다. U_i 를 각 라운드의 出力이라 할 때 U_i 는

$$U_i=L_i * R_i, \quad 1 \leq i \leq 16 \quad (19)$$

여기서 $L_i=R_{i-1}$ 이고 *는 鎖狀化를 나타내는 記號이다. 그러므로 $i=1$ 인 첫번째 라운드의 出力은

$$U_1=(1101\ 1100\ 1011\ 0001\ 1001\ 1100\ 1010\ 1011\ 1010\ 0000\ 0111\ 0000\ 0101\ 1111\ 0011\ 0010)$$

이다. 마찬가지로 各各의 라운드 후 暗號化된 出力 U_2 부터 U_{16} 까지는 다음과 같이 쉽게 얻을 수 있다.

$$\begin{aligned} U_2 &= (1010\ 0000\ 0111\ 0000\ 0101\ 1111\ 0011\ 0010\ 1001\ 0001\ 1111\ 0101\ 1101\ 1000\ 0010\ 0101) \\ U_3 &= (1001\ 0001\ 1111\ 0101\ 1101\ 1000\ 0010\ 0101\ 1010\ 0100\ 0001\ 1000\ 0001\ 0001\ 1111\ 1100) \\ U_4 &= (1010\ 0100\ 0001\ 1000\ 0001\ 0001\ 1111\ 1100\ 0110\ 1111\ 1010\ 1110\ 1110\ 0101\ 1111\ 1101) \\ U_5 &= (0110\ 1111\ 1010\ 1110\ 1100\ 0101\ 1111\ 1101\ 0110\ 0011\ 1111\ 0111\ 1101\ 0010\ 1011\ 0110) \\ U_6 &= (0110\ 0011\ 1111\ 0111\ 1101\ 0010\ 1011\ 0110\ 1110\ 0100\ 1011\ 0101\ 1101\ 1011\ 1111\ 0000) \\ U_7 &= (1110\ 0100\ 1011\ 0101\ 1101\ 1010\ 1110\ 1000\ 1100\ 0011\ 1101\ 0011\ 1101\ 1011\ 1111\ 0000) \\ U_8 &= (1100\ 0011\ 1101\ 0011\ 1101\ 1011\ 1111\ 0000\ 1001\ 1001\ 1111\ 0010\ 1100\ 0011\ 0110\ 0010) \\ U_9 &= (1001\ 1001\ 1111\ 0010\ 1100\ 0011\ 0110\ 0010\ 0001\ 1101\ 1111\ 0011\ 0100\ 1011\ 0100\ 1100) \\ U_{10} &= (0001\ 1101\ 1111\ 0011\ 0100\ 1011\ 0100\ 1100\ 0000\ 0110\ 0000\ 1001\ 1001\ 0001\ 0011\ 0111) \\ U_{11} &= (0000\ 0110\ 0000\ 1001\ 1001\ 0001\ 0011\ 0111\ 1000\ 1001\ 0111\ 1111\ 1111\ 0000\ 1001\ 1001) \\ U_{12} &= (1000\ 1001\ 0111\ 1111\ 1111\ 0000\ 1001\ 1001\ 0000\ 1110\ 1001\ 1010\ 1011\ 1010\ 1011\ 0101) \\ U_{13} &= (0000\ 1110\ 1001\ 1010\ 1011\ 1010\ 1011\ 0101\ 1011\ 1100\ 0001\ 0010\ 1101\ 1101\ 1001\ 0000) \\ U_{14} &= (1011\ 1100\ 0001\ 0010\ 1101\ 1101\ 1001\ 0000\ 0110\ 0010\ 0000\ 1110\ 0000\ 0010\ 1011\ 1100) \\ U_{15} &= (0110\ 0010\ 0000\ 1110\ 0000\ 0010\ 1011\ 1100\ 1100\ 1010\ 1000\ 0011\ 1011\ 0010\ 0101\ 1011) \end{aligned}$$

그러나 先行 出力(preoutput) 64 비트 블록은

$$\begin{aligned} U_{16} &= R_{16} * L_{16} \\ &= (1100\ 1010\ 1000\ 0011\ 1011\ 0010\ 0101\ 1011\ 0111\ 1111\ 0101\ 1001\ 1011\ 0100\ 1001\ 1101) \end{aligned}$$

표 5. 逆 初期 交換表, IP^{-1}

40	8	48	16	56	24	64	32
39	7	47	15	55	23	63	31
38	6	46	14	54	22	62	30
37	5	45	13	53	21	61	29
36	4	44	12	52	20	60	28
35	3	43	11	51	19	59	27
34	2	42	10	50	18	58	26
33	1	41	9	49	17	57	25

표 2. 交換 選擇表(PC-1)

57	49	41	33	25	17	9	1	58	50	42	34	26	18
10	2	59	51	43	35	27	19	11	3	60	52	44	36
63	55	47	39	31	23	15	7	62	54	46	38	30	22
14	6	61	53	45	37	29	21	13	5	28	20	12	4

표 3. 交換 選擇表(PC-2)

14	17	11	24	1	5	3	28	15	6	21	10
23	19	12	4	26	8	16	7	27	20	13	2
41	52	31	37	47	55	30	40	51	45	33	48
44	49	39	56	34	53	46	42	50	36	29	32

表 3 PC-2는 鎖狀化된(concatenated) 블럭 $(C_1, D_1), (C_2, D_2), \dots, (C_{16}, D_{16})$ 으로부터 어떻게 内部 키 벡터 K_1, K_2, \dots, K_{16} 를 誘導해 내는가를 定義하는 法則이다. 실질적으로 DES의 48 비트 内部 키는

一連의 交換(series of permutation)과 64비트 内部 키로부터 만들어지는 56 키 비트의 왼쪽 置換(left shift)을 통해 發生된다. 그러므로 DES의 16개 内部 키 數列은 다음과 같이 계산된다.

$$\begin{aligned}
 K_1 &= (0010\ 0111\ 1010\ 0001\ 0110\ 1001\ 1110\ 0101\ 1000\ 1101\ 1101\ 1010) \\
 K_2 &= (1101\ 1010\ 1001\ 0001\ 1101\ 1101\ 1101\ 0111\ 1011\ 0111\ 0100\ 1000) \\
 K_3 &= (0001\ 1101\ 1100\ 0010\ 0100\ 1011\ 1111\ 1000\ 1001\ 0111\ 0110\ 1000) \\
 K_4 &= (0010\ 0011\ 0101\ 1001\ 1010\ 1110\ 0101\ 1000\ 1111\ 1110\ 0010\ 1110) \\
 K_5 &= (1011\ 1000\ 0010\ 1001\ 1100\ 0101\ 0111\ 1100\ 0111\ 1100\ 1011\ 1000) \\
 K_6 &= (0001\ 0001\ 0110\ 1110\ 0011\ 1001\ 1010\ 1001\ 0111\ 1000\ 0111\ 1011) \\
 K_7 &= (1100\ 0101\ 0011\ 0101\ 1011\ 0100\ 1010\ 0111\ 1111\ 1010\ 0011\ 0010) \\
 K_8 &= (1101\ 0110\ 1000\ 1110\ 1100\ 0101\ 1011\ 0101\ 0000\ 1111\ 0111\ 0110) \\
 K_9 &= (1110\ 1000\ 0000\ 1101\ 0011\ 0011\ 1100\ 0111\ 0101\ 0011\ 0001\ 0100) \\
 K_{10} &= (1110\ 0101\ 1010\ 1010\ 0010\ 1101\ 1101\ 0001\ 0010\ 0011\ 1110\ 1100) \\
 K_{11} &= (1000\ 0011\ 1011\ 0110\ 1001\ 0010\ 1111\ 0000\ 1011\ 1010\ 1000\ 1101) \\
 K_{12} &= (0111\ 1100\ 0001\ 1110\ 1111\ 0010\ 0111\ 0010\ 0011\ 1001\ 1010\ 1011) \\
 K_{13} &= (1111\ 0110\ 1111\ 0000\ 0100\ 1000\ 0011\ 1111\ 0011\ 1001\ 0111\ 0011) \\
 K_{14} &= (0000\ 1010\ 1100\ 0111\ 0101\ 0110\ 0010\ 0110\ 0111\ 1001\ 0111\ 0011) \\
 K_{15} &= (0110\ 1100\ 0101\ 1001\ 0001\ 1111\ 0110\ 0111\ 1010\ 1001\ 0111\ 0110) \\
 K_{16} &= (0100\ 1111\ 0101\ 0111\ 1010\ 0000\ 1100\ 0110\ 1100\ 0011\ 0101\ 1011)
 \end{aligned}$$

표 4. E-비트 選定表

32	1	2	3	4	5
4	5	6	7	8	9
8	9	10	11	12	13
12	13	14	15	16	17
16	17	18	19	20	21
20	21	22	23	24	25
24	25	26	27	28	29
28	29	30	31	32	1

式 (18)에 表示된 LFSR로부터의 出力 키 Z 는 逐字暗號시스템內 DES의 入力이 된다. DES의 入力 Z 는 32 비트의 두 블럭 L_0 (왼쪽)와 R_0 (오른쪽)로 나누어진다. 32 비트 R_0 는 表 4의 E-표(E bit-selection table)에 依해 48 비트로 擴大되고 뒤섞이게 된다. $E(R_0)$ 는 비트별로 K_1 과 더해진다. 이 결과 얻어진 48 비트 $E(R_0) + K_1$ 은 S-box의 入力이 되고 非線形 S-box 變換을 통해서 32 비트 出力 B_1 이 된다. 먼저 B_1 의 비트들을 교환하고 $P(B_1)$ 과 L_0 를 더하면 첫번째 라운드 후 右半쪽 出力 R_1 이 된다.

$L_1=R_0$ 이므로 첫번째 라운드 후 左半쪽 出力은 즉시 다음과 같이 表現된다.
얻어진다. U_i 를 각 라운드의 出力이라 할 때 U_i 는

$$U_i=L_i * R_i, \quad 1 \leq i \leq 16 \quad (19)$$

여기서 $L_i=R_{i-1}$ 이고 *는 鎖狀化를 나타내는 記號이다. 그러므로 $i=1$ 인 첫번째 라운드의 出力은

$$U_1=(1101 \ 1100 \ 1011 \ 0001 \ 1001 \ 1100 \ 1010 \ 1011 \ 1010 \ 0000 \ 0111 \ 0000 \ 0101 \ 1111 \ 0011 \ 0010)$$

이다. 마찬가지로 各各의 라운드 후 暗號化된 出力 U_2 부터 U_{16} 까지는 다음과 같이 쉽게 얻을 수 있다.

$$\begin{aligned} U_2 &= (1010 \ 0000 \ 0111 \ 0000 \ 0101 \ 1111 \ 0011 \ 0010 \ 1001 \ 0001 \ 1111 \ 0101 \ 1101 \ 1000 \ 0010 \ 0101) \\ U_3 &= (1001 \ 0001 \ 1111 \ 0101 \ 1101 \ 1000 \ 0010 \ 0101 \ 1010 \ 0100 \ 0001 \ 1000 \ 0001 \ 0001 \ 1111 \ 1100) \\ U_4 &= (1010 \ 0100 \ 0001 \ 1000 \ 0001 \ 0001 \ 1111 \ 1100 \ 0110 \ 1111 \ 1010 \ 1110 \ 1110 \ 0101 \ 1111 \ 1101) \\ U_5 &= (0110 \ 1111 \ 1010 \ 1110 \ 1100 \ 0101 \ 1111 \ 1101 \ 0110 \ 0011 \ 1111 \ 0111 \ 1101 \ 0010 \ 1011 \ 0110) \\ U_6 &= (0110 \ 0011 \ 1111 \ 0111 \ 1101 \ 0010 \ 1011 \ 0110 \ 1110 \ 0100 \ 1011 \ 0101 \ 1101 \ 1011 \ 1111 \ 0000) \\ U_7 &= (1110 \ 0100 \ 1011 \ 0101 \ 1101 \ 1010 \ 1110 \ 1000 \ 1100 \ 0011 \ 1101 \ 0011 \ 1101 \ 1011 \ 1111 \ 0000) \\ U_8 &= (1100 \ 0011 \ 1101 \ 0011 \ 1101 \ 1011 \ 1111 \ 0000 \ 1001 \ 1001 \ 1111 \ 0010 \ 1100 \ 0011 \ 0110 \ 0010) \\ U_9 &= (1001 \ 1001 \ 1111 \ 0010 \ 1100 \ 0011 \ 0110 \ 0010 \ 0001 \ 1101 \ 1111 \ 0011 \ 0100 \ 1011 \ 0100 \ 1100) \\ U_{10} &= (0001 \ 1101 \ 1111 \ 0011 \ 0100 \ 1011 \ 0100 \ 1100 \ 0000 \ 0110 \ 0000 \ 1001 \ 1001 \ 0001 \ 0011 \ 0111) \\ U_{11} &= (0000 \ 0110 \ 0000 \ 1001 \ 1001 \ 0001 \ 0011 \ 0111 \ 1000 \ 1001 \ 0111 \ 1111 \ 1111 \ 0000 \ 1001 \ 1001) \\ U_{12} &= (1000 \ 1001 \ 0111 \ 1111 \ 1111 \ 0000 \ 1001 \ 1001 \ 0000 \ 1110 \ 1001 \ 1010 \ 1011 \ 1010 \ 1011 \ 0101) \\ U_{13} &= (0000 \ 1110 \ 1001 \ 1010 \ 1011 \ 1010 \ 1011 \ 0101 \ 1011 \ 1100 \ 0001 \ 0010 \ 1101 \ 1101 \ 1001 \ 0000) \\ U_{14} &= (1011 \ 1100 \ 0001 \ 0010 \ 1101 \ 1101 \ 1001 \ 0000 \ 0110 \ 0010 \ 0000 \ 1110 \ 0000 \ 0010 \ 1011 \ 1100) \\ U_{15} &= (0110 \ 0010 \ 0000 \ 1110 \ 0000 \ 0010 \ 1011 \ 1100 \ 1100 \ 1010 \ 1000 \ 0011 \ 1011 \ 0010 \ 0101 \ 1011) \end{aligned}$$

그러나 先行 出力(preoutput) 64 비트 블록은

$$\begin{aligned} U_{16} &= R_{16} * L_{16} \\ &= (1100 \ 1010 \ 1000 \ 0011 \ 1011 \ 0010 \ 0101 \ 1011 \ 0111 \ 1111 \ 0101 \ 1001 \ 1011 \ 0100 \ 1001 \ 1101) \end{aligned}$$

표 5. 逆 初期 交換表, IP^{-1}

40	8	48	16	56	24	64	32
39	7	47	15	55	23	63	31
38	6	46	14	54	22	62	30
37	5	45	13	53	21	61	29
36	4	44	12	52	20	60	28
35	3	43	11	51	19	59	27
34	2	42	10	50	18	58	26
33	1	41	9	49	17	57	25

로 計算된다. 이 先行 出力된 데이터 블록은 表 5 U를 얻게 된다.
 IP^{-1} 에 依據해서 遂行함으로서 最終 키 비트 數列

$$\begin{aligned} U &= (0111\ 0011\ 1110\ 1010\ 0100\ 0101\ 1101\ 0011\ 0101\ 1111\ 0100\ 1100\ 1101\ 0010\ 1010\ 1101) \\ &= (7\ 3\ E\ A\ 4\ 5\ D\ 3\ 5\ F\ 4\ C\ D\ 2\ A\ D) \\ &\quad (\text{hexadecimal}) \quad (20) \end{aligned}$$

64 비트 明文

$$\begin{aligned} X &= (9\ A\ 2\ 6\ F\ 4\ 6\ 5\ D\ C\ 2\ 6\ B\ E\ 1\ 8) \\ &= (1001\ 1010\ 0010\ 0110\ 1111\ 0100\ 0101\ 0011\ 1101\ 1100\ 0010\ 0110\ 1011\ 1110\ 0001\ 1000) \end{aligned}$$

를 式(20)에서 얻은 64 비트 키 數列 U로 제어하여 64 비트의 暗號文 Y로 暗號化시키는 경우를 생각해

보자. 이 때 暗號文 Y는 X와 U의 비트별 덧셈에 의해 다음과 같이 求할 수 있다.

$$\begin{aligned} Y &= X + U \\ &= (1110\ 1001\ 1100\ 1100\ 1011\ 0001\ 1011\ 0110\ 1000\ 0011\ 0110\ 1110\ 0110\ 1100\ 1011\ 0101) \\ &= (E\ 9\ C\ C\ B\ 1\ B\ 6\ 8\ 3\ 6\ E\ 6\ C\ B\ 5) \quad (21) \end{aligned}$$

2元 加算을 통해 復號는 매우 간단히 이루어진다. 暗號文 Y에 같은 키 비트 數列 U를 더하면 $X = U + Y$ 가 되어 明文 X는 復元될 수 있는 것이다.

暗號는 復號 過程에서 오류(error) 傳播가 없다. 왜냐하면 暗號文 Y에 있는 오류는 오직 복원된 明文 X에서 對應되는 비트 位置에만 오류를 發生시키기 때문이다.

2.3 키 自動키 同期 暗號 시스템

同期 逐字 暗號의 특수한 한 形態는 키 自動 키 시스템으로서 그림 11에서 보듯이 키 비트 數列로부터 歸還이 얻어지는 것이다. 키 自動 키 逐字

그림 11에서 $S = (s_1, s_2, \dots, s_m)$ 는 레지스터의 初期 값이고 $T = (g_1, g_2, \dots, g_m)$ 는 탭 係數이다. 明文을 $X = (x_0, x_1, \dots, x_i, \dots)$, 키 비트 數列을 $K = (k_0, k_1, \dots, k_i, \dots)$, 그리고 暗號文을 $Y = (y_0, y_1, \dots, y_i, \dots)$ 라 하면, 키 K를 使用하므로써 暗號化 및 復號는

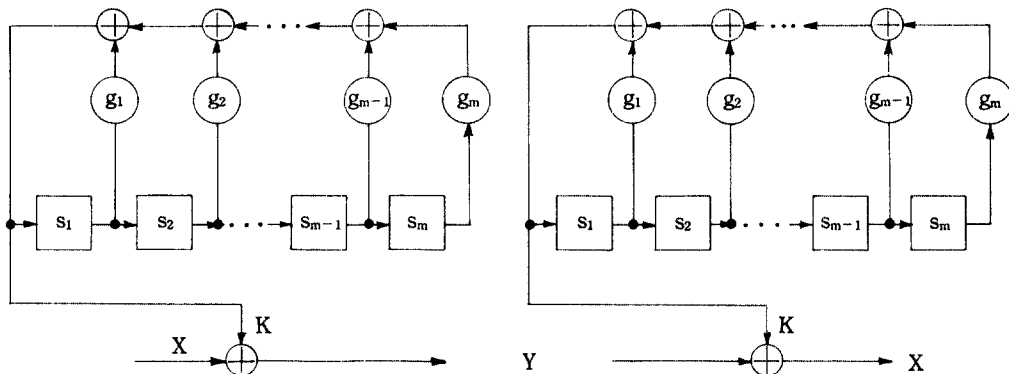


그림 11. m段 LFSR로 構成된 키 自動키 暗號시스템

다음과 같이 정의된다.

$$\begin{aligned} y_i &= x_i + k_i \\ x_i &= y_i + k_i \end{aligned} \quad , i=0, 1, 2, \dots \quad (22)$$

여기서 x_i 와 y_i 는 각각 i 번째의 평문과 암호문 비트를 나타낸다. 그림 11을 참조하면 키 수열 \mathbf{K} 로부터 키 비트 k_i , $0 \leq i \leq m$, 는 다음과 같이 표현된다.

$$\begin{aligned} k_0 &= g_m s_m + g_{m-1} s_{m-1} + \dots + g_2 s_2 + g_1 s_1 \\ k_1 &= g_m s_{m-1} + g_{m-1} s_{m-2} + \dots + g_2 s_1 + g_1 k_0 \\ &\vdots \\ k_{m-1} &= g_m s_1 + g_{m-1} k_0 + \dots + g_2 k_{m-3} + g_1 k_{m-2} \\ k_m &= g_m k_0 + g_{m-1} k_1 + \dots + g_2 k_{m-2} + g_1 k_{m-1} \end{aligned} \quad (23)$$

식 (23)의 키 비트에 대한 행렬 표현은

$$\begin{bmatrix} k_0 \\ k_1 \\ \vdots \\ k_{m-1} \\ k_m \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_m & s_{m-1} & \dots & s_2 & s_1 & g_m \\ s_{m-1} & s_{m-2} & \dots & s_1 & k_0 & g_{m-1} \\ \vdots & \vdots & & \vdots & \vdots & \vdots \\ s_1 & k_0 & \dots & k_{m-3} & k_{m-2} & g_2 \\ k_0 & k_1 & \dots & k_{m-2} & k_{m-1} & g_1 \end{bmatrix} \quad (24)$$

이고 식 (23)은 또한 아래와 같이 簡略하게 표현할 수도 있다.

$$k_i = \begin{cases} \sum_{t=1}^i g_t k_{i-t} + \sum_{t=i+1}^m g_t s_{t-i}, & 0 \leq i \leq m-1 \\ \sum_{t=1}^m g_t k_{i-t}, & m \leq i \end{cases} \quad (25)$$

일단 키 비트 k_i 를 決定하면 식(25)를 식(22)에 代入하여 暗號化와 復號化 變換을 쉽게 얻을 수 있다.

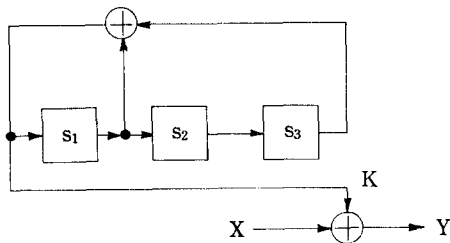


그림 12. 3段 LFSR을 利用한 키 自動키 暗號器

[例題 7] (7, 4) Hamming 符號의 生成多項式 $g(x) = 1 + x + x^3$ 을 그림 12에 보인 LFSR의 抽多項式 $T(x)$ 로 使用하고 초기 씨드 벡터(initial seed vector)가 $\mathbf{s} = (100)$ 일 때 키 비트 $\mathbf{K} = (k_0, k_1, k_2, k_3)$ 를 決定해 보자. 이 문제에 식 (24)를 適用하면

$$\begin{bmatrix} k_0 \\ k_1 \\ k_2 \\ k_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_3 & s_2 & s_1 \\ s_2 & s_1 & k_0 \\ s_1 & k_0 & k_1 \\ k_0 & k_1 & k_2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} g_3 \\ g_2 \\ g_1 \end{bmatrix} \quad (26)$$

가 얻어지고 初期 씨드 벡터와 抽係數를 식 (26)에 代입하면 다음과 같다.

$$\begin{bmatrix} k_0 \\ k_1 \\ k_2 \\ k_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & k_0 \\ 1 & k_0 & k_1 \\ k_0 & k_1 & k_2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

이것으로부터

$$\begin{aligned} k_0 &= 1 \\ k_1 &= k_0 \\ k_2 &= 1 + k_1 \\ k_3 &= k_0 + k_2 \end{aligned}$$

를 얻을 수 있다. 따라서 키 비트 $k_0=1, k_1=1, k_2=0, k_3=1$, 즉 $\mathbf{K} = (1101)$ 을 決定할 수 있다. 키 비트 \mathbf{K} 를 구하였으므로, 평문 수열 \mathbf{x} 가 주어지면 식 (22)를 使用하여 暗號化와 復號化를 遂行하는 演算을 쉽게 處理할 수 있다.

키 비트 수열 \mathbf{K} 를 生成하는 또 다른 方法을 찾아보자. 그림 11에 구현된 LFSR을 보면 抽多項式(때로는 特性 多項式이라 한다.) $T(x) = 1 + g_1 x + g_2 x^2 + \dots + g_m x^m$ 으로 表現된다. 여기서 $g_i \in GF(2)$ 는 抽係數(또는 歸還係數)이다. 만일 $s_i(t)$ 가 t 번째 펄스 후의 LFSR의 i 번째 값을 나타낸다면, $s_i(t+1) = s_{i-1}(t)$, $i=1, 2, \dots, m$ 로 表現될 수 있다.

따라서 그림 11의 LFSR을 보면, 다음과 같은 關係式을 求할 수 있다.

$$\begin{aligned}
 s_m(t+1) &= s_{m-1}(t) \\
 s_{m-1}(t+1) &= s_{m-2}(t) \\
 &\vdots \\
 s_2(t+1) &= s_1(t) \\
 s_1(t+1) &= g_m s_m(t) + g_{m-1} s_{m-1}(t) + \dots + g_2 s_2(t) + g_1 s_1(t)
 \end{aligned}
 \tag{27}$$

여기서 $s_i(t)$ 는 t 번째 펄스 시의 LFSR의 i 번째 값이다. 式 (27)을 行列로 表現하면

$$\begin{bmatrix} s_m(t+1) \\ s_{m-1}(t+1) \\ \vdots \\ s_2(t+1) \\ s_1(t+1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & \dots & 0 \\ & & \vdots & & & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \dots & 0 \\ -g_m & -g_{m-1} & -g_{m-2} & -g_{m-3} & \dots & -g_2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s_m(t) \\ s_{m-1}(t) \\ \vdots \\ s_2(t) \\ s_1(t) \end{bmatrix}
 \tag{28}$$

또는

$$\mathbf{S}_{t+1} = \mathbf{T} \cdot \mathbf{S}_t
 \tag{29}$$

가 된다. 여기서 $m \times m$ 行列 \mathbf{T} 를 冪 生成 行列 또는 特性 行列(characteristic matrix)이라 한다.

[例題 8] 例題 7에서 다루었던 그림 12를 다시 생각해 보자. LFSR을 구동시킬 初期 씨드 벡터를 $\mathbf{s} = (s_1, s_2, s_3) = (100)$ 이라 假定하면 클럭에 의해 오른쪽으로 置換을 수행하여 表 2와 같은 레지스터 狀態를 얻을 수 있다. 表 2에서 레지스터 內容 狀態의 가장 오른쪽 列은 한 週期 동안의 키 비트를 나타낸다. 置換 레지스터의 週期는 $m=3$ 일 경우 $p=2^m-1=7$ 임을 주목하자. 따라서 狀態 遷移를 나타내는 그림은 그림 13과 같다.

[例題 9] 式 (28)을 活用하여 다른 접근 方法에 의해 例題 8을 다시 생각해 보자. 式 (28)에 依해 3×3 冪 行列은

$$\mathbf{T} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

가 되고

표 6. 오른쪽 置換에 의한 레지스터 內容

置換 番號	레지스터 內容		
i	s_1	s_2	s_3
0	1	0	0(초기값)
1	1	1	0
2	1	1	1
3	0	1	1
4	1	0	1
5	0	1	0
6	0	0	1

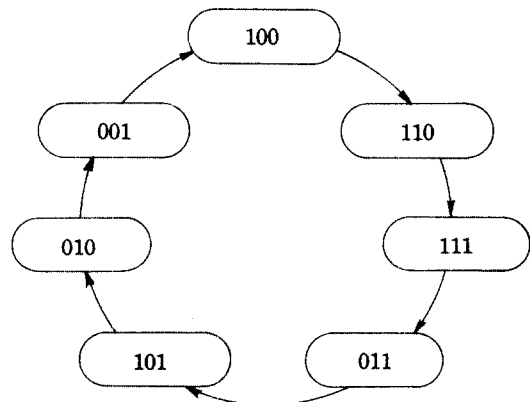


그림 13. LFSR의 裝置動作으로 創出된 狀態遷移圖

$$S_1 = \begin{bmatrix} s_3 \\ s_2 \\ s_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

이므로 式 (29)를 使用하면

$$S_2 = T \cdot S_1 = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_3 \\ s_2 \\ s_1 \end{bmatrix}$$

가 된다. 繼續해서 反復 遂行하면 다음과 같이 된다.

$$S_3 = T \cdot S_2 = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$S_4 = T \cdot S_3 = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$S_5 = T \cdot S_4 = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$S_6 = T \cdot S_5 = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$S_7 = T \cdot S_6 = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

← 주기의 끝

$$S_8 = T \cdot S_7 = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = S_1$$

$$S_9 = T \cdot S_8 = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = S_2$$

⋮

⋮

S_7 이후의 레지스터 狀態(또는 內容)는 週期的으로 反復됨을 알 수 있다. 따라서 이 結果는 아래처럼 要約될 수 있다.

t	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	...
s_3	0	0	1	1	1	0	1	0	0	1	...
s_2	0	1	1	1	0	1	0	0	1	1	...
s_1	1	1	1	0	1	0	0	1	1	1	...

← 한 주기 → ← 반복 →

키 비트 數列 K 는 위 表의 첫번째 行을 表示한다. 즉,

$$K = (0011101 \ 0011101 \ 0011101 \dots)$$

이다. 만일 $T(x) = g_0 + g_1x + g_2x^2 + \dots + g_mx^m$ 가 次數 m 인 冪 多項式이라면 $T^{-1}(x)$ 는 LFSR에서 生成된 계열일 것이다. 이 명제를 證明하기 위해 다음 例題를 살펴보자.

[例題 10] $T(x) = 1 + x + x^3$ 을 冪 多項式이라 하면 $T^{-1}(x) = 1/T(x)$ 는 1을 $T(x)$ 로 나누는 나눗셈에 依해

$$T^{-1}(x) = 1 + x + x^2 + x^4 + x^7 + x^8 + x^9 + x^{11} + x^{14} + x^{15} + x^{16} + x^{18} + x^{21} + \dots$$

가 되고

$$T^{-1} = K = (1110100 \ 1110100 \ 1110100 \ 1 \dots)$$

는 亦是 7비트의 週기를 가진 키 비트 數列이며 위 表의 세번째 行을 表示한다.

一般的으로 $T(x) = g_0 + g_1x + g_2x^2 + \dots + g_{m-1}x^{m-1}$ 가 冪 多項式이고 $S(x) = s_0 + s_1x + s_2x^2 + \dots + s_{m-1}x^{m-1}$ 가 LFSR의 初期 씨드 多項式이라면 出力(키) 多項式 $K(x) = k_0 + k_1x + k_2x^2 + \dots + k_{m-1}x^{m-1}$ 는 다음과 같이 表現될 수 있다.

$$S(x) = K(x)T(x) \tag{30}$$

여기서

$$K(x)T(x) = k_0g_0 + (k_0g_1 + k_1g_0)x + (k_0g_2 + k_1g_1 + k_2g_0)x^2 + \dots + (k_0g_{m-1} + k_1g_{m-2} + \dots + k_{m-1}g_0)x^{m-1}$$

(31)

이다. 따라서 式 (30)과 (31)로부터 이들 多項式的

係數는 아래와 같은 關係를 갖는다.

$$\begin{aligned} s_0 &= k_0 g_0 \\ s_1 &= k_0 g_1 + k_1 g_0 \\ &\vdots \\ s_{m-1} &= k_0 g_{m-1} + k_1 g_{m-2} + \dots + k_{m-1} g_0 \end{aligned} \quad (32)$$

또는

$$s_i = \sum_{j=0}^i k_j g_{i-j}, \quad 0 \leq i \leq m-1 \quad (33)$$

式 (32)의 行列 表現은

$$\begin{bmatrix} s_0 \\ s_1 \\ s_2 \\ \vdots \\ s_{m-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} g_0 & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ g_1 & g_0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ g_2 & g_1 & g_0 & \dots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ g_{m-1} & g_{m-2} & g_{m-3} & \dots & g_1 & g_0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} k_0 \\ k_1 \\ k_2 \\ \vdots \\ k_{m-1} \end{bmatrix} \quad (34)$$

와 같이 될 수 있다. 그러므로 $T=(g_0, g_1, \dots, g_{m-1})$ 와 $K=(k_0, k_1, \dots, k_{m-1})$ 가 주어지면 세번째 벡터 $s=(s_0, s_1, \dots, s_{m-1})$ 는 式 (34)에 의해 쉽게 결정된다.

[例題 11] 冪 多項式은 $T(x)=1+x^2+x^5$, 初期 狀態 벡터를 $K=(10000)$ 이라고 가정하자. 그러면 式 (34)에 의해 出力키 벡터 K 를 결정할 수 있다. 冪 係數가 $g_0=1, g_1=0, g_2=1, g_3=0, g_4=0, g_5=1$ 이므로 式 (34)는

$$\begin{bmatrix} s_0 \\ s_1 \\ s_2 \\ s_3 \\ s_4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

으로 되어 出力은 $s(x)=1+x^2$, 또는 $s=(10100)$ 가 된다.

$S(x)$ 는 계열의 시작위치를 결정하는 다항식이고, $K(x)$ 의 첫 m 비트는 LFSR의 초기내용이다. 이 때, $K(x)$ 는 式(30)으로부터 다음과 같이 표현될 수 있다.

$$K(x) = S(x)T^{-1}(x) \quad (35)$$

$S(x)=1+x^2$ 이고 $T(x)=1+x^2+x^5$ 이므로 式 (35)를 利用하면 $K(x)=1+x^5+x^7+x^9+x^{10}+\dots$ 또는 $K=(10000101011\dots)=(k_0, k_1, k_2, k_3, k_4, k_5, k_6, k_7, \dots)$ 를 얻을 수 있다. 그러므로 K 에서 밀출진(under-

line) 처음 다섯 디지털트는 豫想했던 대로 初期 狀態 $K=(10000)$ 을 나타낸다. 初期 씨이드 다항식이 $S(x)=1+x^2$ 이므로 $x^k S(x)$ (法 $1+x^2+x^5$)에 대응되는 출력, $K^k(x)$ 는 $K(x)$ 를 오른쪽으로 k 디지털트 巡廻 置換한 것을 나타낸다. $k=2$ 에 대해, $x^2 S(x)=x^2+x^4$ 가 된다. 그러면 置換된 內容은 $K^{(2)}(x)=(x^2+x^4)/(1+x^2+x^5)=x^2+x^7+x^9+x^{11}+\dots$ 이다.

그러므로 $k=17$ 번 置換했을 때의 出力은 $x^{17} S(x)=x^{17}+x^{19}$ 이다. GF(2⁵)으로부터 두 有限體 元素 $x^{17} S=1+x+x^4$ 과 $x^{19}=x+x^2$ 을 $x^{17} S(x)$ 에 代入하면 $x^{17} S(x)=1+x^2+x^4$ 이 된다. 따라서 $K^{(17)}(x)=(1+x^2+x^4)/(1+x^2+x^5)=1+x^4+x^5+x^6+\dots$ 이 된다. 그러므로 17번째 置換했을 때 레지스터의 內容은 $K^{(17)}=(10001)$ 이 됨을 알 수 있다.

이 節에서는 키 비트 數列이 平文과는 獨立的으로 발생되는 回期 逐字 暗號에 관해 알아 보았다. 暗號文 傳送中 어느 한 비트의 損失이 생기는 경우, 더 이상의 傳送이 있기 전에 送受信兩端의 키 發生器를 잃어버리는 결과를 招來하여 損失 이후의 모든 暗號文은 잘못된 平文으로 復元될 것이다. 또한 回期 逐字 暗號는 키 비트 數列이 週期的으로 復元되면 暗號 알고리즘은 깨어질 수 있다. 이런 理由로 會期 逐字 暗號는 화일(file)과 데이터 베이스(database)의 暗號化에 制限的으로 適用될 수 밖에 없다. 그러나 同一한 平文 블럭이 다른 형태의 키 數列로 暗號化되기 때문에 同期 逐字 暗號는

敵의 探索으로 暗號文이 유출되는 것을 막을 수 있다. 또한 暗號文의 插入이나 削除는 同期化를 喪失하는 原因이 되기 때문에 잘못된 暗號文의 插入, 再生, 그리고 削除로 부터 보호할 수 있다.

同期 逐字 暗號는 誤謬 傳播(error propagation)를 일으키지 않는 長點을 가지고 있다. 事實 한 비트의 電送誤謬는 이후의 계속되는 비트들에는 影響을 주지 않을 것이다. 그러나 敵에게는 한 블록의 비트들을 修正하는 것 보다는 暗號文내의 비트 하나를 修正하는 것이 더 쉽기 때문에 이러한 事實이 短點이 될 수도 있다.

3. 自己 同期 逐字 暗號 시스템

自己 同期 暗號 시스템은 逐字 暗號의 또 다른 種類이며 暗號文 歸還 自動 키 暗號와 平文 歸還 自動키 暗號로 區分된다. 暗號文 自動 키 暗號는

키가 暗號文으로부터 유도되는 고로 暗號文 歸還으로 구성된 自己 同期 逐字 暗號라고 부른다. 各各의 키 비트들은 선행 暗號文 비트들로부터 만들어지기 때문에 驅動 키(priming key)와 平文의 모든 선행 비트를 합한 것에 函數的으로 關聯되어 있다. 이러한 性質은 平文의 統計的 特性이 暗號文으로 되면서 擴散되기 때문에 暗號解讀을 더 어렵게 만들 것이다. 다른 自動 키 암호는 平文 歸還을 갖는 自己 同期 시스템이다. 平文 自動 키 暗號는 키가 暗號化되는 平文으로부터 誘導되는 것이다. 이들 두 自動 키 暗號는 다음 節에서 자세히 다루기로 한다.

3.1 暗號文 歸還 自動 키 暗號 시스템

暗號文 自動 키 暗號는 그림 14와 같은 暗號文 歸還 暗號 시스템을 의미한다. 簡略하게 問題를 풀기 爲하여 그림 14에서 $m=4$ 인 경우를 생각해

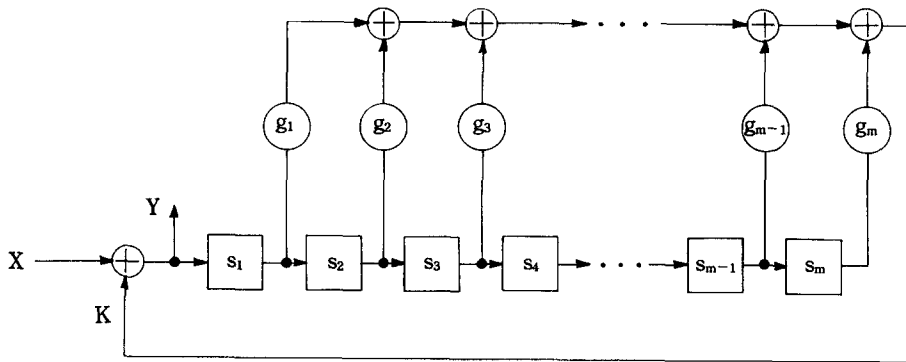


그림 14. 暗號文 歸還 暗號化 裝置

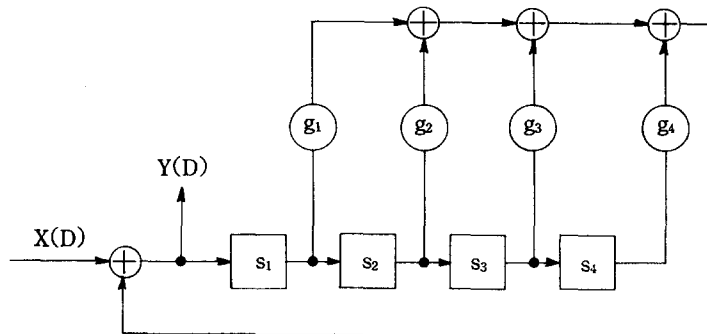


그림 15. 4 段 LFSR로 構成된 暗號文 歸還 暗號化 裝置

보자. 그러면 그림 15에 설계된 것과 같이 4段 LFSR로 이루어진 暗號 시스템이 될 것이다.

T(x)를 遷移 多項式, S(x)를 씨드 多項式이라고 하면 이들은 다음과 같이 遲延 演算子 D로 表現 된다.

$$T(D) = g_1 + g_2D + g_3D^2 + g_4D^3 \quad (36)$$

$$S(D) = s_1 + s_2D^{-1} + s_3D^{-2} + s_4D^{-3} \quad (37)$$

따라서 暗號文 多項式 y(x)는

$$\begin{aligned} Y(D) &= X(D) + T(D) \cdot D \cdot Y(D) + T(D)S(D) \\ &= X(D) + g_1DY(D) + g_2D^2Y(D) + g_3D^3Y(D) + g_4D^4Y(D) + (g_1 + g_2D + g_3D^2 + g_4D^3) \\ &\quad (s_1 + s_2D^{-1} + s_3D^{-2} + s_4D^{-3}) \end{aligned} \quad (38)$$

와 같이 된다. 여기서 $X(D) = x_0 + x_1D + x_2D^2 + \dots$ 는 平文 多項式이고 $Y(D) = y_0 + y_1D + y_2D^2 + \dots$ 는 暗號文 多項式을 나타낸다. 式 (38)을 展開하여 D에 대한 오름次順으로 정돈하면 暗號文 비트 y_i , ($0 \leq i \leq 4, 4 \leq i$)는

$$\begin{aligned} y_0 &= x_0 + g_1s_1 + g_2s_2 + g_3s_3 + g_4s_4 = x_0 + \sum_{t=1}^4 g_t s_t \\ y_1 &= x_1 + g_1y_0 + g_2s_1 + g_3s_2 + g_4s_3 = x_1 + g_1y_0 + \sum_{t=2}^4 g_t s_{t-1} \\ y_2 &= x_2 + g_1y_1 + g_2y_0 + g_3s_1 + g_4s_2 \\ &= x_2 + \sum_{t=1}^2 g_t y_{2-t} + \sum_{t=3}^4 g_t s_{t-2} \\ y_3 &= x_3 + g_1y_2 + g_2y_1 + g_3y_0 + g_4s_1 \\ &= x_3 + \sum_{t=1}^3 g_t y_{3-t} + g_4s_1 \\ y_4 &= x_4 + g_1y_3 + g_2y_2 + g_3y_1 + g_4y_0 \\ &= x_4 + \sum_{t=1}^4 g_t y_{4-t} \\ y_5 &= x_5 + g_1y_4 + g_2y_3 + g_3y_2 + g_4y_1 \\ &= x_5 + \sum_{t=1}^4 g_t y_{5-t} \\ y_6 &= x_6 + g_1y_5 + g_2y_4 + g_3y_3 + g_4y_2 \\ &= x_6 + \sum_{t=1}^4 g_t y_{6-t} \\ y_7 &= x_7 + g_1y_6 + g_2y_5 + g_3y_4 + g_4y_3 \\ &= x_7 + \sum_{t=1}^4 g_t y_{7-t} \end{aligned} \quad (39)$$

와 같다. 式 (39)의 一般의 表現은 任意的 單位時間 i에서의 暗號文 비트로 다음과 같이 簡略하게 表記 된다.

$$y_i = \begin{cases} x_i + \sum_{t=1}^i g_t y_{i-t} + \sum_{t=i+1}^m g_t s_{t-i}, & 0 \leq i \leq m-1 \\ x_i + \sum_{t=1}^m g_t y_{i-t}, & i \geq m \end{cases} \quad (40)$$

여기서 m 은 LFSR의 段數를 의미한다. 式 (39)를 行列形態로 나타내면 다음과 같다.

$$\begin{bmatrix} y_0 \\ y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ y_4 \\ y_5 \\ y_6 \\ y_7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \\ x_7 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ y_0 & 0 & 0 & 0 \\ y_1 & y_0 & 0 & 0 \\ y_2 & y_1 & y_0 & 0 \\ y_3 & y_2 & y_1 & y_0 \\ y_4 & y_3 & y_2 & y_1 \\ y_5 & y_4 & y_3 & y_2 \\ y_6 & y_5 & y_4 & y_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} g_1 \\ g_2 \\ g_3 \\ g_4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} s_1 & s_2 & s_3 & s_4 \\ 0 & s_1 & s_2 & s_3 \\ 0 & 0 & s_1 & s_2 \\ 0 & 0 & 0 & s_1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} g_1 \\ g_2 \\ g_3 \\ g_4 \end{bmatrix} \quad (41)$$

式 (41)을 보면 暗號文은 세 項, 즉, 平文項, 暗號文 歸還으로 發生된 項, 그리고 初期 씨드 벡터에 依해

발생된 項 등으로 이루어져 있다. 물론 式 (41)은 式 (40)과 같고 좀더 簡略히 쓰면

$$\begin{bmatrix} y_0 \\ y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ y_4 \\ y_5 \\ y_6 \\ y_7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \\ x_7 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} s_1 & s_2 & s_3 & s_4 \\ y_0 & s_1 & s_2 & s_3 \\ y_1 & y_0 & s_1 & s_2 \\ y_2 & y_1 & y_0 & s_1 \\ y_3 & y_2 & y_1 & y_0 \\ y_4 & y_3 & y_2 & y_1 \\ y_5 & y_4 & y_3 & y_2 \\ y_6 & y_5 & y_4 & y_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} g_1 \\ g_2 \\ g_3 \\ g_4 \end{bmatrix} \quad (42)$$

이 된다. 이것이 暗號化를 위한 行列시스템이다.

[例題 12] 그림 16과 같이 冢 係數가 $T=(g_1, g_2, g_3, g_4)=(0101)$ 이고 $m=4$ 인 暗號文 歸還 自動키 시스템을 생각해 보자. $2m=8$ 이므로 8비트 平文 벡터는 $\mathbf{x}=(11101001)$ 이고, 初期 씨드 벡터는 $\mathbf{s}=(s_1, s_2, s_3, s_4)=(0011)$ 로 LFSR에 저장되어 있다고 假定한다. 그러면 式 (40)을 利用하여 計算되는 8 비트 暗號文은

$$\begin{aligned} y_0 &= x_0 + \sum_{i=1}^4 g_i s_i = x_0 + g_2 s_2 + g_4 s_4 \\ &= x_0 + s_2 + s_4 = 1 + 0 + 1 = 0 \\ y_1 &= x_1 + g_1 y_0 + \sum_{i=2}^4 g_i s_{i-1} = x_1 + g_2 s_1 + g_4 s_3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= x_1 + s_1 + s_4 = 1 + 0 + 1 = 0 \\ y_2 &= x_2 + \sum_{i=1}^2 g_i y_{2-i} + \sum_{i=3}^4 g_i s_{i-2} \\ &= x_2 + g_2 y_0 + s_2 = 1 + 0 + 0 = 1 \\ y_3 &= x_3 + \sum_{i=1}^3 g_i y_{3-i} + g_4 s_1 \\ &= x_3 + y_1 + s_1 = 0 + 0 + 0 = 0 \\ y_4 &= x_4 + \sum_{i=1}^4 g_i y_{4-i} = x_4 + y_2 + y_0 \\ &= 1 + 1 + 0 = 0 \\ y_5 &= x_5 + \sum_{i=1}^4 g_i y_{5-i} = x_5 + y_3 + y_1 \\ &= 0 + 0 + 0 = 0 \\ y_6 &= x_6 + \sum_{i=1}^4 g_i y_{6-i} = x_6 + y_4 + y_2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &= 0+0+1=1 \\
 y_7 &= x_7 + \sum_{i=1}^4 g_i y_{7-i} = x_7 + y_5 + y_3 \\
 &= 1+0+0=1
 \end{aligned}$$

가 된다. 그러므로, 8 비트 暗號文은

$$\begin{aligned}
 \mathbf{Y} &= (y_0, y_1, y_2, y_3, y_4, y_5, y_6, y_7) \\
 &= (00100011) \quad (43)
 \end{aligned}$$

가 된다. 式 (40) 대신 式 (42)를 利用하면 暗號文 歸還을 갖는 暗號文 비트들은 다음과 같이 쉽게 얻을 수 있다.

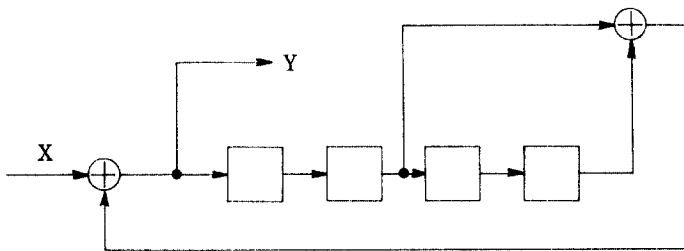


그림 16. m=4이고 T=(0101)인 暗號文 歸還 暗號化 裝置

[例題 13] 式 (42)의 行列 表現式을 利用해서 例題 12를 다시 풀어보자. 2m 平文 系列을 $\mathbf{x}=(11101001)$, 初期 씨드 벡터를 $\mathbf{s}=(0011)$, 그리고 傳達

係數를 $\mathbf{T}=(0101)$ 라고 假定했기 때문에 暗號文 비트를 計算하기 위한 行列 시스템을 다음과 같이 즉시 構成할 수 있다.

$$\begin{bmatrix} y_0 \\ y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ y_4 \\ y_5 \\ y_6 \\ y_7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 \\ y_0 & 0 & 0 & 1 \\ y_1 & y_0 & 0 & 0 \\ y_2 & y_1 & y_0 & 0 \\ y_3 & y_2 & y_1 & y_0 \\ y_4 & y_3 & y_2 & y_1 \\ y_5 & y_4 & y_3 & y_2 \\ y_6 & y_5 & y_4 & y_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1+1 \\ 1+1 \\ 1+y_0 \\ 0+y_1 \\ 1+y_2+y_0 \\ 0+y_3+y_1 \\ 0+y_4+y_2 \\ 1+y_5+y_3 \end{bmatrix}$$

따라서,

$$\begin{aligned}
 y_0 &= 1+1=0 & y_4 &= 1+y_2+y_0=1+1+0=0 \\
 y_1 &= 1+1=0 & y_5 &= 0+y_3+y_1=0+0+0=0 \\
 y_2 &= 1+y_0=1+0=1 & y_6 &= 0+y_4+y_2=0+0+1=1 \\
 y_3 &= 0+y_1+0+0=0 & y_7 &= 1+y_5+y_3=1+0+0=1
 \end{aligned}$$

가 되고 暗號文 비트는,

$$\mathbf{Y}=(00100011) \quad (44)$$

와 같이 生成되고 이는 式 (43)과 同一하다.

例題 12와 13에서 보았듯이 式 (41)은 다음과 같이 그 表現을 擴大시킬 수 있다.

$$\begin{bmatrix} y_0 \\ y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ y_{2m-2} \\ y_{2m-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_{2m-2} \\ x_{2m-1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s_1 & s_2 & s_3 & \cdots & s_{m-1} & s_m \\ y_0 & s_1 & s_2 & \cdots & s_{m-2} & s_{m-1} \\ y_1 & y_0 & s_1 & \cdots & s_{m-3} & s_{m-2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ y_{2m-3} & y_{2m-4} & y_{2m-5} & \cdots & y_{m-1} & y_{m-2} \\ y_{2m-2} & y_{2m-3} & y_{2m-4} & \cdots & y_{m-2} & y_{m-1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} g_1 \\ g_2 \\ \vdots \\ g_m \end{bmatrix} \quad (45)$$

x_i 를 任意的 單位時間 i 에서의 明文 系列이라 하고 y_i 를 그에 對應되는 暗號文 系列이라고 하면 $x_i = (x_i, x_{i+1}, \dots, x_{i+m-1})$, $y_i = (y_i, y_{i+1}, \dots, y_{i+m-1})$ 로 表現된다. 自動 키 暗號에서 LFSR의 初期 狀態는 처음 m 클럭 펄스로 初期值가 빠져나간 이후에는 出力에 無關係 진다. 그러므로 式 (45)는 다음과 같이 修正될 수 있다.

$$y_{i+m} = x_{i+m} + TY(i), \quad 0 \leq i \quad (46)$$

여기서

$$Y(i) = \begin{bmatrix} y_{i+m-1} & y_{i+m} & \cdots & y_{i+2m-3} & y_{i+2m-2} \\ y_{i+m-2} & y_{i+m-1} & \cdots & y_{i+2m-4} & y_{i+2m-3} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ y_{i+1} & y_{i+2} & \cdots & y_{i+m-1} & y_{i+m} \\ y_i & y_{i+1} & \cdots & y_{i+m-2} & y_{i+m-1} \end{bmatrix} \quad (47)$$

이고 式 (46)으로부터 係數 $T = (g_1, g_2, \dots, g_m)$ 는 다음 節次에 依해 決定될 수 있다.

$$T = (y_{i+m} + x_{i+m})Y^{-1}(i) \quad (48)$$

$i=0$ 일때 式 (48)은

$$T = (y_m + x_m)Y^{-1}(0) \quad (49)$$

가 된다.

[例題 14] 明文은 $x = (11101001)$ 이고 그에 對應하는 暗號文이 $Y = (00100011)$ 일 때 그림 16을 다시 생각해 보자. 係數 T 와 初期 씨드 s 를 결정해 보자. $i=0$ 와 $m=4$ 에 대해 式 (47)은 다음과 같이 된다.

$$Y(0) = \begin{bmatrix} y_3 & y_4 & y_5 & y_6 \\ y_2 & y_3 & y_4 & y_5 \\ y_1 & y_2 & y_3 & y_4 \\ y_0 & y_1 & y_2 & y_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$m=4$ 에 對한 式 (49)를 利用하면

$$T = (y_4 + x_4)Y^{-1}(0) = (0011 + 1001) \begin{bmatrix} 0100 \\ 0010 \\ 0001 \\ 0000 \end{bmatrix} = (0101)$$

이다. 따라서 係數(歸還係數 또는 傳達係數)는 完全하게 決定되었다. $i=0$ 에서 系列이 始作된다는 條件하에서 式 (40)은 初期 씨드를 決定하는 데 사용될 수 있다. 즉,

$$\begin{aligned} y_0 &= x_0 + s_2 + s_4 \\ y_1 &= x_1 + s_1 + s_3 \\ y_2 &= x_2 + y_0 + s_2 \\ y_3 &= x_3 + y_1 + s_1 \end{aligned}$$

가 되어

$$\begin{aligned} s_1 &= y_3 + x_3 + y_1 = 0 + 0 + 0 = 0 \\ s_2 &= y_2 + x_2 + y_0 = 1 + 1 + 0 = 0 \\ s_3 &= y_1 + x_1 + s_1 = 0 + 1 + 0 = 1 \\ s_4 &= y_0 + x_0 + s_2 = 0 + 1 + 0 = 1 \end{aligned}$$

가 얻어진다. 그러므로 初期 씨드 벡터는

$$S = (s_1, s_2, s_3, s_4) = (0011)$$

이다.

마지막으로 그림 17에 나타낸 暗號文 歸還에 依한 復號 시스템을 생각해 보자. 暗號化 시스템에서 使用했던 똑같은 T 와 s 를 가지고 다음 關係式을 利用해서 明文을 再生해보자.

$$x_i = \begin{cases} y_i + \sum_{t=1}^i g_t y_{i-t} + \sum_{t=i+1}^m g_t s_{t-i}, & 0 \leq i \leq m-1 \\ y_i + \sum_{t=1}^m g_t y_{i-t}, & i \geq m \end{cases} \quad (50)$$

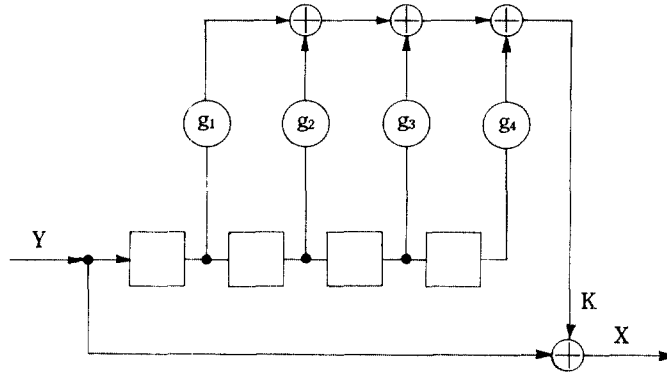


그림 17. 4段 LFSR을 利用한 暗號文 復號化 裝置

[例題 15] 暗號文 $Y=(00100011)$ 에 對應되는 平文 X 를 復元하기 위한 復號裝置인 그림 17을 생각해 보자. 이때 앞에서 假定했던 것과 같이 탭 係數는 $T=(0101)$ 이고 初期 씨드 벡터는 $s=(0011)$ 이다. 式 (50)을 利用하여 復元하고자 하는 平文을 決定해 보자.

$$\begin{aligned}
 x_0 &= y_0 + \sum_{i=1}^4 g_i s_{i-1} = y_0 + s_2 + s_4 \\
 &= 0 + 0 + 1 = 0 \\
 x_1 &= y_1 + g_1 y_0 + \sum_{i=2}^4 g_i s_{i-1} = y_1 + s_1 + s_3 \\
 &= 0 + 0 + 1 = 1 \\
 x_2 &= y_2 + \sum_{i=1}^2 g_i y_{2-i} + \sum_{i=3}^4 g_i s_{i-2} \\
 &= y_2 + y_0 + s_2 + 1 + 0 + 0 = 1 \\
 x_3 &= y_3 + \sum_{i=1}^3 g_i y_{3-i} + g_4 s_1 \\
 &= y_3 + y_1 + s_1 = 0 + 0 + 0 = 0 \\
 x_4 &= y_4 + \sum_{i=1}^4 g_i y_{4-i} = y_4 + y_2 + y_0 \\
 &= 0 + 1 + 0 = 1 \\
 x_5 &= y_5 + \sum_{i=1}^4 g_i y_{5-i} = y_5 + y_3 + y_1 \\
 &= 0 + 0 + 0 = 0 \\
 x_6 &= y_6 + \sum_{i=1}^4 g_i y_{6-i} = y_6 + y_4 + y_2 \\
 &= 1 + 0 + 1 = 0 \\
 x_7 &= y_7 + \sum_{i=1}^4 g_i y_{7-i} = y_7 + y_5 + y_3
 \end{aligned}$$

$$= 1 + 0 + 0 = 1$$

그러므로 復元된 平文은 豫想한 바와 같이

$$X=(11101001)$$

이다.

3.2 平文 歸還 自動 키 暗號

平文 歸還 自動 키 暗號(plaintext autokey cipher)는 置換 레지스터의 入力이 平文인 自己 同期 暗號 시스템(self-synchronizing cipher system)을 말한다.

時間 i 에서의 平文 系列을 $x_i=(x_i, x_{i+1}, \dots, x_{i+m-1})$ 라 하고 이에 對應하는 暗號 系列을 $y_i=(y_i, y_{i+1}, \dots, y_{i+m-1})$ 라 하면

$$y_{i+m} = x_{i+m} + X(i)T, \quad 0 \leq i \quad (51)$$

여기서

$$X(i) = \begin{bmatrix} x_{i+m-1} & x_{i+m} & \cdots & x_{i+2m-2} \\ x_{i+m-2} & x_{i+m-1} & \cdots & x_{i+2m-3} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ x_i & x_{i+1} & \cdots & x_{i+m-1} \end{bmatrix}$$

의 關係를 갖고 式 (51)로부터 置換 레지스터의 탭 係數(tap coefficient) T 는

$$T = X^{-1}(i)(y_{i+m} + x_{i+m}) \quad (52)$$

로 얻어진다.

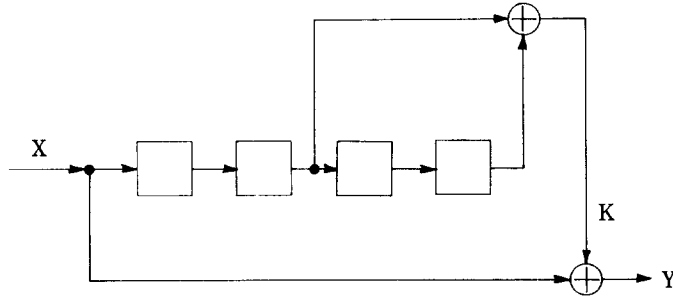


그림 18. 平文 入力を 갖는 自己 同期 暗號化 裝置

[例題 16] 그림 18과 같이 置換레지스터의 入力이 平文인 自己 同期 暗號 시스템에 대해 생각해 보자. 탭 係數는 $T=(g_1, g_2, g_3, g_4)=(0101)$, 初期 狀態는 $S=(s_1, s_2, s_3, s_4)=(0011)$ 이고 平文 系列은 $x=(11101001)$ 라 假定하자. $m=4$ 이므로 y_0 에서 y_7 까지의 暗號文 비트는 式 (40)으로부터 y_{i-1} 를 x_{i-1} 로 바꿈으로써 다음과 같이 구할 수 있다.

$$y_0 = x_0 + \sum_{i=1}^4 g_i s_i = x_0 + s_2 + s_4$$

$$= 1 + 0 + 1 = 0$$

$$y_1 = x_1 + g_1 x_0 + \sum_{i=2}^4 g_i s_{i-1} = x_1 + s_1 + s_3$$

$$= 1 + 0 + 1 = 0$$

$$y_2 = x_2 + \sum_{i=1}^2 g_i x_{2-i} + \sum_{i=3}^4 g_i s_{i-2}$$

$$= x_2 + x_0 + s_2 = 1 + 1 + 0 = 0$$

$$y_3 = x_3 + \sum_{i=1}^3 g_i y_{3-i} + g_4 s_1$$

$$= x_3 + x_1 + s_1 = 0 + 1 + 0 = 1$$

$$y_4 = x_4 + \sum_{i=1}^4 g_i y_{4-i} = x_4 + x_2 + x_0$$

$$= 1 + 1 + 1 = 1$$

$$y_5 = x_5 + \sum_{i=1}^4 g_i y_{5-i} = x_5 + x_3 + x_1$$

$$= 0 + 0 + 1 = 1$$

$$y_6 = x_6 + \sum_{i=1}^4 g_i x_{6-i} = x_6 + x_4 + x_2$$

$$= 0 + 1 + 1 = 0$$

$$y_7 = x_7 + \sum_{i=1}^4 g_i x_{7-i} = x_7 + x_5 + x_3$$

$$= 1 + 0 + 0 = 1$$

따라서 暗號文 系列은 $Y=(00011101)$ 가 된다.

[例題 17] 그림 18을 다시 利用하여 탭 벡터 T 와 씨드 벡터 S 를 결정하는 문제에 대해 생각해 보자. 平文 $x=(11101001)$ 에 對應되는 暗號文 $Y=(00011101)$ 은 例題 16에서 보듯이 이미 求하였다. $i=0$, $m=4$ 일 때 式 (52)는

$$T = X^{-1}(0)(y_4 + x_4)$$

가 되며 $X(0)$ 는

$$X(0) = \begin{bmatrix} x_3 & x_4 & x_5 & x_6 \\ x_2 & x_3 & x_4 & x_5 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 \\ x_0 & x_1 & x_2 & x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

이다. $X(0)$ 의 行列式은 $|X(0)|=0$ 이므로 行列 $X(0)$ 는 특이해이다. 따라서 $X^{-1}(0)$ 는 결정할 수 없다. 결국 이 경우 탭 係數 T 를 決定하는 것은 不可能하다. 이 理由는 平文에 利用되는 歸還 經路가 없기 때문이다.

[例題 18] 그림 19와 같이 平文이 歸還되는 自動 키 復號에 대해 생각해 보자.

例題 16에서 分析한 것 처럼 $T=(0101)$, $S=(0011)$, 그리고 $Y=(00011101)$ 로 하자. y_{i-1} 를 x_{i-1} 로 代置한 式 (50)을 利用하면 平文 비트는 아래와 같이 復號될 수 있다.

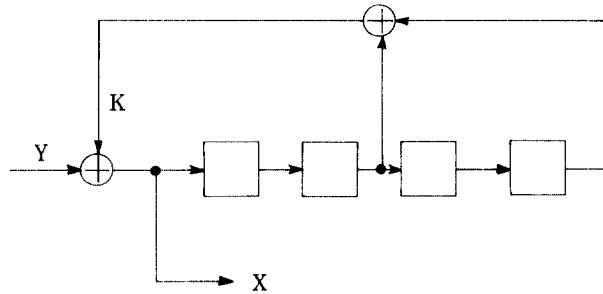


그림 19. 明文 歸還 復號化 裝置

$$x_0 = y_0 + \sum_{t=1}^4 g_t s_t = y_0 + s_2 + s_4$$

$$= 0 + 0 + 1 = 0$$

$$x_1 = y_1 + g_1 x_0 + \sum_{t=2}^4 g_t s_{t-1} = y_1 + s_1 + s_3$$

$$= 0 + 0 + 1 = 1$$

$$x_2 = y_2 + \sum_{t=1}^2 g_t y_{2-t} + \sum_{t=3}^4 g_t s_{t-2}$$

$$= y_2 + x_0 + s_2 = 0 + 1 + 0 = 1$$

$$x_3 = y_3 + \sum_{t=1}^3 g_t y_{3-t} + g_4 s_1$$

$$= y_3 + x_1 + s_1 = 1 + 1 + 0 = 0$$

$$x_4 = y_4 + \sum_{t=1}^4 g_t y_{4-t} = y_4 + x_2 + x_0$$

$$= 1 + 1 + 1 = 1$$

$$x_5 = y_5 + \sum_{t=1}^4 g_t y_{5-t} = y_5 + x_3 + x_1$$

$$= 1 + 0 + 1 = 0$$

$$x_6 = y_6 + \sum_{t=1}^4 g_t y_{6-t} = y_6 + x_4 + x_2$$

$$= 0 + 1 + 1 = 0$$

$$x_7 = y_7 + \sum_{t=1}^4 g_t y_{7-t} = y_7 + x_5 + x_3$$

$$= 1 + 0 + 0 = 1$$

따라서 復號된 明文은 $\mathbf{x} = (11101001)$ 이다.

(다음 號에 계속)

□ 著者紹介

李 晚 榮(正會員)

1924年 11月 30日生

서울大學校 電氣工學科 工學士(BSEE)

美國 Colorado大學校 工學碩士(MSEE) 및 工學博士(Ph.D.)

美國 Virginia州立大 工大教授

美國 California Institute of Technology, JPL 研究員

國防科學研究所 第1副所長 / 韓國電子通信 社長 / 三星半導體通信社長 /

漢陽大 副總長 / 現 漢陽大 名譽教授 / 韓國通信情報保護學會 會長

著書: Error Correcting Coding Theory, McGraw-Hill, New York, 1989.



지난 號의 誤記를 아래와 같이 바로 잡습니다.

面 段 行	誤	正
50 左 17	k_{m-1}	k_{2m-1}
18	z_{m-1}	z_{2m-1}
50 右 9	$K=(k_{70}, k_1, \dots, k_{77})$	$K=(k_0, k_1, \dots, k_7)$
12	$k_j + s_j = z_{7j} \text{가 } z_{7j} + k_j = s_j$	$k_j + s_j = z_j \text{가 } z_j + k_j = s_j$
52 左 12	g_i	g_1
右 20	同日	同一

以上에서 講述한 逐字(stream) 暗號시스템에 관한 大部分의 分析技法은 著者特有의 解釈方式으로서 他 어떤 文獻에서도 찾아볼 수 없는 獨自의인 内容임. 따라서, 讀者는 參考文獻에 明示없이 無斷盜用이나 轉用하는 것을 禁해주시기 바랍.