

2相 流動에서의 熱傳達(Ⅱ)

—Post-Dryout 領域—

李 永 煥

〈韓國에너지研究所〉

1. 序 論

앞서* 언급된 바와 같이 熱傳達領域은 臨界熱流束點(CHF)을 기준으로 pre-CHF 領域과 post-CHF 領域의 두가지로 대별된다. Post-CHF 領域에 해당하는 熱傳達에는 遷移沸騰熱傳達과 膜沸騰熱傳達이 있으며 遷移沸騰은 CHF點과 最小膜沸騰點 사이에서 일어나는 現象으로 核沸騰과 膜沸騰이 조합된 熱傳達 機構에 해당하고 膜沸騰은 加熱表面이 안정된 蒸氣膜에 의해 덮여 있는 상태의 熱傳達 機構에 속한다. 前稿에서는 pre-CHF 와 CHF 熱傳達 領域의 특성을 살펴 보았고 本稿에서는 遷移沸騰과 最小膜沸騰溫度 및 膜沸騰에서의 熱傳達 相關式의 특성을 살펴 보 고자 한다.

2. 遷移沸騰 熱傳達

2.1. 熱傳達 機構

遷移沸騰은 그림 1에서 보는 바와 같이 核沸騰 熱傳達 領域과 膜沸騰 熱傳達 領域 사이에서 일어나는 過渡現象으로 臨界 熱流束點과 最小膜沸騰點 사이에서 核沸騰과 膜沸騰이 동시에 일어나는 불안정한 熱傳達 領域이다.

2.2. 遷移沸騰 相關式

이 相關式들은 일반적으로 遷移沸騰 熱流束이 臨

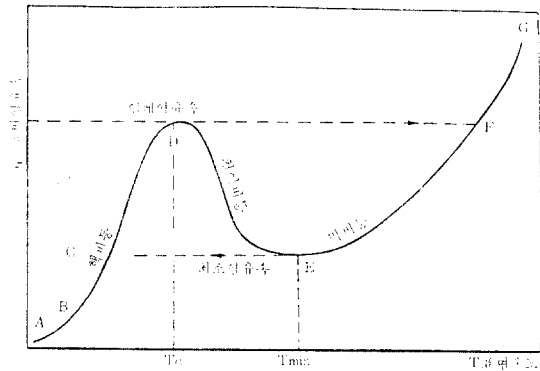


그림 1 비등곡선

界 熱流束과 最小 膜沸騰 熱流束 및 加熱面 溫도의 函數로 표시되며 크게 3가지 유형의 相關式으로 나누어 진다.

(1) 沸騰-對流 相關式

遷移沸騰 領域에서의 熱傳達을 核沸騰과 膜沸騰에 의한 熱傳達의 疊으로 생각하는 方法으로 熱傳達 相關式은 일반적으로

$$h = h_b + h_c \quad (1)$$

의 형태로 표시되며 이때의 h_b 는 沸騰成分의 熱傳達係數 h_c 는 對流에 의한 熱傳達 係數이다.

h_b 의 一般적 형태는 壁溫도와 飽和溫도의 차 ΔT_{sat}^n 의 函수로 아래와 같이 표시된다.

$$h_b = A \cdot \exp(-B \cdot \Delta T_{sat}^n) \quad (2)$$

여기서 A, B, n 는 常數이며 相關式의 특성에 따라 $Q_{CHF}, \Delta T_{CHF}, P$ 의 函수로 표시되기도 한다. 상수 A, B 가 갖는 물리적 의미는 遷移沸騰 熱

* 大韓機械學會誌 第23卷 第6號, pp. 419~426

2相 流動에서의 熱傳達(II) ◻

流束의 최대값이 臨界 熱流束과 일치하도록 하며 一定溫度에서 流體가 가열면에 접촉하는 평균시간 또는 어느 순간에서의 평균 접촉 면적을 기준으로 熱傳達率을 나타내도록 실험에 의해 정하게 된다.

h_c 는 蒸氣와 加熱面사이의 對流에 의한 熱傳達率이며 Tong⁽¹⁾에 의해 제창된 Re 및 Pr -무차원수의 함수로 보는 相關式

$$h_c = f(X_e \cdot D_e \cdot \mu \cdot k) Re^a Pr^b \quad (3)$$

과 Hsu⁽²⁾에 의한 Bromley 相關式⁽³⁾의 형태를 갖는 식

$$h_c = f\left(\frac{H_{fg} \rho_s \cdot g \cdot \Delta \rho \cdot k^3}{\Delta T \cdot \mu_s \cdot L}\right) \quad (4)$$

이 사용되고 있다. 저압의 경우에는 복사열의 영향을 고려한 相關式이 Tong에 의해 개발 되었으며 이 相關式들은 표 1에 수록되어 있다.

(2) 現象學的 相關式

이 相關式은 遷移沸騰의 熱傳達現象을 液體-

加熱面 및 蒸氣-加熱面の 접촉 면적의 比의 變化에 따라 表現한 式이다. 즉 蒸氣와 液體가 加熱面に 접촉하는 면적비를 각각 a_{dry}, a_{wet} 라 하면

$$a_{dry} + a_{wet} = 1 \quad (5)$$

이 성립되며 總熱流束 Q_{total} 은

$$Q_{total} = a_{wet} \cdot q_{CHF} + a_{dry} \cdot q_{min} \quad (6)$$

표 2 Tong-Young 상관식

Tong-Young	$q = q_{TB} + q_{FB}$
	$q_{TB} = q_{CHF} a_{wet}$
	$a_{wet} = e^{-f}(X, \Delta T_{sat}, q_{total}, G)$
	$f = \frac{0.001X^{\frac{3}{2}}}{\left(\frac{q_{total}}{GH_{fg}}\right)\left(\frac{A}{D_e}\right)} \left(\frac{\Delta T_{sat}}{100}\right)^{(1+0.0016J^{*T_{sat}})}$
	$q_{FB} = 0.04487 \cdot K_g^{0.4376} Pr_s^{0.2370} Re_f [0.6004 + 0.2456 \ln(1+X)]$
	$\frac{D_e^{0.7842}(1+X)^{2.59028}}{\Delta T_{sat}}$

로 表現된다. 이때에 a_{wet} 는 그 값이 ΔT 와 氣泡率의 증가에 따라 점근적으로 零에 수렴한다고 가정하여 지수함수로 보통 表現된다. 즉

$$a_{wet} = \exp[-f(\Delta T, \alpha)] \quad (7)$$

표 2에 주어진 바와 같이 Tong-Young⁽⁴⁾에 의해 제안된 相關式은 이러한 특성을 잘 나타내고 있다.

(3) 實驗相關式

이 相關式은 (1)(2)항의 相關式과는 달리 遷移沸騰의 물리적 특성보다는 주어진 조건의 實驗데이터와 가장 잘 맞도록 커브 피팅(curve fitting)하여 얻어진 식이다. 표 3에는 지금까지 알려져 있는 實驗相關式을 수록하였다. 표 3에서 Ellison⁽⁵⁾의 相關式은 1~4 기압 사이의 실험데이터를 바탕으로 表面過熱度 ΔT_s 만의 함수로 表現되어 있으며 McDonough⁽⁶⁾의 相關式은 高壓인 56~140 기압 사이의 실험데이터를 중심으로 壓力에 대해 指數函數로 표시되어 있어 저압인 경우 잘 맞지 않는다. Berenson⁽⁷⁾은 푸울沸騰實驗을 통해 遷移沸騰 熱流束은 對數座標에서 臨界 熱流束點과 最小 膜沸騰點을 잇는 직선으로 나타낼 수 있다고 주장하였다. 곧

표 1 비등-대류상관식

Tong	$h_{TB} = 7000 \exp(-0.008 \Delta T_{sat})$ $+ 0.023 \frac{K_f}{D_e} \exp\left[-\frac{190}{\Delta T_{sat}}\right] \left[\frac{C_p \mu}{K}\right]^{0.4}$ $\left\{\frac{D_e G}{\mu_f} \left[X \frac{\rho_f}{\rho_s} + (1-X) \frac{\rho_f}{\rho}\right]\right\}^{0.8}$ * 50~100 atm * lb-ft 단위
Hsu	$h_{TB} = 9000 \exp(-0.0054 \Delta T_{sat})$ $+ 0.023 \frac{K_f}{D_e} \left\{\frac{D_e G}{\mu_f} \left[X \frac{\rho_f}{\rho_s} + (1-X) \frac{\rho_f}{\rho}\right]\right\}^{0.8} \left[\frac{\mu C_p}{K}\right]^{0.4}$ $+ 1.73 \times 10^{-9} \left[\frac{1-0.6\alpha}{1.25-0.15\alpha}\right]$ $\left[\frac{T_w^4 - T_{sat}^4}{T_w - T_{sat}}\right]$ * 1~5 atm * lb-ft 단위
Hsu	1. $h_{TB} = 1456 P^{0.558} \exp(-3.758 \times 10^3 P^{0.1733} \Delta T_{sat})$ $+ 0.62 \left\{\frac{g K_s^3 \rho_s (\rho_1 - \rho_s) h_{fg}}{\Delta T_{sat} \mu_s} \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g(\rho_1 - \rho_s)}{\sigma}}\right\}^{1/4}$

2相 流動에서의 熱傳達(II) ◆

표 4 최소 막비등 온도 상관식(수력학적 모델)

방	정	식	참 고
Berenson		$(\Delta T)_{\min} = 0.127 \frac{H_{f\kappa}}{k_{ef}} \left[\frac{g(\rho_l - \rho_g)}{\rho_l + \rho_g} \right]^{2/3} \left[\frac{g_0 \sigma}{g(\rho_l - \rho_g)} \right]^{1/2} \left[\frac{\mu_f}{g_0(\rho_l - \rho_g)} \right]^{1/3}$	※ ft·lb 단위
Henry		$(\Delta T)_{\min} = (\Delta T)_{\min, B} + [(\Delta T)_{\min, B} - T_1]$ $0.42 \left[\sqrt{\frac{k_1 \rho_l c_1}{k_w \rho_w c_w}} \cdot \frac{H_{f\kappa}}{c_w (\Delta T)_{\min, B}} \right]^{0.6}$ $(\Delta T)_{\min, B}$: Berenson 상관식의 $(\Delta T)_{\min}$	※ft·lb 단위
Hoeje		$(\Delta T)_{\min} = 0.29(\Delta T)_{\min, B}(1 - 0.295X)^{2.45} \{1 + (G \times 10^{-4})^{0.49}\}$	For 40000 < G < 100000 lbm/hr-ft ²

표 5 최소 막비등 상관식(열역학적 모델)

Spiegler, et al	$\frac{T_{\min}}{T_{\text{crit}}} = \frac{27}{32}$
Simon et al	$\frac{T_{\min}}{T_{\text{crit}}} = 0.13 \frac{P}{P_{\text{crit}}} + 0.86 \pm 0.06$
Kalinin, et al.	$\frac{T_{\min} - T_{\text{sat}}}{T_{\text{crit}} - T_L} = 1.65 \left[0.1 + 1.5 \left\{ \frac{(\rho CK)_L}{(\rho CK)_W} \right\}^{0.25} + 0.6 \left\{ \frac{(\rho CK)_L}{(\rho CK)_W} \right\} \right]$
Leinhard	$\frac{T_{\text{Leid}} - T_{\text{sat}}}{T_{\text{crit}}} = \left(1 - \frac{T_{\text{sat}}}{T_{\text{crit}}} \right) - \frac{27}{32} \left[1 - \left(\frac{T_{\text{sat}}}{T_{\text{crit}}} \right)^{5.16} \right]$ $\frac{T_{\text{Leid}} - T_{\text{sat}}}{T_{\text{crit}}} = \left(1 - \frac{T_s}{T_{\text{crit}}} \right) - 0.905 \left[1 - \left(\frac{T_{\text{sat}}}{T_{\text{crit}}} \right)^8 \right]$ (비금속성재료)
Baumeister & Simon	$T_{\text{Leid}} = \frac{27}{32} T_{\text{crit}} \left\{ 1 - \exp \left[-0.52 \left(\frac{10^4 (\rho/A)^{4/3}}{\sigma_{LV}} \right)^{4/3} \right] \right\} - T_L$ $\exp(0.00175 \beta) \operatorname{erfc}(0.042 \sqrt{\beta}) + T_L$

2.35를 결정하였으며

$$a = 2.35 \left[\frac{\mu_f k_{f\kappa} \Delta T}{H_{f\kappa} \rho_{f\kappa} g (\rho_l - \rho_g)} \sqrt{\frac{g_0 \sigma g}{(\rho_l - \rho_g)}} \right]^{1/4} \quad (10)$$

熱傳達 係數 h 의 값은

$$h = \frac{k_{f\kappa}}{a} \quad (11)$$

로서 정의하여 h 를 구하였다.

표 4에는 위와같이 구한 \dot{q}_{\min} 을 h 로 나눈 값 곧 ΔT_{\min} 을 몇가지 표시하였다. Hoeje⁽¹²⁾는 Berenson의 T_{\min} 이 流量과 켈리타의 함수로 표시할 수 있다는 가정하에 식 (12)를 주장하였고

$$\Delta T_{\min} = \Delta T_{\min, \text{Berenson}} \cdot (1 - AX)^n \cdot (1 + BG^m) \quad (12)$$

상수 A ,

B, n, m 을 실험을 통해 결정하였다. 이 밖에 Henry⁽¹³⁾의 상관식은 Berenson의 상관식을 토대로 加熱面과 액체의 접촉 및 접촉면에서의 液體微少境界層의 영향등을 고려하고 있다.

(2) 熱力學的 모델

Spiegler⁽¹⁴⁾는 안정된 膜沸騰이 일어나는 壁溫度는 액체가 過熱될 수 있는 최고온도로 가정하며 이때의 상태는 Van der Waals 방정식으로 계산될 수 있다는 가정하에 狀態量 T_{\min} 을 구하였다. 곧 Van der Waals式

$$P' = \frac{8 T'}{3 \left(V' - \frac{1}{3} \right)} - \frac{3}{(V')^2} \quad (13)$$

$$P' = \frac{P}{P_{\text{crit}}}, \quad V' = \frac{V}{V_{\text{crit}}}, \quad T' = \frac{T}{T_{\text{crit}}}$$

식 (16)과 (17)로 표시된다.

그는 實驗을 통해 c 의 값을 0.62로 정하였으며 垂直管의 경우에도 特性길이 D 를 가열길이로 대치 하므로써 식 (16)을 적용할 수 있다고 주장하였으나 加熱길이의 적용 범위에 대해서는 언급이 되어있지 않다.

Berenson⁽¹¹⁾은 식 (16)에서 特性 길이 D 를 Laplace 계수로 대치 하였고 Sudo⁽¹⁶⁾는

표 6 증기막 환상류 막비등 실험 상관식

Bromley	$h = h_{CON} + 3/4 h_{rad}$ $h_{CON} = 0.62 \left(\frac{k_f^3 g \rho_f (\rho_1 - \rho_f) h'_{f_g}}{D \mu_f \Delta T_{sat}} \right)^{1/4}$ $h_{rad} = \frac{5.67 \times 10^{-8} (T_w^4 - T_{sat}^4)}{\left(\frac{1}{\epsilon_w} + \frac{1}{\epsilon_l} - 1 \right) \Delta T_{sat}}$ $h'_{f_g} = H_{f_g} \left(1 + \frac{0.4 C_p \Delta T_{sat}}{H_{f_g}} \right)^2$
Berenson	$h_{FB} = 0.425 \left\{ \frac{K_f^3 g \rho_f (\rho_1 - \rho_f) h_{f_g}}{\mu_f \Delta T_{sat} \sqrt{g \frac{\sigma}{(\rho_1 - \rho_f)}}} \right\}^{1/4}$
Sudo, Y	<p>a) 포화</p> $h_{csat} = 0.94 \left[\frac{k_f^3 \gamma_f (\gamma_l - \gamma_f) h'_{f_g}}{L \mu_f \Delta T_{sat}} \right]^{1/4}$ <p>b) 亞冷却</p> $h_{csub} = h_{csat} (1 + 0.025 \Delta T_{sat}) + \frac{3}{4} h_{rad}$
Murao, Y	$h = 0.94 \left(\frac{k_f^3 \rho_f \rho_l H_{f_g} g}{L \mu_f \Delta T_{sat}} \right)^{1/4} (1 - \alpha)^{1/4} + E \delta (1 - \alpha)^{1/2} (T_w^2 - T_{sat}^2) / \Delta T_{sat}$ <p>E: 복사율 δ: Stephan-Boltzmann의 상수</p>
Modified Ellion	$h = 0.537 \left(\frac{k_f^3 \rho_f \rho_l H_{f_g} g}{L \mu_f \Delta T_{sat}} \right)^{1/4} * (1/\alpha)^{2.09} \sqrt{V_{in}}$

Bromley의 상관식에 亞冷却(Subcooled) 효과를 고려한 상관식을 개발하였다. Murao⁽¹⁷⁾는 Bromley의 식에 보이드율을 고려하였으며 Ellion은 注入流量을 고려 하였다. 이들의 相關式은 표 6에 수록되어 있다.

(2) 물방울 分散流의 膜沸騰 相關式
 이 相關式들은 기본적으로 強制對流 相關式으로

표 7 물방울 분산류 막비등 실험 상관식

Polomik	$Nu_f = 0.416 Re_f^{0.598} Pr_f \frac{1}{3} \left(\frac{\rho_g}{\rho_l} \right)^{0.288} \left(\frac{1-x}{X} \right)^{0.616}$
Bishop	$Nu_f = 0.0193 Re_f^{0.8} Pr_f^{1.23} \left(\frac{\rho_g}{\rho_l} \right)^{0.068} \left[x + \frac{\rho_g}{\rho_l} (1-x) \right]^{0.68}$
Groeneveld	$Nu_g = a \left[Re_g \left(x + \frac{\rho_g}{\rho_l} (1-x) \right) \right]^b Pr_w^c Y^d \phi^e$ <p>ϕ in Btu/h·ft² $a = 1.85 \times 10^{-4}$ $b = 1.00$ $c = 1.57$ $d = -1.12$ $e = 0.131$</p>
Herkenrath	$Nu = 0.06 Re_w \left(x + \frac{\rho_g}{\rho_l} (1-x) \right) \frac{\rho_w}{\rho_g} Pr_w^{0.8} \left(\frac{G}{G_0} \right)^{0.4} \left(\frac{P}{P_c} \right)^{2.7}$ <p>$G_0 = 10^3$ kg/m²/s, $P_c =$ 임계압력</p>
Tong	$Nu_w = 0.005 \left(\frac{De U_m \rho_w}{\mu_w} \right)^{0.8} Pr_g^{0.5}$
Slaughterbek	$Nu_g = 1.604 \times 10^{-4} \left[Re_g \left(x + \frac{\rho_g}{\rho_l} (1-x) \right) \right]^{0.838} Pr_w^{1.81} \phi^{0.278} \left(\frac{K_g}{K_{crit}} \right)^{-0.508}$ <p>ϕ in Btu/h·ft²</p>

로 널리 알려져 있는 Dittus-Boelter 相關式에 근거를 두고 있으며 熱的 平衡狀態 즉 飽和狀態下的 氣體와 均質流動(미끄름율=1)을 가정하여 개발된 식들이다. 이들의 상관식은 표 7에 수록되어 있다.

위와같은 相關式 외에 최근에는 大型電算機의 등장으로 質量, 運動量, 에너지의 保存方程式을 이용하여 복잡한 膜沸騰 現象을 解析하는 방법이 제시되고 있다.

5. 맺음말

근래에 와서 原子力發電所 事故時의 安全性 評價와 관련하여 2相 流動 熱傳達에 關한 활발히

