

# 捨石堤를 透過하는 흐름

## Flow Through Rubble Mound Dike

金 采 淳\* · 南 宣 祐\*\*  
Kim, Chae Soo · Nahm, Sun Woo

### Summary

This study was aimed at determining a regime of flow through rubble mound dike consisted of all sized quarrystons, and deriving a relationship between hydraulic gradient ( $I$ ) and mean flow velocity ( $V$ ) through the dike.

The analysis was carried out with the data observed after final gap closing of the Haenam Sea dike from May, 6 to May, 14, 1987.

The results are summarized as follows:

1. The regime of flow would be defined as the turbulent flow.
2. As to the relationships, two kinds of formula that are exponential and binomial were obtained.  
Exponential formula:  $I=2.099V^{1.2888}$   
Binomial formula:  $I=0.6113V+5.5235V^2$
3. Correlation coefficient of the former was 0.824 and that of the latter was 0.821, and the deviations between observed data and estimated were 0.0070 and 0.0064 respectively.
4. Comparing the correlation coefficient, both the equations have the same correlation coefficients, but in case of the deviation the binomial equation was better than the exponential equation. Therefore, the binomial equation is proposed for analyzing the flow through rubble mound dike.

### I. 序 論

國土擴張事業의 一環으로 施行되고 있는 防潮堤의 경우 前面 捨石堤, 裏面 盛土堤를 많이 採擇하고 있다. 이 때 施工上 捨石堤部分이 盛土堤 부분보다 先行되어 施工되고 있으며 特히 捨石堤에 의한 最終물막이 期間 및 그 完了後 盛土堤 工事期間中에 捨石堤空隙을 通한 透過흐름이 일어나고 있다.

그러나 大部分의 透過흐름에 對한 經驗式들이 모래, 차갈 等 微細粒子의 材料를 利用한 실내 模型實驗에 依한 結果들이다. <sup>1), 2), 10), 13), 14)</sup> 더우기 採石場에서 發破된 全石(all sized)을 築堤材料로 利用하는 捨石堤에 이를 直接 利用하는 것은 合理的이 아니므로 捨石堤를 透過한 흐름을 해석하기 위해 1987. 5. 6日 最終물막이를 施行한 전남 海南郡에 위치한 海南防조제에서 측정한 자료를 이용하여 捨石堤의 투과흐름을 分析코자 한다.

\* 東國大學校 大 學 院(農業振興公社)

\*\* 東國大學校 工科大學





하였다.

#### IV. 分析 및 考察

捨石堤를 透過하는 潮汐의 形態는 Fig. 1 과 같다. 그림에서 堤外側은 1日 2回潮인 潮位 堤內側은 地區內 流出水와 堤外로부터의 침투수의 영향을 받으므로 堤外側 및 堤內의 水深(d)는 平均海面으로부터의 깊이이며 式(11)과 같이 加重平均으로 求하였다.

$$\bar{d} = \frac{\sum L_i \times d_i}{\sum L_i} = 9.0 \text{ (m)} \quad (11)$$

여기서

$L_i$  = 測點間의 距離

$d_i$  =  $L_i$  區間의 平均海面下 水深 任意時間의 平均水位는 式(12)와 같다.

$$\begin{aligned} h_{1,i} &= \bar{d} + h_{t,i} = 9 + h_{t,i} \\ h_{2,i} &= \bar{d} + h_{r,i} = 9 + h_{r,i} \end{aligned} \quad (12)$$

여기서

$h_{1,i}$  = 任意時刻의 堤外側 平均水深 (m)

$h_{2,i}$  = 任意時刻의 堤內側 平均水深 (m)

$h_{t,i}$  = 任意時刻의 外潮位 (m)

$h_{r,i}$  = 任意時刻의 湖内水位 (m)

Fig. 1에서 任意時間의 潮汐形態는 다음과 같은 두가지 境遇로 된다.

- (1)  $h_{1,i} > h_{2,i}$  堤外側에서 堤內側으로 浸透한다.
- (2)  $h_{1,i} < h_{2,i}$  堤內側에서 堤外側으로 排水된다.

(1)의 潮汐에서  $h_{t,i}$ 의 上升은  $h_{r,i}$ 의 上升에 比하여 그 速度가 크므로  $h_{t,i}$ 가 高潮位에 到達하는 時間과 湖内 最高水位에 到達하는 時間은一致하지 않으며 또한 (2)의 潮汐의 경우 低潮位에 到達하는 時間과 湖内 最低水位 (L. W. L)에 到達하는 時間이一致하지 않았다.

이는 潮汐流入量 (tidal prism)이 捨石堤를 通過한 湖内 流量 및 堤外로의 排水量보다 크기 때문에 일어나며 이 原因은 捨石으로 因한 透水速度에 依한 것으로 생각할 수 있다.

分析을 위한 필요 항목은 平均透水流速 ( $V$ ), 平均動水傾斜 ( $I$ ), 平均透水流量 ( $q$ )이며 다음과 같은 절차로 分析하였다.

捨石堤 斷面을 透過하는 透水流量은 水位一

内容積曲線을 가지고 補間法을 利用하여 어느 時間동안 流入 및 流出되는 總量을 求한다.

$$Q_t = R_{h_1} - R_{h_2} \quad (13)$$

여기서  $Q_t = t$  시간 동안의 流入量

$R_{h_1}$  = 内水位  $h_1$  인 때의 内容積

$R_{h_2}$  = 内水位  $h_2$  일 때의 内容積

單位·時間當 單位幅當 透水量은 式(14)와 같이 구한다.

$$q_t = \frac{Q_t}{t \times 60} \times \frac{1}{L} \quad (14)$$

여기서

$q_t$  = 單位時間當 單位幅當 流量 ( $\text{m}^3/\text{sec}/\text{m}$ )

$t$  = 透水時間 (min)

$L$  = 捨石堤의 延長 (m)

延長  $L$ 區間에 對해서 始終點 附近의 平均地盤高가 낮고 (始點 -0.30m, 終點 -2.50m) 傾斜가 急하므로 (1:1)이 部分이 通水斷面에 미치는 영향은 아주 적으므로 始終點間의 距離를 通水斷面의 延長으로 하였다.

任意時間동안 捨石堤 斷面을 透過하는 平均透水流速은 式(15)와 같다.

$$V = \frac{4 q_t}{h_{1,i-1} + h_{1,i} + h_{2,i-1} + h_{2,i}} \quad (15)$$

여기서  $h_{1,i}$ ,  $h_{2,i}$ 는 計算 時刻의 水深이고  $h_{1,i-1}$ ,  $h_{2,i-1}$ 는 前段階의 水深이며 式(12)로 求한다.

이 때 堤内外側間의 水頭差 ( $\Delta h$ )는 式(16)과 같으며 堤内外側 斜面과 潮位 및

$$\Delta h = |h_{1,i} - h_{2,i}| \quad (16)$$

內水位가 交叉하는 地點의 水平距離 ( $\ell$ )은 式(17)과 같이 구한다.

$$\ell = b + z (2 \cdot h + h_{1,i} + h_{2,i}) = 11 + h_{1,i} + h_{2,i} \quad (17)$$

여기서  $b$ 는 頂幅 (7.0m)이고  $z$ 는 内外側 斜面傾斜 (1:1)이며  $h$ 는 平均海水面으로부터 捨石堤頂까지의 높이다 ( $h=2.0\text{m}$ ).

任意時間의 動水傾斜 ( $I_i$ )는 式(18)과 같으며

$$I_i = \frac{\Delta h}{\ell} = \frac{|h_{1,i} - h_{2,i}|}{11 + h_{1,i} + h_{2,i}} \quad (18)$$

平均動水傾斜 ( $I$ )는 式(19)와 같이 求한다.

$$I = \frac{1}{2} (I_{i-1} + I_i) \quad (19)$$

### 捨石堤를 透過하는 흐름

여기서  $I_{i-1}$  은 前段階의 動水傾斜이고  $I_i$  는 計算時刻의 動水傾斜이다.

## 1. 定流狀態의 分析

捨石堤내의 透水흐름을 定流로 仮定하고 Dupertuis-Forchheimer 公式에 依해서 해석하면 다음과 같다<sup>3)</sup>

$$q_i = \frac{K}{2\ell} | h_{1,i}^2 - h_{2,i}^2 | \dots \dots \dots \quad (20)$$

여기서

K : 透水係数 (m/sec)

$\ell$  = 水平距離 (式 (17)에 의해 求함)

$q_t$  = 單位幅當 透過流量 ( $m^3/sec/m$ )

式(20)을 다시 定理하면

式(21)을 Darcy의 式 形態로 變換시키면 式(22)와 같다.

式(22)에서  $q_t$ ,  $h_{1,i}$ ,  $h_{2,i}$ 는 각 관측值得를 이용하였고 時間 間隔은 30分 單位를 標準으로 하였으며 計算된 V와 I와의 관계를 圖示하면 Fig. 2 와 같다.

各 時間單位의 透水流速을 動水傾斜로 나누어  
算術平均한 透水係數는 Table 3 과 같다.

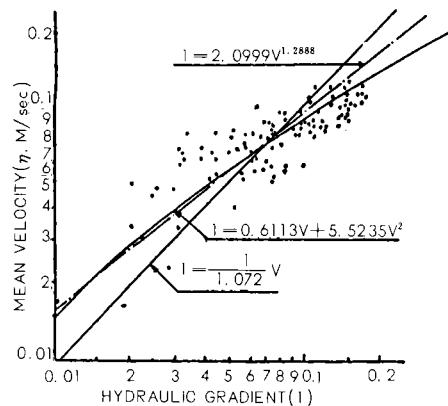
**Table - 3. Permeability predicted by Dupit-Forchheimer equation**

Number of data	Mean permeability coeff. (m/sec)	standard deviation ( $S_{(n-1)}$ )
113	1.072	0.402

## 2. 亂流域 및遷移域의 分析

### 가. 指數形에 依한 分析

Missbach가 透水性 흐름에 對해서 提案한 形態는 式(7)과 같으며 式(7)의 양변에 對數를 취하면 式(23)과 같이 되다.



**Fig. 2.** Mean velocity versus hydraulic gradient.

$$\log I = \log C + M \log V \dots \dots \dots \dots \quad (23)$$

式(23)은  $Y=a+bx$  形態의 2元一次方程式의 形태다. 여기서  $I$ 는 式(19)에 의해서 求한 값이고  $V$ 는 式(15)에 의해서 求한 값이다.

式(23)을 이용하여 각각의 시간에 대한 방정식을 세우고 회귀분석하여捨石堤의 C, M, 값을 구하여 Table-4의 上端에 나타낸다.

#### 나. 2項分布形에 의한 分析

Forcheinier가 提案한 아래 2項分布의 係數  $a$ ,  $b$ 의 値을 媒質의 物理的因子로서 求하려는 努力이 계속되고 있다. 그러나 다음과 같은 두 가지要因에 의해서一般的으로 使用 할 수 있는 透水法則을 求하기 어렵다.<sup>61), 8)</sup>

(1) 媒質內의 空隙에 依해 形成된 流路는 媒質의 特性에 따라 다르다.

(2) a 와 b의 값 그 自體 및 그들 사이의 比가  
흐름 特性에 영향을 받으므로 어느 媒質에 對해  
一定한 값을 갖지 못한다. 따라서 Table-1에 a, b  
의 값을 나타냈지만 捨石堤의 경우 材料가 均一  
하지 않으며 또한 發破石을 選別하지 않고 全量  
投入하므로 粒度分布를 實驗的으로 求하기 어렵  
다.

表에 나타난 式中에는 實驗的으로 直接 求할 수 없는 因子도 포함되어 있으므로 間接的으로  $a, b$ 의 値을 회귀분석에 依해서 求하고 있다.<sup>1), 2), 3)</sup>

式(6)에서  $a, b$ 의 값은任意時間의  $I$ 와  $V$ 의  
값을 각각 式(19)와 式(15)에 의해서求한 후 式  
(6)에對入하고 이를 회귀분석으로 각각  $a, b$ 의

값을 求하였으며 Table- 4 의 下端에 나타냈다.

**Table – 4. The relationship between hydraulic gradient and through velocity.**

Type	equations	Corelation coefficient	deviation
exponential type	$I = 2.0999V^{1.2888}$	0.824	0.00704
binomial type	$I = 0.6113V + 5.5235V^2$	0.821	0.0064

$$\text{deviation} = \frac{1}{N} \sum \frac{(P(I) - O(I))^2}{P(I)}$$

여기서

$P(I)$  = 회귀式에 依한 I의 推定值

$O(I) = I$  的 實測值

### 3. 考察

分析 決果를 다음과 같은 方向으로 考察하였다.

- 透水立呂 狀態
  - 他 研究 結果와 比較

### 가. 透水흐름 狀態

Fig. 2에 나타낸 바와 같이 動水傾斜에 따라서  
流速도 變化하고 있다.

本分析에서 나타난 流速分布에 對해서 Reynolds number 를 計算하면 다음과 같다.<sup>8)</sup>

$$Rep = \frac{4}{1-n} \cdot \frac{D_n}{\alpha} \cdot \frac{V}{\nu} \dots \dots \dots \quad (24)$$

空隙率( $n$ )은捨石堤의 경우  $0.27\sim 0.40^{41}$ 이며,海水의境遇動粘性係數( $V=9.29\times 10^{-7} \text{ m}^2/\text{sec}$ )形狀係數( $\alpha$ )는  $\alpha=Dg\cdot Fg/Vg=6$  ( $Dg=1.0m$   $D_h=0.05m$  仮定)일 때 分析에서 나타난 最小流速  $V=0.0162\text{m/sec}$ <sup>41</sup> 경우  $Re_p=796\sim 986$ 이다.

최대 흐름인 경우  $Re = 6045 \sim 7355$  이다.

이러한 分布의 Reynolds number의 경우 層流로 解析하는 것은 適切하지 못한 것으로 思料된다.

#### 나. 他 研究結果와의 比較

指數形에 對한 關係는 Table- 5 와 같다.

動水傾斜와 透水流速과의 關係를 材料別로 實驗한 경험식의 상수를 분석한 결과는 Table-6과 같다.

透水호를 狀態別로 區分할 때 動水傾斜와 流

**Table – 5. Comparison of exponential equations for the material.**

Author	material	dia -meter	I=CV <sup>M</sup>		Velocity
			C	M	
Wilkins	Crushed rock	1.9cm	1.82	1.86	Vv=Void Velocity (ft / sec)
		" 5cm	0.27	1.86	
		" 15cm	0.27	1.86	
		" 20cm	0.21	1.86	
		" 60cm	0.07	1.86	
		" 90cm	0.036	1.86	
Volker writer	Crushed aggregate quarry stone rubble mound	1.9cm	8.893	1.745	mean V (ft/sec)
		1.0m	2.0999	1.2888	mean V (m/sec)

**Table – 6. Coeffecients of hydraulic gradient-velocity equations for the material.**

Author	material	dia -meter	I = av + bv <sup>2</sup>		remarks
			a	b	
Ahmed <sup>21</sup>	Sand	0.258cm	0.694	0.165	mean velocity (cm/sec)
Subba	Sand	0.404cm	0.105	0.078	"
Subba	Gravel	0.550cm	0.105	0.078	"
Sunada	glass sphere	0.300cm	0.145	0.0648	"
Volker <sup>14</sup>	Crushed rock	1.9cm	0.319	11.821	mean velocity (ft/sec)
writer	quarry stone rubble mound	1.0m	0.6113	5.5235	mean velocity (m/sec)

Table-7. Comparison of formulae for the characterization of Turbulent and transition zone.

Author	Validity		$I = av + bv^2$		
	original form	Reynolds number	a	b	
Forchheimer <sup>7)</sup>	$0.12 < V \text{ (cm/s)} < 1.2$	$4.5 < Rep < 45$	0.033	0.079	V (cm/s)
Zamarin <sup>7)</sup>	$0.1 < D \text{ (cm)} < 0.3$ $d = 1.0m$	$50 < Rep < 1,000$ $796 < Rep$	0.09	0.072	V (cm/s)
writer			0.6113	5.5235	V (m/sec)

速과의 관계는 Table- 7 과 같다.

捨石堤의 透過흐름을 亂流로 假定하고 이를 開水路흐름과 比較할 때 流速과 動水傾斜와의 관계식은 Manning 公式으로부터 다음과 같이 구할 수 있다. 즉,  $V = \frac{1}{n} R^{\frac{1}{2}} I^{\frac{1}{2}} \propto I^{\frac{1}{2}}$  또는  $I \propto V^2$

이다. 그러므로 指數式의 指數는 2보다 적다.

또한 Darcy 法則으로 檢討할 때  $V = K \cdot I$  이므로 指數는 1보다 커야한다는 條件을 만족한다.  
10), 12), 13) 한편 回歸分析에 依한 相關係數도  $r=0.824$ 로서 比較的 높은 相關性을 가지므로 捨石堤의 透過흐름을 잘 나타낸다고 思料된다.

2項分布形에 있어서는 亂流 및 亂流로의 遷移流에 대한 경형식중 類似한 材料에 관한 式이 없어 直接比較할 수는 없지만 회귀분석을 실시한 결과 相關係數가 0.821로서 높은 相關性이 있는 것으로 나타났고 觀測值와 推定值의 偏差가 指數形(0.0074)보다 2項分布形(0.0064)이 더 적게 나타났다.

상관계수에 의한 비교의 경우 指數形이 더 높은 相關性을 나타내며 偏差를 비교할 때는 2項分布形이 더 적은 偏差를 나타내므로 指數形 및 2項分布形 모두 捨石堤의 透過흐름을 解析할 수 있는 것으로 생각된다.

## V. 結 論

1. 流水中에 水中投下된 狀態로 築造된 捨石堤를 透過하는 흐름에 對해서 Reynolds number에 따라 흐름 領域을 區分하여 透水 解析을 하며

2. 捨石堤를 透過하는 흐름이 遷移域 또는 亂流域인 경우 ( $d=1.0m$ ,  $n=0.27 \sim 0.40$ ) 平均透水流速 ( $V$ : m/sec) 과 動水傾斜 ( $I$ )는 다음과 같은 關係가 있다.

$$\text{指數式 } I = 2.0999V^{1.288}$$

$$\text{2項分布式 } I = 0.6113V + 5.5235V^2$$

3. 相關關係로 볼 때 指數式 ( $r=0.824$ ) 과 2項分布式 ( $r=0.821$ )이 거의 같은 程度의 相關性을 나타내지만 관측치와 추정치와의 偏差를 比較할 때 2項分布形(편차 0.0064)이 指數式(0.0070)보다 적으므로 2 항분포식을 利用하는 것 이 좋은 것으로 思料된다.

## 參 考 文 獻

1. Ahmed, N. and Sunada,D.K, "Nonlinear flow in porous media" proceeding of American society of civil Engineers (A.S.C.E), Journal of Hydraulic Division Vol 95, No Hy6, pp 18 47~1857, 1969.
2. Arbabhirama, A. and Dinoy, A.A, "Friction factor and Reynolds number in porous media flow", Proc. of ASCE Journal of the Hydraulic Division Vol 99 No Hy6, pp 901~911, 1973.
3. Bear,J."Dynamics of fluids in porous media" El-sivier, pp 361~439, 1975.
4. Coastal Engineering Research Center, "Shore protection Manual", Vol 2. pp 7~202~252, 1984.
5. Curtis, R.P., and Lawson,J.D., "Flow over and through Rockfill Banks" Proc. of ASCE, Journal of the Hydraulic Division Vol 93. No Hy5, pp 1~21, 1967.
6. Hannoura, A.A., and Mccorquodale, J.A, "Robble mounds:Hydraulic conductivity proc. of ASCE, Journal of waterway, port, coastal and Ocean Engneering Vol 111 No 5, pp 783~799, 1985.
7. Kovacs, G, "Relationship between velocity of seepage and hydraulic gradient in the Zone of high velocity", proc of 13th congress of the International Association for Hydraulic Research (IAHR) Vol, 4, pp 25~38, 1969.

8. Kovacs, G "Seepage Hydraulics" Elsevier, pp 239-281, 1981
9. Larsen,I, O'Neill,I.C, Parkin, A · K, and Franzini, J.B. discussions of "Turbulent flow in porous media "by J.C. Ward, proc. of ASCE, Journal of the Hydraulics Division, Vol 91. No Hy2, pp 386-392 , 1965
10. Leps, T·M,"Flow through rockfill"in Hirschfeld, R.C & poulous, S.J(Editors) Embankment Dam Engineering , J viley & sons, pp 87-105, 1973.
11. Parkin, A.K, Trollope, D.H, and Lawon, J.R, "Rockfill structures subjected to water flow", proc. of ASCE, Journal of soil mechanic and Foundation Engineering Division, Vol 92 No SM6. pp 135-151, 1966.
12. Spaargaren, F and Vinje, T.J, "Some aspects of flow through and under hydraulic structures used for closing of Estuarine" Proc. of IAHR. Vol 4 . 1969.
13. Stephenson,D "Rockfill in hydraulic Engineering" Elsivier, pp 19-36, 1979.
14. Volker, R.E, "Nonlinear flow in porous Media by finite elements", proc of ASCE, Journal of the Hydraulic Division Vol 95 No Hy6. pp 2093-2114, 1969.
15. Wright, D.E, "Nonlinear flow through Granular Media" proc. of ASCE, Journal of the Hydraulic Division Vol 94 No Hy4, pp 851-872, 1968.
16. Ward,J.C, "Turbulent flow in porous Media", proc. of ASCE, Journal of the Hydraulic Division. Vol 90 No Hy5 pp 1-11, 1964.