

# Varactor 투닝 X 밴드 Gunn 發振器에 關한 研究 (A Study on Varactor Tuning Gunn Oscillator for X Band)

朴 漢 奎\*, 千 長 鍛\*\*  
(Park,Han Kyu, and, Chun,Jang Ho)

## 要 約

本 論文은 Gunn 다이오드를 利用한 Varactor 투닝 X 밴드 發振器에 關하여 記述하였다.

Dyadic Green 函數를 利用하여 共平面에 위치한 2개의 포스트에 對한 解析을 한 다음, 入射 TE<sub>10</sub> 모드에 對한 obstacle 回路網을 誘導하였다.

電子의 투닝을 시키기 為하여 體逆 다이나믹 應答特性과 높은 Q를 갖는 투닝 Varactor 다이오드는 安定된 發振點等은 컴퓨터 시뮬레이션에 의하여 계산하였다.

實驗時 수워칭 모드는 移動短絡의 위치가 각각 18 mm, 32.5 mm 일 때 일어 났으며 varactor 투닝 Gunn 發振器의 諸般特性은 移動短絡과 바이어스 電壓의 變化에 가장 큰 영향을 받았다.

## Abstract

This paper described on the varactor tuning Gunn oscillator for X band.

Analyzed the coplanar 2 post case using the dyadic Green's function then derived the obstacle network for the incident TE<sub>10</sub> mode.

For the electronical tuning, used the tuning varactor diode which has a high speed dynamic response characteristic and high Q.

Oscillation frequency, switching mode, and stable oscillation point were calculated by the computer simulation.

In the experiments, switching mode was occurred at 18 mm, 32.5 mm of the short circuit position, respectively. The general characteristics of the varactor tuning Gunn oscillator were abruptly changed by the moving of the short circuit and the variation of the bias voltage.

## I. 序 論

半導體의 固體負性콘덴서(solid state negative Conductance)는 마이크로波 發振과 增幅에 매우 有用하며, 특히  $G_s A_s$ ,  $I_s P$ 의 負性 콘덴서는 III - V族 Compound Semiconductor의 빌크效果(bulk effect)로서 1961年 Ridley Watkins<sup>1)</sup>等에 依하여 理論이 提示된以後, 1963年 Gunn<sup>2)</sup>에 依해서 實驗的으로 證明되었다. Gunn 모드는 負性微分抵抗(Negative Differential Resistance; NDR)에 依하여 電子가 거의 飽和 드리프트 逆度로 素子內를 走行하여 形成된 雙極子도메인(dipole

domain)이다.

本 論文에서는 IMPATT 素子보다 우수한 低雜音 高周波特性을 갖는 X 밴드用 DGB-6835 D Gunn 다이오드를 '空洞(Cavity)內의 포스트(post)에 裝着시켜 Radar 長距離 마이크로波通信, 距離計測器等에 實제로 應用할 수 있는 Varactor 투닝 Gunn 發振器를 解析 製作하였다.

## II. Gunn 다이오드의 電氣的特性

### 1. 빌크 NDR 特性

TED (Transferred Electron Device)의 共通的인 特性中의 하나인 NDR 特性은 그림 (1)과 같은  $n-G_s A_s$ 의 에너지와 모멘텀 關係로부터 說明할 수 있다.

그림 1에서  $n, m^*$ ,  $\mu$ 는 각각 電子密度, 電子實效質量, 電子移動度를 나타내며, 添字 1, 2는 각각 lower

\* 正會員, 延世學校 工科大學 電子工學科

\*\* 正會員, 光云工大 電子工學科

(Dept. Electronic Engineering, Yonsei Uni.)

接受日字 : 1978年 8月 23日

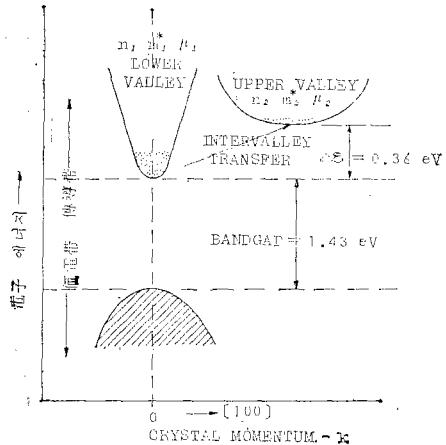


그림 1. n-GaAs 의 에너지와 모멘텀 관계  
Fig. 1. Momentum and Energy of n-GaAs.

valley 와 Upper Valley 를 表示한 것이다.

$n-GaAs$  的 에너지와 모멘텀 關係에서 傳導體內에 있는 Upper Valley 的 電子實效質量이 lower valley 的 電子實效質量보다 매우 크며 ( $m_1^* \ll m_2^*$ ) 반면에 電子移動度는 lower Valley 보다 매우 크므로 ( $\mu_1 \gg \mu_2$ ) 다음과 같은 平均移動度와 平均電子速度關係에서,

$$\mu_{av} = \frac{n_1 \mu_1 + n_2 \mu_2}{n_0} \quad (1)$$

$$\bar{V}_{av} = -\mu_{av} E \quad (2)$$

電界  $E$  가 增加하면  $n_1$ 은 減少하여  $n_2$ 는 增加하고,  $\mu_2 \ll \mu_1$ 으로 式 (1)과 (2)에서 電界  $E$  가 增加함에 따라서  $\mu_{av}$ 는 減少하므로, 實際로 어떤 條件에서 電界  $E$ 가 增加함에 따라  $|\bar{V}_{av}|$ 는 減少하는 現象이 나타난다.<sup>3)</sup> 實際로 電界  $E$ 가  $E_T < E < E_V$ 이면 平均電子速度는 電界  $E$ 의 增加에 따라 減少하는 NDR 現象이 나타난다.(단,  $E_T$ 는 限界(threshold)電界,  $E_V$ 는 Valley 電界이다) 素子에 印加된 電界  $E$ 가  $E > E_T$ (이면 素一內에는 NDT 現象에 依하여 雙極子도메인이 陰極에서 形成되어 陽極으로 流出되는 Gunn 모드가 나타나며 주파수  $f_{Gunn}$ 은 다음과 같이 定義된다.

$$\frac{1}{f_{Gunn}} \equiv T \simeq \frac{L}{v_s} \quad (3)$$

여기서  $L$ 은 素子의 길이이며  $v_s$ 는 鮑和電子drift速度이다.

實際로 Gunn 發振에 必要한 設計方程式은 다음과 같다.<sup>4)</sup>

$$f_{Gunn} \cdot L = 10^7 \text{ cm/sec}$$

$$n_0 \cdot L \geq 3 \times 10^{11} \text{ cm}^{-2} \quad \text{단, } n_0 = n_1 + n_2$$

## 2. 等價回路

Gunn 다이오드의 等價回路는 負性콘택턴스  $G_D$  와 침

캐패시턴스(Chip Capacitance)  $C_D$ , 그리고 팩케이지를 나타내는 元回路網으로 構成된 병렬等價回路로 表示된다. 그러나 아직까지 周波數가 바이어스電壇과 같은 파라미터의 变化에 對한 理論은 一致되지 않고 있는 실정이다.<sup>5)</sup>

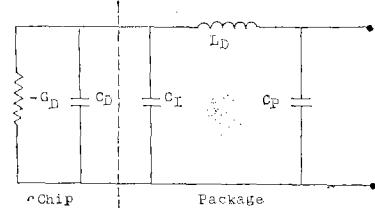


그림 2. Gunn 다이오드의 等價回路  
Fig. 2. Equivalent circuit of Gunn diode.

그림 2의 等價回路에서  $G_D$ 는 Gunn 負性 콘택턴스  $C_D$ 는 Gunn 침 캐패시턴스,  $L_D$ 는 팩케이지 인덕턴스,  $C_P$ 는 팩케이지 캐패시턴스, 그리고  $C_I$ 는 Gunn 漂遊캐시턴스를 나타낸다.

## III. Dyadic Green 函数에 依한 포스트解析

### 1. 多重포스트에 對한 解析

Gunn 다이오드를 共振 空腔內에 插入하면 動作周波數는 走向時間(transit time)보다는 空腔에 依해서 主로 決定된다. 따라서 Gunn 發振器는 效率의 改善, 搬送子雜音의 減少, 周波數調整等의 長期問題에 空腔調整모드를 使用하므로 포스트의 解析은 必須의이다.

그림 3은 矩形導波管內의 一般的인 포스트  $i$ 에 對한 構造파라미터와 위치를 나타낸 것이다.

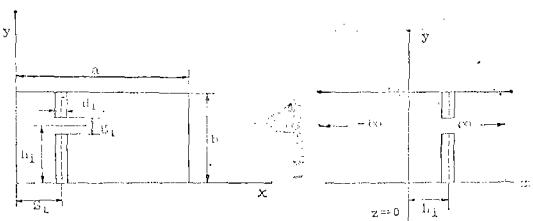


그림 3. 포스트의 構造와 位置  
Fig. 3. Structure and position of Posts.

포스트  $i$ 는 Eisenhart 와 Khan<sup>6)</sup>의 解析에 따라 直徑의 1.8倍되는 幅을 갖는 等價스트립으로 대치 하였고 스트립은 均一한 電流密度를 가지며, 갭(gap)은 均一한 電界分布를 갖는다고 가정하여 定義된 境界條件領域 ( $0 \leq x \leq a$ ,  $0 \leq y \leq b$ )에 位置한 갭포트(gap port)의 임피던스를 決定하였다. 境界條件을 만족하는 無限한 矩形導波管에 對한 dyadic Green 函数는 矩形導波管의



isolation<sup>8)</sup>시키고, 空間調和임피던스 (spatial harmonic impedance)成分과 캡終端을 結合하면 矩形導波管의 同一한 2個의 arm 사이에 나타나는 全回路網의 임피던스가 obstacle 임피던스이다.<sup>9)</sup>

그림 (4)는  $n=0$ 일 때 2캡포트 사이에 T回路網을挿入하여 T의 각 arm을  $m=1$ 일 때의 임피던스要素  $Z(a, b, c)$ 와  $m=2 \sim \infty$ 의 和임피던스要素  $Z(p, q, r)$  그리고  $n > 0$ 일 때 T回路網을  $\pi$ 回路網으로 변환시켜 병렬로 모든  $\pi$ 回路網要素를 合한 것이다.

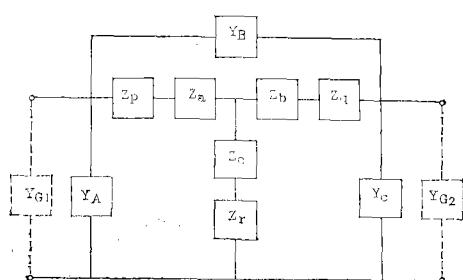


그림 4. 2캡포트 사이의 結合回路網

Fig. 4. Coupling network of two port.

그림 4의 結合回路網에 使用된 回路要素는 다음과 같다(단,  $L_{ij}=0$ ,  $i, j=1, 2$ )

$$Z_a = Z_{10} \{K_{1p_1}^2 - K_{1p_1} K_{2p_1} \exp(-j\beta L_{1j})\} \quad (13)$$

$$Z_b = Z_{10} \{K_{2p_1}^2 - K_{1p_1} K_{2p_1} \exp(-j\beta L_{1j})\} \quad (14)$$

$$Z_c = Z_{10} \{K_{1p_1} K_{2p_1} \exp(-j\beta L_{1j})\} \quad (15)$$

$$Z_p = \sum_{m=2}^{\infty} Z_{mo} \{K_{1p_m}^2 - K_{1p_m} K_{2p_m} \exp(-\Gamma_{mo} L_{1j})\} \quad (16)$$

$$Z_q = \sum_{m=2}^{\infty} Z_{mo} \{K_{1p_m} K_{2p_m} \exp(-\Gamma_{mo} L_{1j})\} \quad (17)$$

$$Z_r = \sum_{m=2}^{\infty} Z_{mo} \{K_{1p_m} K_{2p_m} \exp(-\Gamma_{mo} L_{1j})\} \quad (18)$$

$$Y_A = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{Z_{22n} - Z_{12n}}{(Z_{11n} Z_{22n} - Z_{12n}^2)} \quad (19)$$

$$Y_B = \sum_{n=1}^{\infty} \left[ \frac{Z_{12n}}{(Z_{11n} Z_{22n} - Z_{12n}^2)} \right] \quad (20)$$

$$Y_C = \sum_{n=1}^{\infty} \left[ \frac{Z_{11n} - Z_{12n}}{(Z_{11n} Z_{22n} - Z_{12n}^2)} \right] \quad (21)$$

$$\text{여기서 } Z_{10} = \eta \frac{b}{a} \frac{k}{\beta} = \frac{1}{2} Z_{C10}$$

$$Z_{C10} = \frac{2\eta b k}{a(K^2 - K_s^2)^{1/2}}$$

$$\beta = -j\Gamma_{10} = \sqrt{\left(\frac{2\pi}{\lambda}\right)^2 - \left(\frac{\pi}{a}\right)^2}$$

$$Z_{mo} = j\eta \frac{bk}{a\Gamma_{mo}}$$

이제  $(1, 0)$ 導波管포트는 transformer等價回路網을使用하여 isolation<sup>8)</sup>시키고 모든 高次모드와 캡終端有限한 포스트 직경에 依한 移相效果<sup>8)</sup>와導波管終端을考慮한 共平面 2포스트에 對한 入射  $TE_{10}$ 모드에 對한 obstacle回路網은 그림 (5)와 같다.

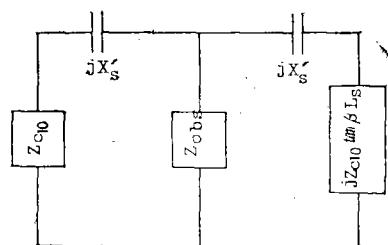
그림 5. 入射  $TF_{10}$ 모드에 對한 obstacle回路網Fig. 5. Obstacle Network for  $TE_{10}$ .

그림 5에서  $Y_{obs}(1/Z_{obs})$ 는 간소화한 shunt obstacle 어드미턴스이며  $jX_s'$ 는 각個포스트에 起因한 리액턴스의 總和로서 각各 다음과 같다.

$$Y_{obs} = \frac{1}{Z_{obs}} = \frac{Z_1 K_{2p_1}^2 + Z_2 K_{1p_1}^2 + Z_3 (K_{1p_1} - K_{2p_1})^2}{Z_1 Z_2 + Z_2 Z_3 + Z_3 Z_1} \quad (22)$$

$$jX_s' = jX_{s1} + jX_{s2} \quad (23)$$

$$\text{여기서, } Z_1 = Z_p + \frac{Y_C + Y_{G2}}{A}$$

$$Z_2 = Z_q + \frac{Y_A + Y_{G1}}{A}$$

$$Z_3 = Z_r + \frac{Y_B}{A}$$

$$A = (Y_A + Y_{G1}) Y_B + (Y_C + Y_{G2}) Y_B + (Y_C + Y_{G2}) Y_A + Y_{G1})$$

$$jX_{s1} = -jZ_{C10} \left( \frac{a}{\lambda_g} \right) \left( \frac{\pi d_s}{a} \right)^2 \sin^2 \left( \frac{\pi s_i}{a} \right)^8$$

또한  $jZ_{C10} \tan \beta L_s$ 는 移動短絡回路의 短絡임피던스이며  $L_s$ 는 포스트平面과 短絡平面사이의 거리이다.

## IV. Gunn發振파 varactor 투입

### 1. 發振條件

TED의 安定된 發振에 必要한 條件들은 Kurokawa<sup>10)</sup>에 依해서 定義되었으며, 回路調整定常狀態 發振을 維持하기 위하여 다음의 條件을 만족해야 한다.

$$G_D(\omega) + G_L(\omega) = 0, B_D(\omega) + B_L(\omega) = 0, \frac{\partial B}{\partial \omega} > 0$$

단,  $G_D$ 는 Gunn負性콘덴서스,  $B_D$ 는 Gunn 침서센

# Varactor 투닝 X밴드 Gunn發振器에 關한 研究

표 1. 構造 파라미터

Table 1. Structure parameters.

도파관의 크기	밀면 (a)		22.86mm	
	높이 (b)		10.16mm	
파라미터	Varactor 포스트		Gunn 포스트	
	$s_1$	4.30mm	$S_2$	11.43mm
도파관측면부터 포스트까지의 거리 (s)	$d_1$	3.00mm	$d_2$	3.00mm
포스트직경 (d)	$g_1$	2.45mm	$g_2$	2.50mm
캡의크기 (g)	$h_1$	5.08mm	$h_2$	5.08mm
도파관 밀면부터 素子까지의 높이 (h)				

턴스,  $G_L$  은 負荷콘덴서스,  $B_L$  은 負荷서셉턴스이며  $B(\omega)$  는 回路의 總서립턴스로서  $[B_D(\omega) + B_L(\omega)]$  이다.

## 2. Varactor 투닝

튜닝은 高速다이내믹應答特性이 좋은 Varactor 투닝 방법을 使用하였다. Varactor 다이오드는 바이어스 電壓을 變화시킴으로써 리액턴스를 조정할 수 있는 다이 오드로서 接合 캐패시턴스는 다음과 같이 주어진다.<sup>11)</sup>

$$C_V = \left[ \frac{qB(\epsilon_s)^{m+1}}{(m+2)(V + V_{bi})} \right] \frac{1}{m+2} \approx (V + V_{bi}) - \frac{1}{m+2} \quad (24)$$

단,  $B$  는 常數,  $m$  은 도핑프로필(doping profile),  $\epsilon_s$  는 半導體誘電率,  $V$  는, 印加電壓,  $V_{bi}$  는 built in 電壓이다.

## 3. Gunn 發振器

Gunn 다이오드와 varactor 다이오드는 空洞內의 電界 빠터와 平行한 2個의 포스트 사이에 각各 마운트(mount) 시켰으며, 導波數의 한쪽 arm은 整合出力과 연결하고 다른쪽 arm은 移動플런저(moving plunger)로 終端시켰다.

사진 1은 理論 解析에 따라 實際로 製作한 varactor 투닝 Gunn 發振器이며 그림 6과 표 1은 각각 포스트의 構造와 파라미터 값을 나타낸 것이다. 또한 그림 7은 入射  $TE_{10}$  모드에 對한 最終的인 Gunn 發振器의 等價回路를 나타낸 것이다.

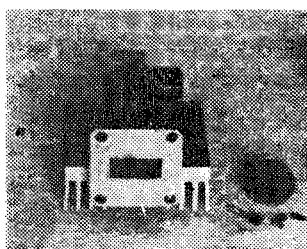


사진 1. 製作한 Gunn 發振器  
Pho. 1. Gunn Oscillator.

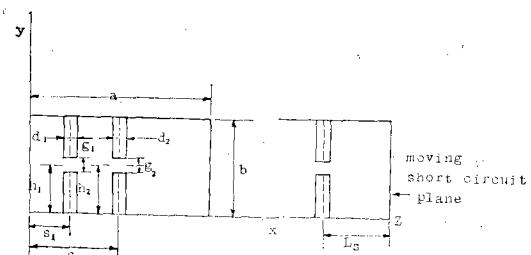


그림 6. 2 포스트의 構成와 位置

Fig. 6. Structure and position of two post.

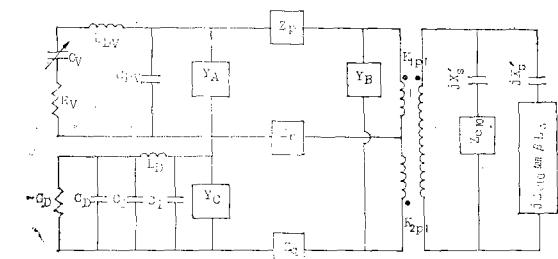


그림 7. Gunn 發振器의 等價回路

Fig. 7. Gunn Oscillator equivalent circuit.

## V. 實驗 및 結果考察

理論에 따른 發振周波數, 스윕칭모드, 安定度等은 프로그램을 作成하여 HP-3200 2A 컴퓨터를 利用하였으며, 스펙트럼 分析器는 HP-8555 A를 使用하였다.

周波數 帶위는 X밴드이었고, 스윕칭 모드는 각各 18 mm, 32.5 mm 일때 일어났으며 스윕칭모드가 약간 差으로 移動한 것은 素子의 非直線性에 起因한 것으로 생각된다. Gunn 다이오드의 限界電壓은 3.2 V이었으며 7.5 V以上에서는 NDR 特性이 나타나지 않았고 Varactor 투닝 帶위는 약 1.5 GHz이었다. 그림 8~1 은 이러한 實驗結果를 나타낸 것이다.

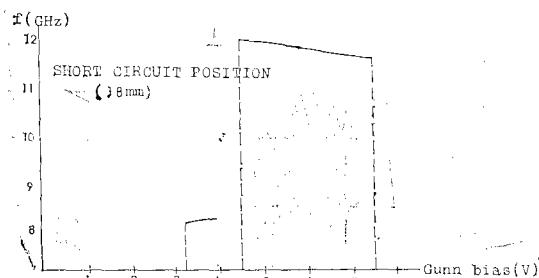


그림 8. Gunn 바이어스에 따른 周波數變化  
Fig. 8. Frequency for Gunn bias.

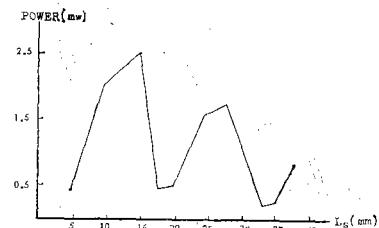


그림 11. 出力電力特性  
Fig. 11. Output characteristic for  $L_s$ .

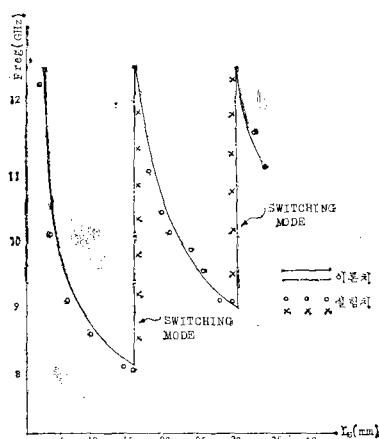


그림 9. 투닝特性曲線과 스위칭모드  
Fig. 9. Switching mode and Tuning curve.

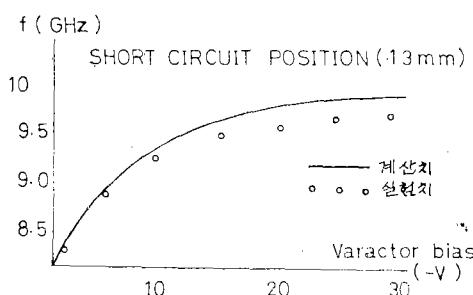


그림 12. Varactor 투닝 特性曲線  
Fig. 12. Varactor Tuning characteristic curve

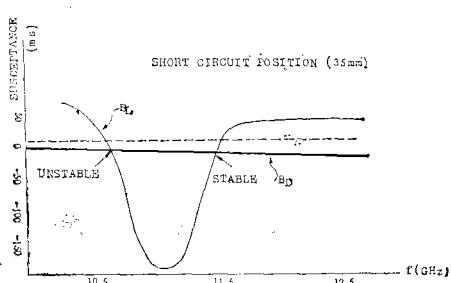


그림 10. 發振點의 安定度  
Fig. 10. Stability for Oscillation point.

## VI. 結論

Joshi와 Cornick<sup>9)</sup>이 解析한一般的인 2포스트에 對한 임피던스를 共平面인 2포스트에 適用하여 Gunn發振器解를 및 設計한結果는 製作上의 機械的인 誤差와 마이크로波 素子의 等價回路<sup>5)</sup>等을 考慮할 때 實驗值와 理論值는 매우 近似했다.

30餘個의 파라미터와 回路要素의 반복적인 演算에 依하여 決定되는 發振點, 發振周波數, 스위칭모드等은 컴퓨터를 利用치 않고는 正確하게 추적할 수가 없다. Varactor 투닝 Gunn發振器의 特性은 短絡回路의 移動과 바이어스電壓에 가장 큰 영향을 받았으며 出力은 周波數의 增加에 따라 減小했다.

## 参考文獻

1. B.K. Ridley and T.B. Watkins "The possibility of Negative Resistance Effects in semiconductor" proc. phys. soc (London) 78, pp.293 (1961).
2. J.B. Gunn "Microwave oscillation of current III~V semiconductors" sol. state, comm. 1., pp.88 (1963).
3. J.E. Corroll "Hot electron microwave generators" Edward Arnold pub. London (1970)
4. J.A. Copeland "Characterization of Bulk Negative Resistance Diode Behavior." IEEE. Trans. ED-14 pp.461 (1967).

Varactor 투닝 X-엔드 Gunn發振器에 關한 研究

5. R.P. Owens and D. Cawsey "Microwave equivalent circuit parameters of Gunn effect device packages" IEEE. Trans. Vol. MTT-18 pp.790~798. Nov (1970).
6. R.L. Eisenhart and P.J. Khan "Theoretical and experimental analysis of a waveguide mounting structures" IEEE. Trans. MTT-19. pp.706~719. Aug., (1971).
7. C.T. Tai. "Dyadic Green's function in electromagnetic Theory." Scranton. Pa. International text book (1971).
8. N. Marcuvitz. "Waveguide handbook." MIP. Rad. Lab. Ser Vol-10 New York.Mc Graw-Hill (1951)
9. J.S. Joshi and J.A.F. Cornick. "Analysis of waveguide post configurations:part I, II." IEEE. Trans. MTT-25 pp.169~180. Mar., (1977).
10. K.Kurokawa. "Some basic characteristics of broad band negative Resistance oscillator circuits." Bell syst. Tech. J. Vol-48 pp.1937 ~1955. Jul., (1969).
11. S.M. Sze. "Physics of semiconductor devices." Wiley-Interscience New York (1969).

