

<論 文>

Wiebe 의 燃燒函數에 의한 디이젤機關의 燃燒와 性能의 解析

李盛魯* · 宮本 登** · 村山 正** · 盧相舜***

(1985 年 2 月 18 日接受)

Analysis of Combustion and Performance of Diesel Engine
by Wiebe's Combustion Function

Sung-Ro Lee, Nobori Miyamoto, Tadaci Murayama and Sang-Soon Ro

Key Words: Heat Release Rate(熱發生速度), The Rate of Pressure Increasing(壓力上昇速度)
Constant Volume Ratio(定積度), The Ratio of Premixed Combustion(豫混合燃燒率), Combustion Property(燃燒特性值)

Abstract

To investigate the combustion phenomena in the diesel engine combustion chamber modified Wiebe's combustion function, considering the heat release curve as a combination of premixed and diffusive portion, was used and chamber pressure during combustion was estimated by simulating the heat release curve.

General purpose computer codes were developed to analyze the effect of various parameters on the diesel engine performance. Followings are the results of the analysis:

- (1) Found the effect of premixed ecombustion rate, compression ratio increase and reducing combustion period on the thermal efficiency and maximum pressure increase rate.
- (2) Found the optimum heat release rate curve with minimizing the maximum pressure increase rate and maximum combustion pressure but without sacrificing the thermal efficiency.

1. 序 論

內燃機關의 着火運轉에 있어서 燃燒室內의 壓力經過가 熱發生速度에 의하여 決定되는 것은 말할 나위도 없나. 따라서 指壓線圖를 解析함으로서 燃燒가 어떠한 過程를 거쳐 이루어지고 있나를 判斷할 수가 있다. 이미 村山等은 2 개의 Wiebe의 燃燒函數의 重合에 의해 디이젤機關에 있어서 熱發生速度의 函數近似를 행하고 曲線을 구성하는 6 個變數의 值에 의하여 燃燒의 諸特性의 記述을 행하고 있다^(1,2).

本研究에서는 Wiebe의 函數를 구성하는 變數를 任意로 바꾸면서 發生速度 및 指壓線圖의 形狀, 그리고 機關運轉條件 및 燃燒函數를構成하는 諸變數가 機關의 諸性能值에 대하여 미치는 영향을 數值實驗을 통하여 調査하고, 그相互關係를 定量的으로 밝혀 보았다.

그結果豫混合燃燒率 및 壓縮比의 增加 또는 燃燒期間의 短縮이 熱效率 및 最大의 壓力上昇速度等에 대하여 미치는 効果外에 熱效率를 低下시키지 않고 最大的 壓力上昇速度 또는 最大壓力을 低下시키기 위한 燃燒率形狀에 대한 指針에 대해서도 診斷할 수가 있었다.

* 正會員, 忠南大學校 工科大學 機械工學科

** 日本北海道大學 工學部 機械工學科

***正會員, 全北大學校 工科大學 機械工學科

2. 計算方法

우선 最初에 실린더내의 熱平衡을 생각하면 다음식

이) 成立한다.

$$\begin{aligned} C_{PI} T_I G_I' + C_{PE} T_E G_E' + Q_B' - Q_C' \\ = (GC_v T)' + PV' \end{aligned} \quad (1)$$

단, '는 크랭크角度 θ 에 대한 微分을 表示한다.

C_{PI}, C_{PE} ; 실린더내에 流入 및 流出하는 가스의 定壓比熱 J/kg·K
 G_{PI}, G_{PE} ; 실린더내에 流入 및 流出하는 가스의 重量 kg/ $^{\circ}\text{CA}$

Q_B' ; 燃燒率 J/ $^{\circ}\text{CA}$

Q_C' ; 燃燒室內의 損失熱量 J/ $^{\circ}\text{CA}$

G ; 실린더내의 가스의 重量 kg

C_p ; 실린더내의 定積比熱 J/kg·K

P ; 실린더내의 가스壓力 Pa

V ; 실린더내의 體積變化 m 3 / $^{\circ}\text{CA}$

完全가스의 狀態方程式 $PV=GRT$ 를 式에 代入하면 다음과 같은 P 에 대한 微分方程式이 얻어진다. 즉

$$\begin{aligned} P' + \kappa PV'/V = & \{(\kappa-1)/V\} (Q_B' - Q_C' \\ & + C_{PI} T_I G_I' + C_{PE} T_E G_E') \end{aligned} \quad (2)$$

식 (2)에 의해 실린더내의 壓力經過 $P(\theta)$ 가 구하여지는 데, 여기에서 比熱比 κ 는 谷下⁽³⁾의 式을 使用하여 計算했다. 한편 실린더내의 平均가스溫度는 $T=PV/MR$ 로 구하여 지고, M 는 실린더내 動作가스의 몰(mol)數로, 一般가스定數는 $R=8314.3 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ 이다.

다음에 燃燒室壁과 가스사이의 傳達熱量 Q_C' 는 다음 式으로 구하여 진다.

$$Q_C' = \alpha F(T - T_w) \text{ J}/^{\circ}\text{CA} \quad (3)$$

여기에서, 热傳達係數 α J/m 2 kh는 G. Woschni⁽⁴⁾의 式을 使用하여 구하고, 燃燒室壁溫度는 $T_w=523 \text{ K}$ 로 가정했다. 또 F 는 傳達面積 m 2 이다.

热發生速度의 函數近似는 많은 研究例가 있으나^(5~9) 初期의 急激한 發熱 및 多樣한 热發生速度의 近似에는 미흡하다고 생각되어 本研究에서는 豊混合燃燒部分과 擴散燃燒部分에 같은 函數形態인 Wiebe의 燃燒函數의 重合에 의한 近似函數를 이용했다. 여기에서 사용한 Wiebe의 燃燒函數는 시간에 따른 燃燒過程을 다음과 같이 모델화한 것이다.

$$x = 1 - \exp \left\{ -6.9 \left(\frac{t}{t_z} \right)^{M-1} \right\} \quad (4)$$

여기에서 x 는 임의의 燃燒經過期間 t 에 있어서의 燃料量에 대한 燃燒比率, t 는 임의의 燃燒期間(sec), t_z 는 全體의 燃燒期間(sec), M 는 燃燒特性值이다.

식 (4)에 있어서 時間을 크랭크角度로 바꾸고 積分하면, 燃料의 燃燒에 의한 热發生量은 다음과 같다.

$$\int_0^\theta dQ / d\theta = Q_T \left[1 - \exp \left\{ -6.9 \left(\frac{\theta}{\theta_z} \right)^{M+1} \right\} \right] \quad (5)$$

여기에서 Q_T 는 總熱發生量(J), θ_z 는 全體의 燃燒期間($^{\circ}\text{CA}$), θ 는 임의의 燃燒期間($^{\circ}\text{CA}$)이다.

따라서 热發生速度는 다음식으로 구하여 진다.

$$\begin{aligned} \frac{dQ}{d\theta} &= \frac{d}{d\theta} \left[Q_T \left\{ 1 - \exp \left\{ -6.9 \left(\frac{\theta}{\theta_z} \right)^{M+1} \right\} \right\} \right] \\ &= 6.9 \frac{Q_T}{\theta_z} (M+1) \left(\frac{\theta}{\theta_z} \right)^M \exp \left\{ -6.9 \left(\frac{\theta}{\theta_z} \right)^{M+1} \right\} \end{aligned} \quad (6)$$

그런데 디이젤기관의 燃燒에 있어서는 디이젤기관 특유의 燃燒初期의 急激한 豊混合燃燒가 지배적이라고 생각되는 初期燃燒部分과 비교적 완만한 擴散燃燒가 지배적이라고 생각되는 後期燃燒部分의 2 단계의 燃燒를 행하는 것이一般的으로 式 (6)만으로는 精度높은 热發生速度의 近似가 곤란하다고 생각되어, 디이젤기관의 燃燒는 豊混合燃燒部分과 擴散燃燒部分으로構成되고 이 2 개의 燃燒는 着火와 동시에開始된다고 하는 2 가지의 가정하에서 热發生速度의 函數近似는 다음과 같이 유도하였다.

$$\begin{aligned} \frac{dQ}{d\theta} &= 6.9 \frac{Q_p}{\theta_p} (M_p+1) \left(\frac{\theta}{\theta_p} \right)^{M_p} \exp \left\{ -6.9 \left(\frac{\theta}{\theta_p} \right)^{M_p+1} \right\} \\ &+ 6.9 \frac{Q_d}{\theta_d} (M_d+1) \left(\frac{\theta}{\theta_d} \right)^{M_d} \exp \left\{ -6.9 \left(\frac{\theta}{\theta_d} \right)^{M_d+1} \right\} \end{aligned} \quad (7)$$

여기에서 $dQ/d\theta$ 는 燃燒에 의해 發生한 热量의 時間比率로서 定義되는 热發生速度(MJ/Kmol $^{\circ}\text{CA}$), 添字 p 와 d 는 豊混合燃燒 및 擴散燃燒를 表示한다.

식 (7)에 의한 热發生速度의一般的한 모델은 Fig. 1과 같이 表示된다. 式 (7)에 의해 热發生速度는 $Q_p, Q_d, \theta_p, \theta_d, M_p$ 및 M_d 의 6 개의 變數에 의해 모델화되는데, 이때, $Q_p + Q_d = Q_T$ 이기 때문에, Q_T 가 주어지면 變數는 5 개로 減少된다. 本計算에서는 平常한 運轉條件下에서 거의 一定值를 취할 수 있는 3 개의 變數,

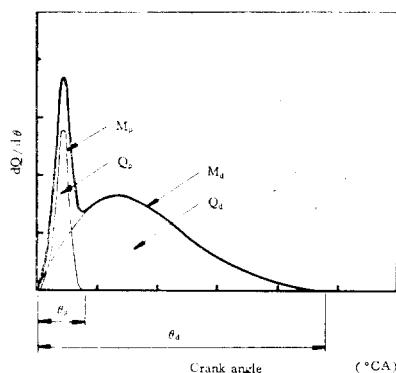


Fig. 1 Approximation model for the rate of heat release by Wiebe's function

즉 $M_p = 3.0$, $M_d = 0.9$ 및 $\theta_d = 7.0$ 으로 가정하여⁽²⁾, 豊混合燃燒率 $\alpha = Q_p/Q_T$ 와 θ_d 에 대하여 주로 考察하기로 하였다. 역시 대개의 경우에 壓縮比 $\epsilon = 20.6$, 回轉數 $n = 2000$ rpm, 總發熱量 $Q_T = 50$ MJ/Kmol一定으로 하여, 크랭크角度의 0.1°CA 마다 計算했다. 機關諸元으로서는 Bore \times Stoke $= 102 \times 106$ mm, Stroke Volume $= 860\text{cc}$ 的 豊燃燒室式 4 사이클 水冷單氣筒 디이젤機關을 想定했다.

3. 解析結果 및 考察

3.1. 豊混合燃燒率 α 의 影響

Fig. 2는 燃燒期間 $\theta_d = 70^\circ\text{CA}$ 및 着火時期 $\theta_{ig} = -10^\circ\text{CA}$ 一定으로 하여, α 를 變數로 한 경우의 실린더 내의 壓力經過 $P(\theta)$ 및 熱發生速度曲線을 表示한 것이다.

또 Fig. 3에는 $\theta_d = 60^\circ\text{CA}$ 로 한 경우의 着火時期에 대한 機關諸性能值와의 關係에 대하여 α 를 變數로 하여 表示하였다. 그림에 있어서 圖示熱効率 η_i 의 最大値는 α 에 의해서는 근소한 變化가 보이나 η_i 가 最大로 되는 着火時期는 α 의 增大에 의하여 지연되는 경향이 보여진다. 이것은 α 의 增大에 의해 熱發生速度曲線의 重心點이 前方으로 移動하기 때문이다. 또 燃燒最高의 壓力上昇速度 $(dP/d\theta)_{max}$ 는 α 의 增大에 의해 또 着火時期의 前進에 의해 着火時期 $\theta_{ig} = -10^\circ\text{CA}$ 부근에서는 대폭적으로 上昇하는데, 더욱 着火時期를 前進시키면, 반대로 減少하는 경향을 나타낸다.

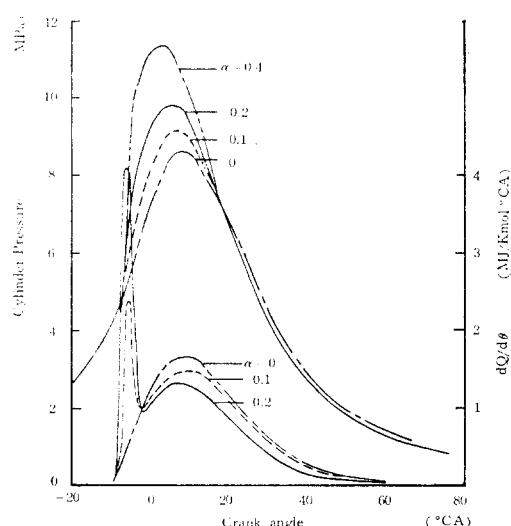


Fig. 2 Influence of α on $P(\theta)$ and $dQ/d\theta$ ($\theta_d = 70^\circ\text{CA}$)

된다. 이것은 着火時期가 前進됨에 의하여 실린더내의 體積 V 가 크게 되기 때문이다.

定積度, 즉 壓縮比가 一定한 경우 임의의 燃燒狀態에서의 热効率과 定積燃燒를 행한 경우의 理論熱効率과의 比率 η_{eff} , 역시 α 의 增大에 따라 增加하고, 定着度가 最大로 되는 着火時期는 α 의 減縮에 따라 前進하는 경향이 있다. 이는 热發生速度曲線에 의한 面積의 中心點이 α 의 減縮에 따라 後方으로 移動하기 때문이다.

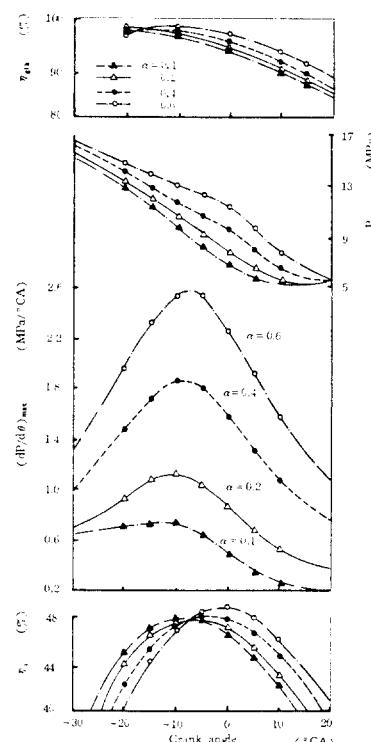
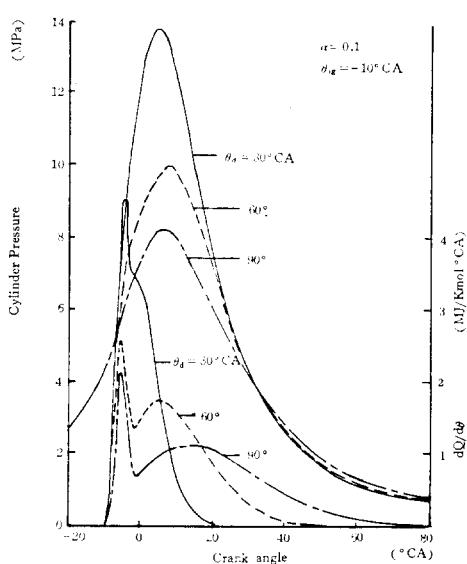
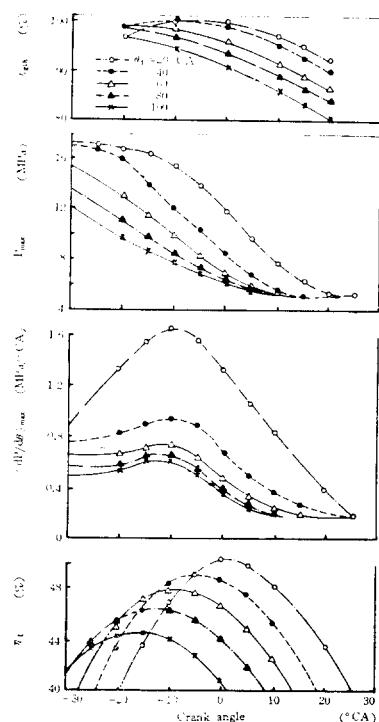


Fig. 3 Relation between α and engine performance ($\theta_d = 60^\circ\text{CA}$)

3.2. 擴散燃燒期間 θ_d 의 影響

Fig. 4는 豊混合燃燒率 α 와 着火時期 θ_{ig} 를 一定하게 하여 θ_d 를 變數로 한 경우의 실린더내의 壓力經過 및 热發生速度等의 變化를 나타낸 것이다.

Fig. 5는 Fig. 4와 같은 條件으로 着火時期에 대한 機關諸性能值 즉 η_{eff} , P_{max} , $(dP/d\theta)_{max}$ 및 η_i 를 나타낼 것이다. 예상한 바와 같이 燃燒期間 θ_d 는 热發生速度曲線의 形態에는 큰 영향을 미치지 않지만, 機關의 出力性能 특히 圖示熱効率에 대하여 큰 영향을 미

Fig. 4 Influence of θ_d on $P(\theta)$ and $dQ/d\theta$ Fig. 5 Relation between θ_d and engine performance ($\alpha=0.1$)

치는 特性值을 알 수 있다. 그림에서 보는 바와 같이 θ_d 의 短縮에 의해 η_i 는 대폭적으로 改善된다. 그러나 θ_d 를 極度로 短縮하여, 60°CA 以下로 되면 最大的

熱發生速度 $(dQ/d\theta)_{max}$ 가 대폭적으로 增加하고, 그에 따라 P_{max} 와 $(dP/d\theta)_{max}$ 도 대폭적으로 上昇하게 된다. 예컨대 $\theta_d=60^\circ \text{CA}$ 와 20°CA 의 2개의 경우를 比較하면 후자는 전자에 비해 $(\eta_i)_{max}$ 가 2.5% 改善되는 데, P_{max} 는 28.2%, $(dP/d\theta)_{max}$ 는 66.7% 程度 增加하여 燃燒는 急激하여 진다.

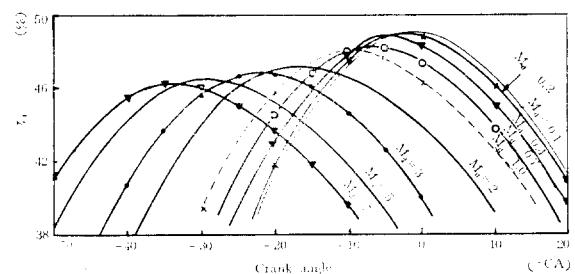
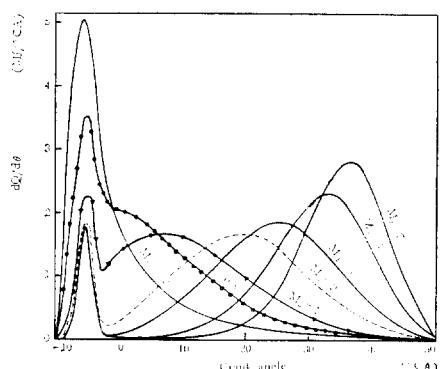
定積度 $\eta_{i\star}$ 는 θ_d 의 短縮에 의해 增加하고 定積度가 最大로 되는 着火時期는 θ_d 의 增大에 따라 前進하는 경향이 있다.

3.3. 擴散燃燒特性值 M_d 的 影響

Fig. 6 은 $\alpha=0.1$, $\theta_d=60^\circ \text{CA}$ 一定으로 하여, 热效率最大일 때의 着火時期에 對한 擴散燃燒特性值 M_d 와 热效率과의 關係를 나타낸 것이다. M_d 는 式 (5)에서 定義된 것으로서 $M_d=0.1 \sim 0.2$ 附近에서 热效率이 最大値를 나타내고, M_d 的 增加에 따라 점차 減少하는 傾向이 있다.

한편 Fig. 7 은 $\alpha=0.1$, $\theta_d=60^\circ \text{CA}$ 一定인 경우의 M_d 와 热發生速度와의 關係를 나타낸 것이다.

또 Fig. 8 은 $\alpha=0.1$, $\theta_d=60^\circ \text{CA}$ 一定으로 하여, 热

Fig. 6 Relation of $\theta_{i\star}$ and η_i for combustion property M_d
[$\theta_d=60^\circ \text{CA}$, $\alpha=0.1$, $\theta_{i\star}$ of $(\eta_i)_{max}$]Fig. 7 Relation of $\theta_{i\star}$ and $dQ/d\theta$ for combustion property M_d
($\theta_d=60^\circ \text{CA}$, $\alpha=0.1$, $\theta_{i\star}=-10^\circ \text{CA}$)

効率最大일 때의 크랭크角度에 있어서 M_d 에 對한 機關性能値를 나타낸 것이다. 이 경우에는 M_d 의 減縮에 따라 热效率은 上昇하나 最大壓力 및 最大의 壓力上昇速度가 增加하는 傾向이 있다.

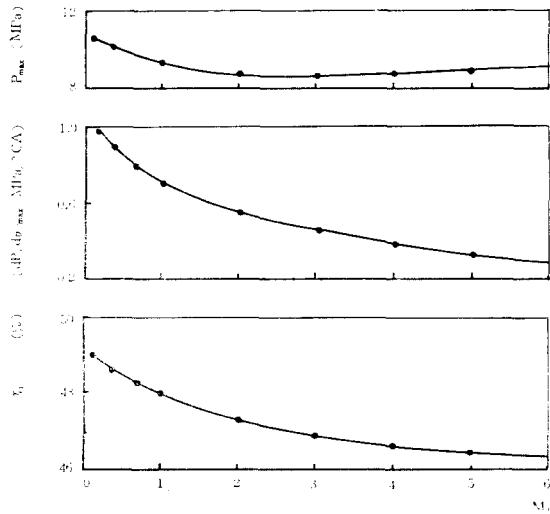


Fig. 8 Influence of M_d on thermal efficiency $(dP/d\theta)_{\max}$ and P_{\max} [$\alpha=0.1$, $\theta_d=60^\circ\text{CA}$, $\theta_{ig}=-10^\circ\text{CA}$] of $(\eta_i)_{\max}$

3.4. 負荷 Q_T 的 影響

Fig. 9 및 10에는 각各 負荷를 變數로 하여 $\alpha=0.1$, $\theta_d=70^\circ\text{CA}$, $\theta_{ig}=-10^\circ\text{CA}$ 의 條件下에서 구한 指壓線圖와 热發生速度曲線 그리고 負化變化에 對한 機關諸性能値를 나타낸 것이다. 그림으로 부터 알 수 있듯이 P_{\max} 및 $(dP/d\theta)_{\max}$ 는 負荷 Q_T 에 의해 直線的으로 增加하는데, η_i 는 $Q_T=40\sim50\text{MJ/Kmol}$ 附近에서 最大值를 취한다. 또 Q_T 가 20 MJ/Kmol以下로 되면 η_i 는 대폭적으로 減少한다.

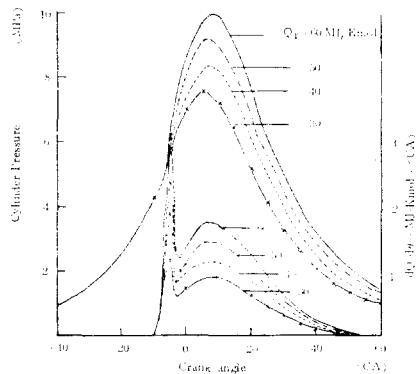


Fig. 9 Influence of Q_T on $P(\theta)$ and $dQ/d\theta$ [$\alpha=0.1$, $\theta_d=60^\circ\text{CA}$]

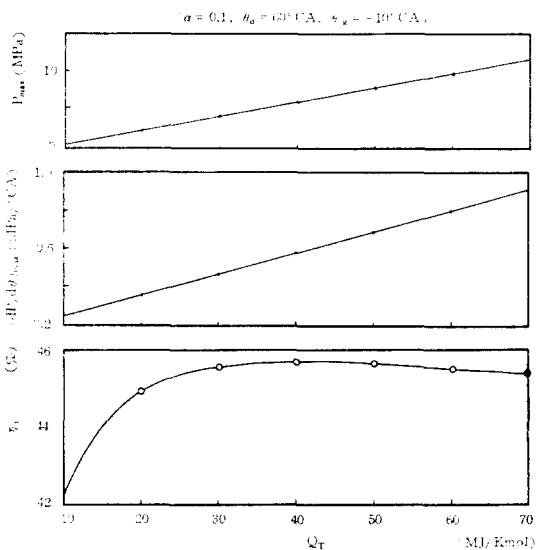


Fig. 10 Relation Q_T and engine performance

3.5. 壓縮比 ϵ 的 影響

Fig. 11은 $\alpha=0.1$, $\theta_d=70^\circ\text{CA}$, $\theta_{ig}=-10^\circ\text{CA}$ 一定의 條件下에서 壓縮比 ϵ 을 12, 15, 18, 20.6으로 바꿀 때의 실린더내의 壓力經過 $P(\theta)$ 와 热發生速度 $dQ/d\theta$ 를 나타낸 것이다. 이 경우 壓縮比 ϵ 이 變化해도 曲을 實線으로 나타낸 热發生速度曲線은 一定하다.

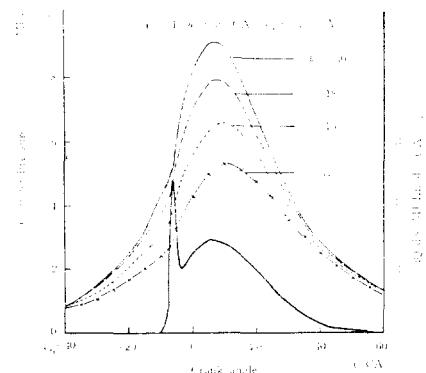


Fig. 11 Influence of compression ratio on $P(\theta)$ and $dQ/d\theta$

또 Fig. 12는 ϵ 을 變數로 하여 着火時期에 對한 機關諸性能値를 表示한 것이다. η_i 는 ϵ 의 增加에 따라 向上하는데, 어느 壓縮比에 있어서도 $\theta_{ig}=-10^\circ\text{CA}$ 附近에서 그 最大値가 얻어지고 있다.

한편 P_{\max} 및 $(dP/d\theta)_{\max}$ 에 對해서도 ϵ 과 함께 增

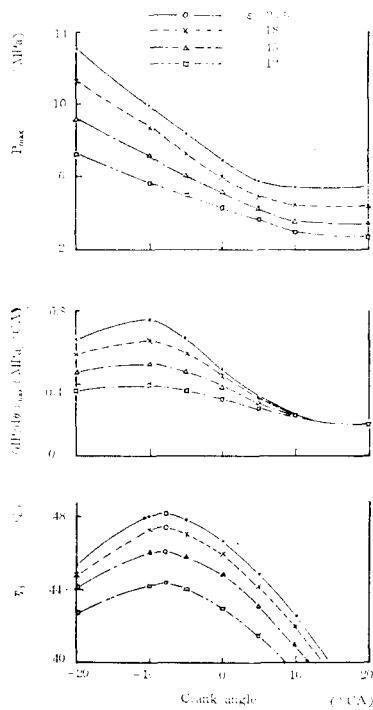


Fig. 12 Relation between compression ratio and engine performance

加하는데, 특히 $(dP/d\theta)_{\max}$ 는 $(\eta_i)_{\max}$ 附近에서 最大가 됨을 알 수 있다. 着火時期 즉 $\theta_{i*} = -10^\circ \text{CA}$ 附近에서 Fig. 3과 마찬가지로 最大值를 表示하는 것을 알 수 있다.

3.6. 豫混合燃燒率 α 및 燃燒期間 θ_d 와 機關諸性能值와의 相互關係

Fig. 13은 α 및 θ_d 와 $(\eta_i)_{\max}$ 와의 相互關係를 表示한 것이다. 그림에서 밝혀지는 바와 같이, θ_d 의 減少 또는 α 의 增大에 의하여 $(\eta_i)_{\max}$ 는 增加하는데, 특히 θ_d 가 큰 경우에 있어서 $\alpha=0.2$ 附近에서 $(\eta_i)_{\max}$ 는 最少值를 表示하는 傾向이 보여 진다. 이것은 α 의 減少에 따른 θ_d 의 增加에 있어서 冷却損失의 減少外에 定積度가 增加했기 때문에 생긴 現象이다. 또 $\alpha=0.1$ 附近에서 보면, θ_d 를 100°CA로 부터 60°CA 까지 40°CA 短縮됨으로서 η_i 는 4% 程度의 增加가 보여지는데, 60°CA로 부터 20°CA 까지 短縮시켜도 2% 程度의 增加밖에 얻어지지 않는다. 한편 α 에 관해서는 θ_d 가 클 때에는 α 의 增大에 의해 $(\eta_i)_{\max}$ 가 크게 增加하는데, θ_d 가 적을 때는 약간의 增加가 보일 뿐이다. 예컨대 $\theta_d=60^\circ \text{CA}$ 的 경우에 α 를 0.0으로 부터 0.6 까지 變化시

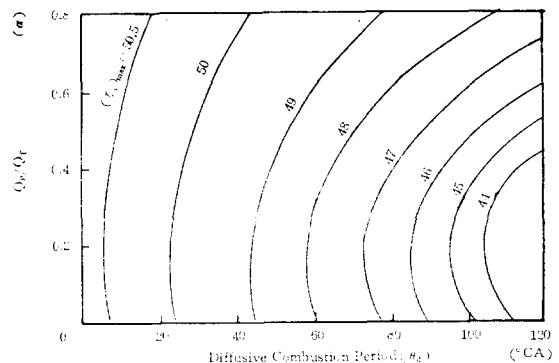


Fig. 13 Relation between α , θ_d and thermal efficiency

켜도, 이에 의해 얻어지는 效率의 增加는 1% 程度이다. 이들은 어느 경우에도 θ_d 의 短縮 또는 α 의 增大에 의한 定積度의 增加의 程度가 減少함과 同時に 冷却損失增加의 比率이 크게 되기 때문이라고 생각한다.

Fig. 14는 $\eta_i=44\%$ 一定의 경우에 있어서 α 와 θ_d 와 P_{\max} 및 $(dP/d\theta)_{\max}$ 와의 關係를 表示한 것이다. 즉 α 가 크게 될수록 P_{\max} 와 $(dP/d\theta)_{\max}$ 가 共히 增加하는 外에 α 를 一定으로 하면 P_{\max} 와 $(dP/d\theta)_{\max}$

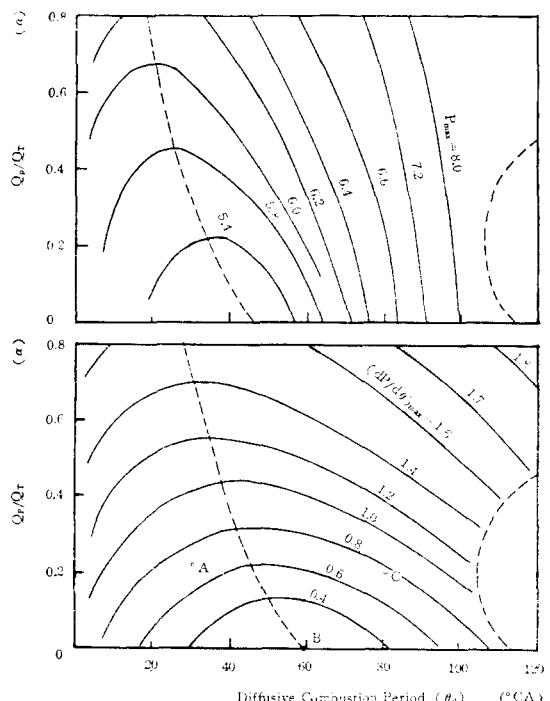


Fig. 14 Relation between α , θ_d and thermal efficiency under the constant of thermal efficiency ($\eta_i=44\%$)

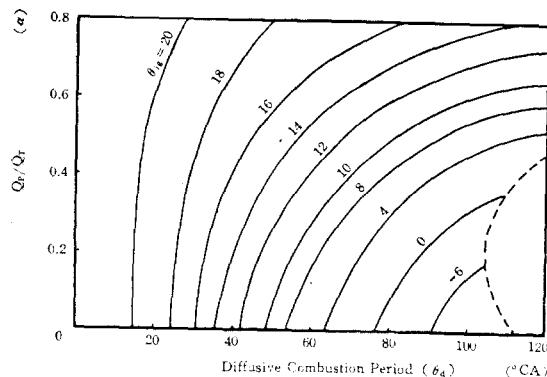


Fig. 15 Relation between α , θ_d and ignition timing under the constant of thermal efficiency ($\eta_i = 44\%$)

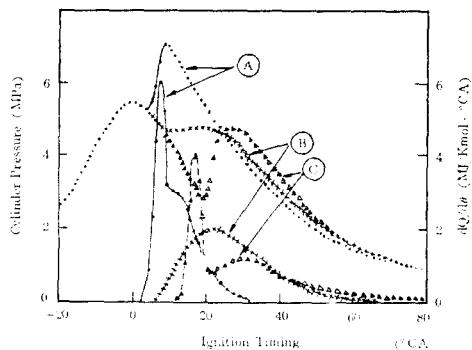


Fig. 16 Optimum rate of combustion in terms of $(dP/d\theta)_{\max}$ under the Constant thermal efficiency ($\eta_i = 44\%$)

가 最少로 되는 θ_d 가 存在하는 것을 알 수 있다. 즉, 그림 중의 點線은 P_{\max} 와 $(dP/d\theta)_{\max}$ 를 最少로 억제하기 위한 θ_d 를 表示한 것이다. 한편 Fig. 15 는 $\eta_i = 44\%$ 에 있어서의 α 및 θ_d 와 $\theta_{i.e.}$ 와의 關係를 表示한 것인데, 그림으로부터 α 的 增加 또는 θ_d 的 短縮에 따라 $\theta_{i.e.}$ 가 遲延되는 것이 分明하다.

역시 Fig. 16 은 Fig. 14 에 있어서의 $(dP/d\theta)_{\max}$ 的 最少值를 나타낸 點 B 的 경우 즉 $\alpha=0.0$, $\theta_d=60^{\circ}\text{CA}$ 的 热發生速度를 다른 再形的인 A 點과 C 點의 热發生速度와 比較한 線圖이다. 그림으로 부터 $\alpha=0.0$, $\theta_d=60^{\circ}\text{CA}$ 에 있어서는 매우 원활한 指壓線圖가 얻어지고 있는 것을 알 수 있다.

4. 結論

Wiebe 的 燃燒函數에 의하여 豊燃燒室式 디이젤機關의 燃燒室內의 燃燒狀態를 豊混合燃燒部分과 擴散燃燒部分으로 나누어 燃燒室內의 壓力變化의 豊測이 可能

하고 디이젤機關의 機關性能에 미치는 여려가지 物理的 變數의 影響에 關하여 數值實驗이 可能한 汎用프로그램을 개발하여 解析한 主要結果는 다음과 같다.

(1) 豊混合燃燒率의 增大 또는 燃燒期間의 短縮에 의해 圖示熱效率은 改善되고, 最大壓力 및 最大의 壓力上昇速度는 대폭적으로 上昇한다. 역시 兩者가 热效率의 改善에 미치는 効果는 燃燒期間이 短縮될수록 減少한다.

(2) 一定條件下에서의 負荷의 增加에 따라 最大壓力 및 最大의 壓力上昇速度는 거의 直線적으로 上昇한다.

(3) 壓縮比의 增大에 의해 圖示熱效率, 最大壓力 및 最大의 壓力上昇速度는 거의 같은 比率로 上昇한다.

(4) 热效率一定으로 最大의 壓力上昇速度를 減少시키는 데는 α 的 減少가 効率的이다. 한편 θ_d 에는 最適의 값이 存在한다.

本 計算에 있어서는 北海道大學의 大型計算機센터를 利用했다.

參 考 文 獻

- (1) 村山 正 等, 低壓縮比ディーゼル機關に關する研究(第3報), 日本機械學會論文集, 第38卷 第308號, pp. 865~875, 1972
- (2) 宮本 登 等, ディーゼル機關의 定常および加速運轉におけるアルミニウムブレンド燃料での性能と燃焼特性, 日本内燃機關講演論文集, pp. 265~270, 1984
- (3) 谷下, 工業熱力學應用編, p. 45, 裳華房, 1976
- (4) G. Woschni, Reitrag Zum Problem des Wärmeüberganges im Verbrennungsmotor, MTZ, 26-4, p. 128, 1964
- (5) A. Austen & W.T. Lyn, Relation between Fuel Injection and Heat Release in a D-I-Engine and the Nature of the Combustion Process, PIME, No. 1, 1960
- (6) Tanasawa, On the Combustion Rate of a Group of Fuel Practicles, Tech Rep. Tohoku Univ., p. 61 1953
- (7) 金岡, CFR 機關による有効熱發生率について, 内燃機關, Vol. 10-9.
- (8) 立石又二外, 簡内燃發生率の近似法について, 日本機械學會 九州支部講演論文集, No. 708-2, p. 9 1975
- (9) 松岡, ディーゼル機關의 热發生率에 对する研究, 日本機械學會講演論文集, No. 710-5, p. 145, 1971