

<論 文>

風洞을 利用한 밸브제트에서 亂流제트 流動考察

盧秉俊*

(1981年 2月 8日 接受)

Investigation on the Turbulent Flow of the Valve Jet

Experimented Using a Wind Tunnel

Byung Joon Rho

Abstract

A modified subsonic wind tunnel was employed to investigate the turbulent flow of a valve jet. To effectuate this experimental study, an actual valve and valve seat of a diesel engine were equipped at its outlet (ref. Fig. 3).

Theoretically, using the equation of motion of Navier-Stokes in the cylindrical coordinates, the turbulent equation of motion for the incompressible fluid was derived with three assumptions; steady flow ($\frac{\partial}{\partial t} = 0$), axisymmetry and revolutionary homogeneity ($\frac{\partial}{\partial \phi} = 0$), no ensemble revolution ($\bar{V} \equiv 0$).

Experimentally, mean and fluctuation velocities have been measured in the radial direction. With a assumption of a non-dimensional velocity distribution equation, a semi-empirical similarity profile equation of the jet flow have been derived, whose empirical constants were determined graphically with the data obtained.

記 號 說 明

b	: 밸브 開度
n	: 實驗의으로 決定되는 지수
\bar{p}	: 平均壓力
p	: 全壓力
p'	: fluctuation 壓力
r	: 半徑는向의 距離
r_0	: r 的 가상원점
\bar{U}	: 半徑方向의 平均速度
\bar{V}	: 원주 方向의 平均速度
\bar{W}	: 軸方向의 平均速度
\bar{U}_*	: 半徑方向의 最大速度
u	: 半徑方向의 순간속도
v	: 원주方向의 순간속도
w	: 軸方向의 순간속도
u'	: 半徑方向의 fluctuation 속도

v'	: 원주direction의 fluctuation 속도
w'	: 軸方向의 fluctuation 속도
z	: 軸方向의 距離
z_c	: 軸方向으로 چ은 半徑方向의 最大速度點까지의 距離
η	: 無次元 합수
ν	: 動粘性係數
ρ	: 密度
ϕ	: 원주角

1. 緒論

亂流 空氣 제트 流動에 關하여는, 1926年 Tollmien⁽¹²⁾이 Prandtl의 混合距離 모델을 導入하여 亂流 제트의 解를 最初로 세움으로서, 連이어 理論的 및 實驗的인 研究가 進行되어 왔다.

제트의 種類는 多樣하여, 最近의 研究動向을 보면 大

* 正會員, 全北大學校 工科大學

氣에서의 自由 제트⁽¹⁾, 平析에 평행한 제트⁽²⁾, Annular Jet⁽³⁾, 平行제트^(4~10) 等을 들 수 있다.

이에 비추어 本研究에서는, 實際의으로 使用하고 있는 엔진의 吸入밸브 주위에 噴出되어 가는 亂流運動에 注目하여, 이 現象을 實驗의으로 研究 分析하기 為해, 大形 船舶 디이젤엔진의 吸入 밸브와 그의 써드를 特別히 本 實驗을 為해 設計 製作한 亞音速風洞에 裝着하였다.

一次의으로, 理論의인 考察로서는, 밸브제트의 경우 Navier-Stokes의 運動方程式으로 부터 亂流運動 方程式을 誘導하고, 實驗의인 考察로서는, 밸브 開度에 따라 그 周圍에 噴出되는 半徑方向의 速度分布와 그에 따른 亂流强度를 測定 分析하기로 한다.

2. 理論의인 亂流運動方程式

Fig. 1 과 같은 원통좌표계에서 軸對稱 非壓縮性 流體運動에 對한 Navier-Stokes의 運動方程式은 半徑方向, 軸方向, 圓周方向으로 각각 다음과 같은 式으로 表記된다.

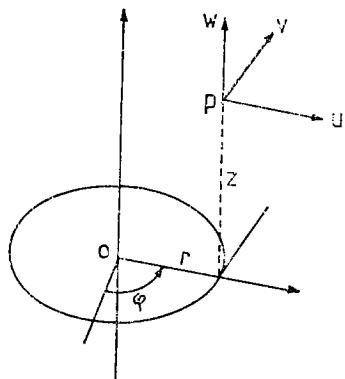


Fig. 1 Axisymmetric cylindrical coordinates system.

$$\begin{aligned} \frac{\partial u}{\partial t} + u \frac{\partial u}{\partial r} + \frac{v}{r} \frac{\partial u}{\partial \varphi} - \frac{v^2}{r} + w \frac{\partial u}{\partial z} \\ = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial r} + \nu \left[\frac{\partial^2 u}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial u}{\partial r} - \frac{u}{r^2} \right. \\ \left. + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 u}{\partial \varphi^2} - \frac{2}{r^2} \frac{\partial v}{\partial \varphi} + \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} \right] \quad (1) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial w}{\partial t} + u \frac{\partial w}{\partial r} + \frac{v}{r} \frac{\partial w}{\partial \varphi} + w \frac{\partial w}{\partial z} \\ = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial z} + \nu \left[\frac{\partial^2 w}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial w}{\partial r} \right. \\ \left. + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 w}{\partial \varphi^2} + \frac{\partial^2 w}{\partial z^2} \right] \quad (2) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial v}{\partial t} + u \frac{\partial v}{\partial r} + \frac{v}{r} \frac{\partial v}{\partial \varphi} + \frac{uv}{r} + w \frac{\partial v}{\partial z} \\ = -\frac{1}{\rho r} \frac{\partial p}{\partial \varphi} + \nu \left[\frac{\partial^2 v}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial v}{\partial r} \right. \\ \left. - \frac{v}{r^2} + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 v}{\partial \varphi^2} + \frac{2}{r^2} \frac{\partial u}{\partial \varphi} + \frac{\partial^2 v}{\partial z^2} \right] \quad (3) \end{aligned}$$

한편, 質量保存의 方程式;

$$\frac{\partial u}{\partial r} + \frac{u}{r} + \frac{1}{r} \frac{\partial v}{\partial \varphi} + \frac{\partial w}{\partial z} = 0 \quad (4)$$

瞬間速度成分을 平均速度와 fluctuation 速度로 나누어 쓰면, $u = \bar{U} + u'$, $v = \bar{V} + v'$, $w = \bar{W} + w'$ 가 되며 fluctuation의 平均值 $\bar{u}' = \bar{v}' = \bar{w}' = 0$ 가 된다. 또한 壓力의 값 역시 $p = \bar{p} + p'$ 에서 $\bar{p}' = 0$ 이 된다.

質量保存의 方程式(4)에 순간속도 成分代身에 平均速度와 fluctuation 速度 項으로 代入하면;

$$\begin{aligned} \frac{\partial}{\partial r} (\bar{U} + u') + \frac{\bar{U} + u'}{r} + \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial \varphi} (\bar{V} + v') \\ + \frac{\partial}{\partial z} (\bar{W} + w') = 0 \quad (5) \end{aligned}$$

로 된다. 여기에서 각項의 平均값을 取하여 Reynolds의 法則을 適用시키면 다음과 같이 된다.

$$\frac{\partial \bar{U}}{\partial r} + \frac{\bar{U}}{r} + \frac{1}{r} \frac{\partial \bar{V}}{\partial \varphi} + \frac{\partial \bar{W}}{\partial z} = 0 \quad (6)$$

다시 (5)式에서 (6)式을 빼면,

$$\frac{\partial u'}{\partial r} + \frac{u'}{r} + \frac{1}{r} \frac{\partial v'}{\partial \varphi} + \frac{\partial w'}{\partial z} = 0 \quad (7)$$

와 같은 結果를 얻는다. 同一한 方法으로 方程式 (1), (2), (3)의 時間平均值를 取하면 세方向에 對한 亂流運動方程式은 각각 다음과 같은 式으로 表記된다.

$$\begin{aligned} \frac{\partial \bar{U}}{\partial t} + \bar{U} \frac{\partial \bar{U}}{\partial r} + \frac{\bar{V}}{r} \frac{\partial \bar{U}}{\partial \varphi} - \frac{\bar{V}^2}{r} + \bar{W} \frac{\partial \bar{U}}{\partial z} \\ + u' \frac{\partial u'}{\partial r} + \frac{v'}{r} \frac{\partial u'}{\partial \varphi} - \frac{v'^2}{r} + w' \frac{\partial u'}{\partial z} \\ = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial \bar{p}}{\partial r} + \nu \left[\frac{\partial^2 \bar{U}}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial \bar{U}}{\partial r} - \frac{\bar{U}}{r^2} \right. \\ \left. + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 \bar{U}}{\partial \varphi^2} - \frac{2}{r^2} \frac{\partial \bar{V}}{\partial \varphi} + \frac{\partial^2 \bar{U}}{\partial z^2} \right] \quad (8) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial \bar{W}}{\partial t} + \bar{U} \frac{\partial \bar{W}}{\partial r} + \frac{\bar{V}}{r} \frac{\partial \bar{W}}{\partial \varphi} + \bar{W} \frac{\partial \bar{W}}{\partial z} + u' \frac{\partial w'}{\partial r} \\ + \frac{v'}{r} \frac{\partial w'}{\partial \varphi} + w' \frac{\partial w'}{\partial z} \\ = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial \bar{p}}{\partial z} + \nu \left[\frac{\partial^2 \bar{W}}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial \bar{W}}{\partial r} \right. \\ \left. + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 \bar{W}}{\partial \varphi^2} + \frac{\partial^2 \bar{W}}{\partial z^2} \right] \quad (9) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial \bar{V}}{\partial t} + \bar{U} \frac{\partial \bar{V}}{\partial r} + \frac{\bar{V}}{r} \frac{\partial \bar{V}}{\partial \varphi} + \frac{\bar{U}\bar{V}}{r} + \bar{W} \frac{\partial \bar{V}}{\partial z} \\ + u' \frac{\partial v'}{\partial r} + \frac{v'}{r} \frac{\partial v'}{\partial \varphi} + \frac{u'v'}{r} + w' \frac{\partial v'}{\partial z} \end{aligned}$$

$$= -\frac{1}{\rho r} \frac{\partial \bar{p}}{\partial \varphi} + \nu \left[\frac{\partial^2 \bar{V}}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial \bar{V}}{\partial r} - \frac{\bar{V}}{r^2} + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 \bar{V}}{\partial \varphi^2} + \frac{2}{r^2} \frac{\partial \bar{U}}{\partial \varphi} + \frac{\partial^2 \bar{V}}{\partial z^2} \right] \quad (10)$$

本研究에서 取扱되는 제트의 流動에 對하여 다음과 같은 세 가지 假定을 세울 수 있다.

첫째, 定常流動 ($\frac{\partial}{\partial t} = 0$)

둘째, 軸對稱 流動 ($\frac{\partial}{\partial \varphi} = 0$)

셋째, 非旋回 流動 ($\bar{V} \equiv 0$)

이러한 세 假定으로서 方程式 (8), (9), (10)을 다음과 같이 簡略하여 쓸 수 있다.

$$\begin{aligned} \bar{U} \frac{\partial \bar{U}}{\partial r} + \bar{W} \frac{\partial \bar{U}}{\partial z} + \bar{u}' \frac{\partial u'}{\partial r} + \frac{\bar{v}'}{r} \frac{\partial u'}{\partial \varphi} - \frac{\bar{v}'}{r^2} \\ + \bar{w}' \frac{\partial u'}{\partial z} \\ = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial \bar{p}}{\partial r} + \nu \left[\frac{\partial^2 \bar{U}}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial \bar{U}}{\partial r} \right. \\ \left. - \frac{\bar{U}}{r^2} + \frac{\partial^2 \bar{U}}{\partial z^2} \right] \end{aligned} \quad (11)$$

$$\begin{aligned} \bar{U} \frac{\partial \bar{W}}{\partial r} + \bar{W} \frac{\partial \bar{W}}{\partial z} + \bar{u}' \frac{\partial w'}{\partial r} + \frac{\bar{v}'}{r} \frac{\partial w'}{\partial \varphi} + \bar{w}' \frac{\partial w'}{\partial z} \\ = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial \bar{p}}{\partial z} + \nu \left[\frac{\partial^2 \bar{W}}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial \bar{W}}{\partial r} \right. \\ \left. + \frac{\partial^2 \bar{W}}{\partial z^2} \right] \end{aligned} \quad (12)$$

$$\bar{u}' \frac{\partial v'}{\partial r} + \frac{\bar{v}'}{r} \frac{\partial v'}{\partial \varphi} + \bar{u}' \frac{\partial v'}{\partial z} = 0 \quad (13)$$

方程式(11)에서 $\frac{\bar{v}'}{r} \frac{\partial u'}{\partial \varphi}$ 項을 (7)式을 使用하여 바꾸어쓰면,

$$\frac{\bar{v}'}{r} \frac{\partial u'}{\partial \varphi} = \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial \varphi} \bar{u}' v' + \bar{u}' \frac{\partial u'}{\partial r} + \frac{\bar{u}'^2}{r}$$

$$+ \bar{u}' \frac{\partial w'}{\partial z} \quad (14)$$

이는 다시 둘째번의 假定을 通하여

$$\frac{\bar{v}'}{r} \frac{\partial u'}{\partial \varphi} = \bar{u}' \frac{\partial u'}{\partial r} + \frac{\bar{u}'^2}{r} + \bar{u}' \frac{\partial w'}{\partial z} \quad (15)$$

로 쓸 수 있다. 同一한 方法으로 (12)式의 $\frac{\bar{v}'}{r} \frac{\partial w'}{\partial \varphi}$ 項은

$$\frac{\bar{v}'}{r} \frac{\partial w'}{\partial \varphi} = \bar{w}' \frac{\partial u'}{\partial r} + \frac{\bar{u}' \bar{w}'}{r} + \bar{w}' \frac{\partial w'}{\partial z} \quad (16)$$

로 된다. 또 (13)式은 質量保存의 方程式을 適用하여 再整理하면,

$$\frac{\partial}{\partial r} \bar{u}' v' + 2 \frac{\bar{u}' v'}{r} + \frac{\partial}{\partial z} \bar{w}' v' + \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial \varphi} \bar{v}'^2 = 0 \quad (17)$$

와 같이 된다.

假定한 homogeneity에 依하여 積 $\bar{u}' v' = \bar{w}' v'$ = 0이며, 나아가서 $\frac{\partial}{\partial \varphi} \bar{v}'^2$ 도 마찬가지로 零이 된다. 그리하여, 最終的으로 半徑方向과 軸方向의 亂流運動 方程式만이 다음과 같이 남게 된다.

$$\begin{aligned} \bar{U} \frac{\partial \bar{U}}{\partial r} + \bar{W} \frac{\partial \bar{U}}{\partial z} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial \bar{p}}{\partial r} + \frac{\partial}{\partial z} \left[\nu \frac{\partial \bar{U}}{\partial z} \right. \\ \left. - \bar{u}' \bar{w}' \right] + \nu \left[\frac{\partial^2 \bar{U}}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial \bar{U}}{\partial r} - \frac{\bar{U}}{r^2} \right] \\ - \frac{\partial \bar{u}'^2}{\partial r} - \frac{\bar{u}'^2 - \bar{v}'^2}{r} \end{aligned} \quad (18)$$

$$\begin{aligned} \bar{U} \frac{\partial \bar{W}}{\partial r} + \bar{W} \frac{\partial \bar{W}}{\partial z} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial \bar{p}}{\partial z} + \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} r \left[\nu \frac{\partial \bar{W}}{\partial r} \right. \\ \left. - \bar{u}' \bar{w}' \right] + \nu \frac{\partial^2 \bar{W}}{\partial z^2} - \frac{\partial}{\partial z} \bar{w}'^2 \end{aligned} \quad (19)$$

3. 實驗裝置

本 實驗을 遂行하기 為하여, Fig. 2 와 같은 亞音速風洞을 設計 製作하였다.

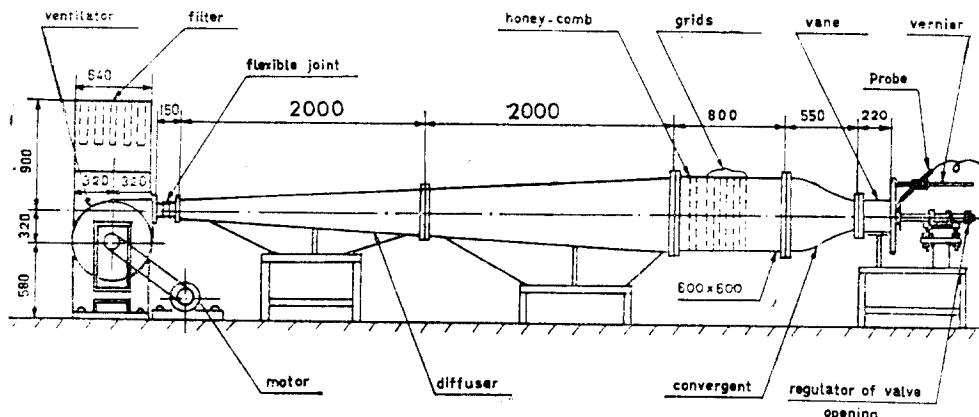


Fig. 2 Schematic diagram of the experimental set-up.

Radial type ventilator 로서 $500 \text{ m}^3/\text{h}$ 의 風量을 수송 가능하고, 그 最大 回轉數는 2700 rpm에 달하는 2.2 kW 三相 圓轉 可變 모우터를 附着하였다. 送風機에서 壓出되는 空氣의 運動에너지의 損失이 없이, 願하는 距離까지 移送하기 為하여, 확대관의 斷面積을 漸次 增加시켜 나가 확대각이 7.13° 가 되도록 하였다. 확대관과 送風機의 連結부는, 모우터와 送風機의 振動이 風洞의 本體에 傳해지지 않도록 Flexible joint를 使用하였고, 확대관의 크기는 入口 斷面이 $100\text{mm} \times 100\text{mm}$, 길이가 4 m, 出口 斷面이 $600\text{mm} \times 600\text{mm}$ 로 바로 整流室에 連結하였다. 이 整流室은 輸送된 空氣를 均一 分布 流動시키기 為하여, 斷面이 $600\text{mm} \times 600\text{mm}$ 이고 길이가 800 mm인 內部에 구멍 하나의 크기가 $15\text{mm} \times 15\text{mm}$ 인 벌집을 製作하여 設置하였고, 그 後部에 $3\text{mm} \times 3\text{mm}$ 로 된 grids 6個를 設置하였다. 여기에서 均一分布 流動되는 空氣의 流速을 增加시키기 為하여, 入口 斷面이 $600\text{mm} \times 600\text{mm}$ 이고, 出口 斷面이 $200\text{mm} \times 200\text{mm}$ 인 축소판을 附着하였다. 여기까지 壓送된 空氣의 再整流을 為하여 길이 220 mm, 斷面이 $200\text{mm} \times 200\text{mm}$ 의 四角 Vane을 투명 아크릴로 製作하여 設置하였다.

밸브 젝트의 實驗 Kit를 이 Vane의 出口에 附着하여 밸브 젝트 實驗을 실시하기 為해서 이 Vane에서의 空氣의 流動現象을 實際 速度測定을 通하여 檢討하였다. 그 結果 境界層을 除外하고는 完全한 均一分布 流動을 나타내는 Flat 한 速度線度로 나타나 밸브 제트 實驗이 可能함을 알 수 있었다.

이 Vane의 出口에 直徑이 60° 인 實際 船舶 디젤エン진의 吸入 밸브씨드를 附着한 원형철판을 設置하고 이 밸브씨드와 한조로 되어 있는 밸브를 Fig. 3, 4와 같이 設置하여 밸브의 開度를 外部에서 손쉽게 調節할 수 있도록 裝置를 製作하여 設置하였다.

밸브 周圍에 噴出되는 제트의 流動을 测定하기 為하여, 원형 밸브씨드의 附着板周圍를 一定하게 回轉시킬 수 있도록 500° 의 環形鐵板을 裝置하고, 그 위에 Sensor를 軸方向으로 移動시킬 수 있도록 Vernier height gauge를 附着하여, $1/20\text{mm}$ 까지 微小距離를 移動해 가며 测定이 可能하도록 하였다.

4. 測定方法

Fig. 3, 4와 같이 設置한 밸브 제트에서 밸브의 開度를 각각 $b=8, 9, 10\text{mm}$ 로 固定하고, 그 각각에 對하여 测定位置를 半徑方向으로 밸브의 中心軸으로 부터의

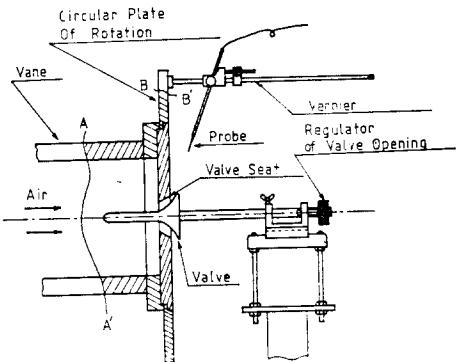


Fig. 3 Schematic diagram of valve jet

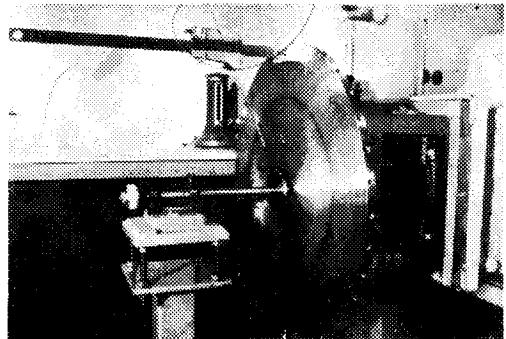


Fig. 4 Measurement system of the valve jet.

距離 $r=50, 60, 70, 80, 90\text{mm}$ 로 定하고 r 의 各 位置에 따라 Probe를 밸브軸에 平行하게 薦겨 가며 同時에 平均速度와 Fluctuation速度를 测定하였다.

本 實驗의 目的은 内燃機關에서 設定된 噴射되는 混合氣體의 亂流強度가 연소에 어떤 영향을 미치는가를 實驗의 으로 研究할 一次的인 단계로서 测定限界를 上記와 같이 局限하였으며, 밸브의 開度가 $b \leq 7\text{mm}$ 의 범위에서는 제트가 바로 밸브에서 噴出되자마자 壁面에 附着(Attachment)되는 現象이 일어나고 $b \geq 11\text{mm}$ 에서는 제트의 流動方向은 完全히 밸브의 軸方向으로 바꿔져 버린다. 그리하여, 本報文에서는 제트의 流動이 半徑方向으로 向하는 경우에 限하여 分析考察하고, $b \leq 7\text{mm}$, $b \geq 11\text{mm}$ 의 경우는 별도로 考察分析할 계획이며, 아울러 밸브의 開閉가 連續되는 순간에서의 現象도 研究計劃하고 있다.

測定器具로서는 等溫 type 熱線風速計를 使用하였으며, probe는 登그스텐으로 된 徑直이 $5\mu\text{m}$ 인 I-type DISA 製品을 使用하였다.

5. 實驗結果 分析

本 實驗에서 测定한 데이타 分析에 있어, 이제까지

나와 있는 이와類似한 參考 報文들이 없어 많은 어려움이 있으나 熱線風速計로 測定한 平均速度와 Fluctuation 速度 測定值로서 速度 및 亂流强度分布를 圖示 分析하고 아울러 Similarity에 對해서도 圖式的의 方法으로 考察하고자 한다.

5.1. 速度分布

熱線風速計에 依해 測定한 平均速度를 各 ベルブ 開度에 따라 $\bar{U}=f(z)$ 로서 回示하면 Fig. 5, 6, 7과 같다.

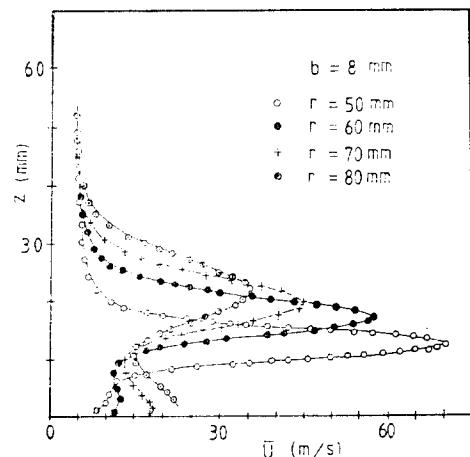


Fig. 5 Velocity distribution profiles in the radial direction ($b=8\text{ mm}$).

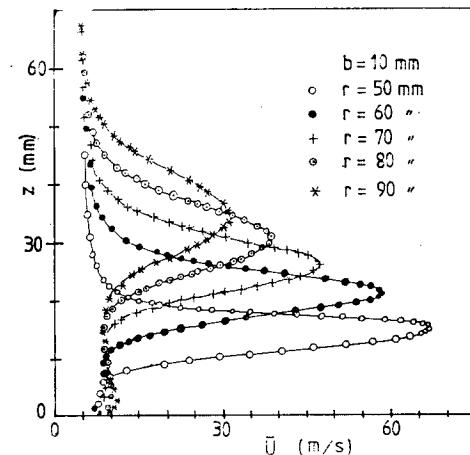


Fig. 6 Velocity distribution profiles in the radial direction ($b=9\text{ mm}$).

Fig. 5~7에서 두렷하게 나타나 있는 바와 같이, 半徑方向의 距離가 10 mm 씩增加함에 따라, 그 最大速度값이 현저하게 減少하여 가고 있음을 알 수 있으며 세 경우 공히 $\bar{U}_m=f(r)$ 를 圖示하여 보면, 各線回에서 最大速度는 r 의增加에 反比例하여 그 勾配가 -1.175×10^{-3}

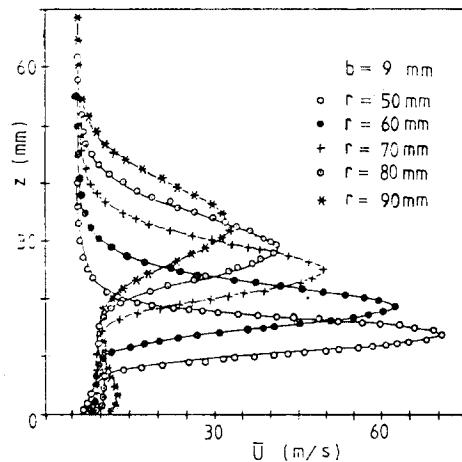


Fig. 7 Velocity distribution Profiles in the radial direction ($b=10\text{ mm}$).

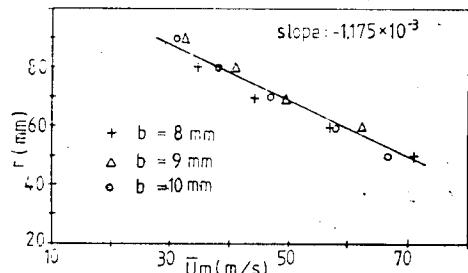


Fig. 8 Deficit of the maximum velocity in the radial direction.

$\times 10^{-3}\text{ sec.}$ 으로서 直線的으로 減少하고 있음을 보여 주고 있다. (Fig. 8 參照)

나아가서, Fig. 5~7에서 r 의 增加와 함께 제트의 幅은 크게 增加하고 있으며 점트가 噴射해 나가는 内側壁 가까운 곳에서는, 流動의 方向이 不安定하여 그速度線回가 r 의 값에 따라一定한 分布를 보여주지 않고 있으며, 이 現象은 ベルブ의 開度가 적을수록 심하고 ベルブ의 開度가 커짐에 따라 어느정도 流動이一定한 分布를 보여 주고 있음을 알 수 있다. 또한, 제트의 外側에서는, 軸方向의 距離가 어느以上 넘어서는 各ベル브의 開度마다 半徑方向의 測定距離 r 에 關係없이 流速은 微小한 값으로 減少해 나가고, 結局 z 의 无限한 增加와 더불어 제트 方向의 流速은 零에 수렴해 가고 있음을 알 수 있다.

특히 注目할 事項은, 제트가 높은 速度로 噴射되어 나가기 때문에 제트의兩側 特히 壁側에서는 제트와 壁사이가 아주 협소하여 심한 逆流 내지는 소용돌이가 混合되어 判別이 不分明하게 流動하고 있으나 어느 程度 壁面과 점트와의 間隔이 增加함에 따라, 또 ベル브의 開

度가 커짐에 따라 이領域에서의速度값의差異는크게 줄어들고 있다.

5.2. Similarity

앞서 圖示한 速度線圖들의 Universal 速度分布現象을 考察하기 為하여, 速度에 直接的으로 영향을 미치고 있는 세因子 b, r, z 를 포함하는 式과 速度分布를 나타내는 式을 다음과 같은 無次元의 式들로 假定하여 나타내기로 한다.

$$\eta = \left(\frac{z}{b} \right) \left(\frac{r - r_0}{r_0} \right)^n \quad (20)$$

$$\frac{\bar{U}}{\bar{U}_m} = f(\eta) \quad (21)$$

(20)式에서 r_0 의 값을 求하기 為하여 各 r 의 값에 對한 最大速度點의 軸方向의 距離 z_c 를 $z_c = f(r)$ 로 圖示함으로서, $b=8, 9, 10\text{ mm}$ 공히 r 의 任意의 假想 원점이 $r=30\text{ mm}$ 을 圖式的으로 求할 수가 있다. 다시 지수 n 을 求하기 為하여, $\log z_c = n \log(r-30)$ 를 圖示하여 $n = \frac{2}{3}$ 를 求하고, 보다 正確한 r_0 의 값을 찾아내기 為하여 n 의 값을 利用 $\left(\frac{z_c}{b} \right)^{\frac{2}{3}} = f(r)$ 를 圖示하면, 그레프로 부터 $b=8, 9, 10\text{ mm}$ 에 對한 各各의 r_0 의 값을 $r_0 = 29, 33, 35.5$ 를 求할 수 있다.

最終的으로 Universal 速度分布에 對한 式을 다음과 같은 結果式으로 나타낼 수 있다.

$$\frac{\bar{U}}{\bar{U}_m} = \left(\frac{z}{b} \right) \left(\frac{r - r_0}{r_0} \right)^{\frac{2}{3}} \quad (22)$$

이 結果式에 依하여 各 ベル開度에 따라 Universal 速度分布線圖를 Fig. 9~11에 圖示하였다.

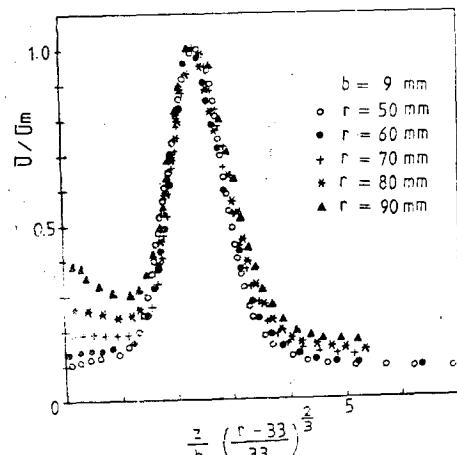


Fig. 9 Similitude of the velocity distribution profiles in the radial direction ($b=8\text{ mm}$).

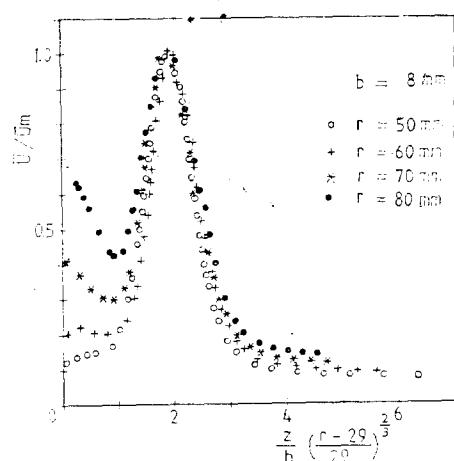


Fig. 10 Similitude of the velocity distribution profiles in the radial direction ($b=9\text{ mm}$).

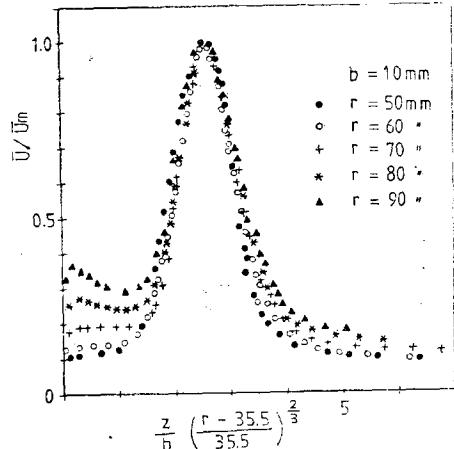


Fig. 11 Similitude of the velocity distribution profiles in the radial direction ($b=10\text{ mm}$).

速度線圖에서도 볼 수 있었던 바와 같이, 이 벨브 제트의 경우 壁面과의 狹小한 領域에서의 極히 不安定한 亂流流入으로, 圖表에 나타난 Similarity 線圖 역시 제트의 兩側 特히 壁側에서는 一致되지 않고 있으며, 이 現象은 벨브開度가 적을수록 더 심하다. 그러나 제트의 中心部에 가까워 짐에 따라 아주 잘 一致하고 있다.

5.3. 亂流强度

Fluctuation 速度는 제트가 벨브의 周圍를 一定하게 半徑方向으로 噴射되어 나가기 때문에, 제트의 方向에 垂直하게 probe를 位置시켜 各 r 의 測定位置에 따라 軸方向으로 移動하여 가며 測定하였다. 이 測定結果를

各 ベルブ開度에서의 半徑方向의 測定位置에 따라 $\sqrt{u'^2} = f(z)$ 으로 圖示한 것이 Fig. 12, 13, 14에 나타나 있다.

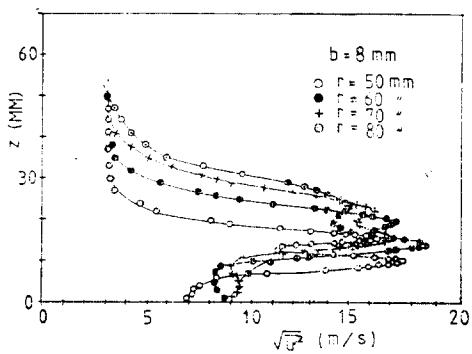


Fig. 12 Profiles of the fluctuation velocity in the radial direction($b=8\text{ mm}$).

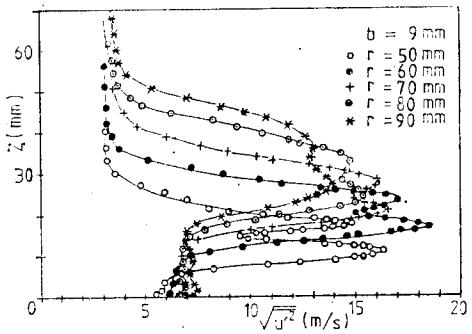


Fig. 13 Profiles of the fluctuation velocity in the radial direction($b=9\text{ mm}$).

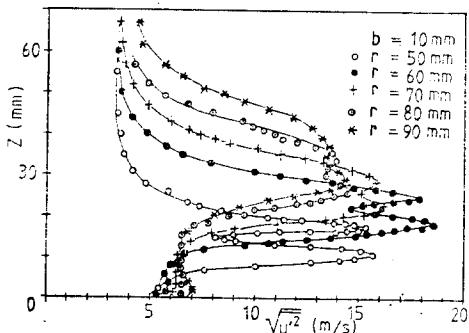


Fig. 14 Profiles of the fluctuation velocity in the radial direction ($b=10\text{ mm}$).

이 Flcutuation 速度는 $b=8, 9, 10\text{ mm}$ 공히 ジェット의 兩側에서, 外部 空氣와 混合으로 因하여 아주 큰 값을 나타내고, 内側으로부터 ジェット의 中心部에 가까워짐에 따라 그 값이 減少하여 最大速度 領域에서는 最小값을

나타내다가 外側으로 向함에 따라 增加하기 始作하여, 外側 混合域에 到達하면 아주 큰 값을 나타낸다. 그러나, 이 領域을 지나면 Fluctuation 速度는 현저한 減少를 하여 가나 z 의 값이 어느 限界를 지나면 极히 미소한 값으로 減少해 가고 있음을 볼 수 있다.

또한, 세 ベルブ開度의 경우 공히 $r=50\text{ mm}$ 에서의 Fluctuation 速度의 값은 $r=60\text{ mm}$ 에서 보다 더 적은 값을 나타내고 있으나, 이는 ベルブ의 出口에 너무 가까워 噴射되는 ジェット가 아직 Potential core를 벗어나지 않은 것으로 考慮되어, $r=60\text{ mm}$ 附近에서 부터는 外氣와의 混合流动이 形成되어 測定한 값중 最大值들을 나타내고, 이點을 지나서 부터는 공히 減少해 감을 보여 주고 있다.

半徑方向 測定位置 各 r 의 값에 따라 無次元으로 計算한 $\frac{u'^2}{U_*^2} = f\left(\frac{z}{z_c}\right)$ 로서 Fig. 15, 16, 17에 圖示하였다.

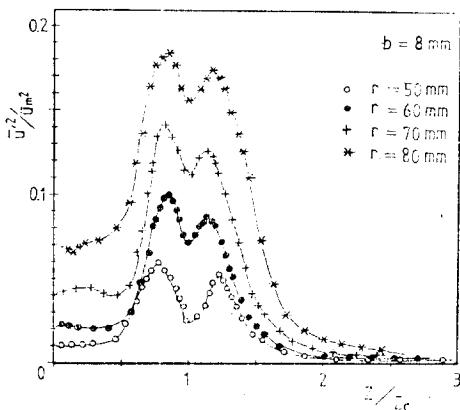


Fig. 15 Non-dimensional distribution of the squared fluctuation velocity($b=8\text{ mm}$).

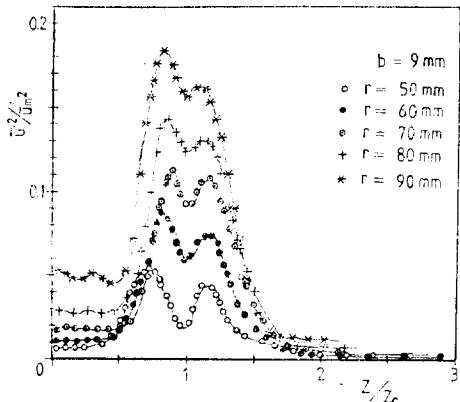


Fig. 16 Non-dimensional distribution of the squared fluctuation velocity($b=9\text{ mm}$).

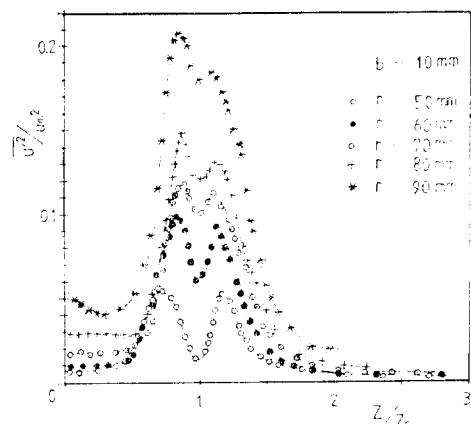


Fig. 17 Non-dimensional distribution of the squared fluctuation velocity ($b=10\text{mm}$).

다. 이 표에서 볼 수 있듯이, 각線에서 亂流強度가 明確히 세頂點을 나타내고 있으며, 이 現象은 제트의兩側混合領域에서 큰값을 갖는 2頂點을 나타내고, 最大速度域에서는 세頂點中 가장작은값을 나타내고 있다. 두큰값에서도, 壁側에서 亂流強度값이 Fig. 12~17의各線마다最大値를 나타내고 있는 것은, 제트와壁間의 狹小한곳에서 일어나는 제트에 의해流入되는空氣의流动이 方向이一定하지 않은流动으로서 제트와接觸하여 심한 亂流現象을 일으키는 것으로考慮된다. $\sqrt{u'^2}$ 의 세頂點에서의 값의 差異는 r 의 값이 커짐에 따라 크게減少하고 있으며 이는 제트中心部의 最大速度의減少와 더불어 potential core의 범위를 벗어나外部空氣와의混合現象으로 $\sqrt{u'^2}$ 값이 제트의中心部에서 크게增加하고 있는 것으로 본다. 結局, 本實驗의 경우 亂流強度를 考察한結果 最大速度가 約 72m/s 로噴射되어 나갈 때에 $\frac{\sqrt{u'^2}}{U}$ 의 값이 最高 0.6에 이르고 있어 아주 높은 亂流強度를 보여 주고 있음을 알 수 있다.

6. 結論

本研究에서遂行한 벨브제트에서, 理論的인考察로서는 원통좌표계에서 Navier-Stokes의運動方程式으로부터 벨브제트의流动現象을考慮하여, 첫째, 定常流动($\frac{\partial}{\partial t}=0$), 둘째, 軸對稱流动($\frac{\partial}{\partial \varphi}=0$), 셋째, 非旋回流动($\bar{V}\equiv 0$)의 세假定을 세워, 非壓縮性流體流动의 亂流運動方程式을 式(18), (19)와 같이誘導하였다.

實驗的인考察로서는, 우선 平均速度分布線圖에서

세 벨브開度의 경우 공히 제트의內側즉壁에 가까운곳에서는 제트에依해流入되는空氣의流动方向이一定치 않은 소용돌이내지는逆流 및 교란으로因하여不安定한狀態를 나타내나, 外側에서는 r 의 값에關係없이 z 의 값이 어느限界以上에서부터는 아주작은값으로減少해 감을 알 수 있으며(Fig. 5, 6, 7参照), 最大速度는 r 의增加와 함께約 $-1.175\times 10^{-3}\text{sec}$ 의比로서 감소해가는現象을 나타내고 있다.(Fig. 8)

Universal速度分布를 規明하기 為하여, 無次元의式(20), (21)로부터 本實驗에서 얻은測定值를 使用하여圖式的으로求한값들로서 Similarity의式(22)를求하였고, 이式에依하여各ベル브開度에 따라圖示한것이 Fig. 9, 10, 11에 나타나 있다. 여기에서도速度線圖에서와마찬가지로 제트와壁間의不安定한空氣流动의攪亂으로壁가까이에서는, r 의 값에 따라線圖가一致하지 않고, 특히 벨브開度가적어짐에 따라 더욱이現象이심하나 제트center部에서는 잘一致하고있음을 알 수 있다.

Fluctuation速度의測定結果로서는 역시 제트의兩側즉外氣와混合되는領域에서큰값을 나타내고, 最大速度가存在하는center部에서는 아주작은값을 나타내어, $\sqrt{u'^2}=f(z)$ 를圖示한Fig. 12~14에서나 $\frac{\sqrt{u'^2}}{U} = f\left(\frac{z}{Z_c}\right)$ 를圖示한無次元의Fluctuation速度線圖가Fig. 15~17에서보여주는바와같이뚜렷한세頂點을찾아볼수있다. 結局이벨브제트는아주심한亂流流动으로서各ベル브開度마다 $r=60$ 에서最大亂流強度值를 나타내어 그값이 $\frac{\sqrt{u'^2}}{U}=0.6$ 에이르렀다.

References

1. B.J. Rho, Contribution à l'étude d'un écoulement de jet turbulent en forme de nappe conique.
2. Gutmark, E. and Wygnanski, I.; The planar turbulent jet. J. Fluid Mech. (1976), Vol. 73, part 3, pp. 465-495.
3. Gutmark, E., Wolfstein, M. and Wygnanski, I.; The plane turbulent impinging jet. J. Fluid Mech. (1978), Vol. 88, part 4, pp. 737-756.
4. Hinze, J.O.; Turbulence. 2nd edition, McGraw-Hill, 1975.
5. Irwin, H.P.A.; Measurement in a self-preserving plane wall jet in a positive pressure

- gradient. J. Fluid Mech. (1973), Vol. 61, part 1, pp.33-66.
6. Ramaprian, B.R.; Turbulence measurements in an "equilibrium" axisymmetric wall jet. J. Fluid Mech. (1975), Vol. 71, part 2, pp.317-338.
 7. Sandborn, V.A. and Chao, J.L.; Evaluation of the momentum equation for a turbulent wall jet. J. Fluid Mech. (1966), Vol. 26, part 4, pp.819-828.
 8. Taga Masao et al.; Study on annular jets. Bulletin of JSME, Vol. 13, No. 65, 1970.
 9. Tanaka Eiichi; The interference of two-dimensional parallel jets.(2nd Report, Experiments on the combined flow of dual jet) Bulletin of JSME, Vol. 17, No. 109, July, 1974.
 10. Tanaka Eiichi and Tanaka Shuichi; The interference of two-dimensional parallel jets. (3rd Report, The region near the nozzles) Bulletin of JSME, Vol. 8, No. 124, Oct., 1975.
 11. Tanaka Toshio and Tanaka Eiichi, Experimental study of a radial turbulent jet.(1st Report, Effect of nozzle shape on a free jet) Bulletin of JSME, Vol. 19, No. 133, July, 1976.
 12. Tanaka Toshio and Tanaka Eiichi; Experimental studies of a radial turbulent jet.(2nd Report, Wall jet on a flat smooth plate) Bulletin of JSME, Vol. 20, No. 140, Feb.1977.
 13. Tollmien, W.; Berechung turbulenter Ausbreitungsvorgänge. ZAMM 6, 468-478(1926), NACA TM, 1085(1945).
 14. Witze, P.O. and Dwyer, H.A.; The turbulent radial jet. J. Fluid Mech. (1976), Vol. 75, part 3, pp.401-417.
 15. Yule, A.J.; Large-scale structure in the mixing layer of a round jet. J. Fluid Mech. (1978), Vol. 89, part 3, pp.413-432.