

還元 BaTiO₃半導體의 異常傳導現象

논문

22~3~1

Conduction Anomaly in Oxygen Deficient

Single Crystals of BaTiO₃

성영권*·장봉호**·신동열***

(Yung Kwon Sung, Bong Ho Chang, Dong Ryul Shin)

Abstract

Single crystals of BaTiO₃ which were grown by Remeika's method were on reducing them in hydrogen atmosphere at about 400~1000°C for about 30hrs. They became light brown and seems to have an effect on their properties by oxygen deffects especially at a Curie temperature of 122°C exhibited abnormal reducting resistivity.

These semiconducting tendency were studied experimentally by observing through several electrical properties and were discussed on the basis of the exchange semiconductor mechanism.

1. 序論

근래에 와서 우리 나라에서도 새로운 強誘電體로서 脚光을 받고 있는 BaTiO₃에 對해서는 理論的 또는 實驗的 인 研究가 널리 行해져 있으며 工學의 으로도 誘電體 또는 壓電體로서 널리 應用되고 있다.

一種의 Ionic Crystal로 生覺되고 있는 BaTiO₃은 보통 比抵抗이 $10^{10}\Omega\text{-cm}$ 以上의 꽤 좋은 絶緣體로서 從來의 研究나 應用이 거의 이와 같은 종류의 絶緣性인 BaTiO₃를 對象으로 한 것이다. 그러나 이와 같은 BaTiO₃에 希土類元素와 같이 이온半經이 Ba와 近似하고 아울러 Ba보다 原子價가 큰 element 및 Nb처럼 이온半經이 Ti와 近似하고 原子價가 Ti보다 큰 微量의 element를 添加하므로서 BaTiO₃가 半導體化된다는 것이 確認되어 이들의 磁器에 In-Ga와 같은 合金을 電極으로서 ohmic contact 시켜서 큰 正의 溫度係數를 갖는 抵抗器로서 利用하거나 또는 銀電極과 같은 non-ohmic 電極을 燒成하므로서 그 사이의 壓層容量을 利用하여 condenser로서 利用하고 있다.^{1,2,3,5)} 이와 같은 BaTiO₃半導體는

磁器 condenser와 같은 方法으로 製造되며 燒成溫度는一般的으로 空氣中에서 1350~1400°C 内外이다. 그러나 한편에서는 希土類를 dope한 BaTiO₃單結晶에서는 上述한 正의 比抵抗溫度特性(略해서 PTC라고 한다)이 나타나지 않는다는 報告도 있다⁴⁾. 따라서 正의 比抵抗溫度特性의 原因은 磁器에 特有한 grain boundary 또는 grain 사이의 領域의 性質에 起因하는 것이라고 하고 있다.⁴⁾ 筆者는 이와 같은 爭點을 감안하여 그러한 研究의 基礎로 되는 BaTiO₃單結晶의 電氣傳導現象에 關하여 BaTiO₃單結晶을 還元 處理하여 半導體化한 BaTiO₃의 電氣傳導現象을 主로 比抵抗異常發生을 中心으로 이와 密接된 諸現象을 實驗한 結果 上述한 것과 비슷한 効果을 얻었기에 그 實驗結果에 考察을 加하여 報告하는 바이다.

2. 試料의 作成 및 實驗裝置

試料로서의 BaTiO₃單結晶은 널리 알려진 Remeika法⁵⁾으로 育成시켰다. 즉 KF를 溶媒로 使用하여 KF와 BaTiO₃納末을 0.7 : 0.3 정도의 率로서 混式 ball mill을 使用하여 混合한 後 白金 crucible에 담겨 約 8時間동안 1150~1200°C의 溫度를 지닌 爐內에 넣은 다음 850~900°C까지 그대로 徐冷시켜서 單結晶을 育

* 정회원: 고려대학교 이공대학 교수(공학박사)

** 정회원: 동양공업전문학교 전기과 전임강사

*** 정회원: 고려대학교 대학원 전기과

成し切た。育成된 여러 단결정에서 直角三角形의 平板狀인 것을 指했고 最大邊은 10~15mm, 두께는 0.1~0.8mm 정도이다.

이 方法으로 얻어진 結晶을 白金 boat에 실려 約 1氣壓의 水素霧團氣氛에서 5時間 热處理를 시험한 다음 400, 500, 600, 800, 1000°C의 各 溫度에서 還元處理를 했다. 還元處理된 BaTiO₃單結晶은 어느 것이나 半導體의 獨特한 黑青色을 띠고 있었다. 이들의 試料表面을 각각 130°C 溫度에서 燒酸으로 etching한 다음 ohmic contact 하기 위하여 In-Ga合金을 바벼 부쳐서 이들 試料의 C軸方向에 印加한 直流下에서의 電壓-電流特性 및 從來의 幾何學的인 關係로부터 抵抗을 測定하고 그림 2 및 그림 3에 나타낸 實驗裝置에 依藉 Hall效果等을 實測했다. 이를 使用한 試料의 外形 및 電極의 付着狀態는 그림 1과 같다. 實測에 使用한 實驗裝置로서는 그림 2 및 그림 3에 나타낸 電氣傳導及 Hall效果裝置等을 利用했다.

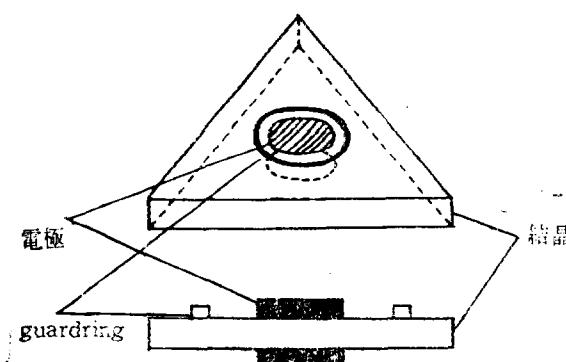


그림 1. BaTiO₃ 単結晶의 外形 및 電極의 付着狀態
Fig. 1. The shape and attachment of electrode in BaTiO₃ single crystals

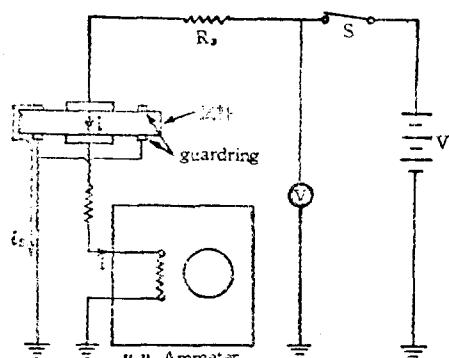


그림 2. 電氣傳導測定裝置
Fig. 2. Schematic diagram of the conduction measurement set

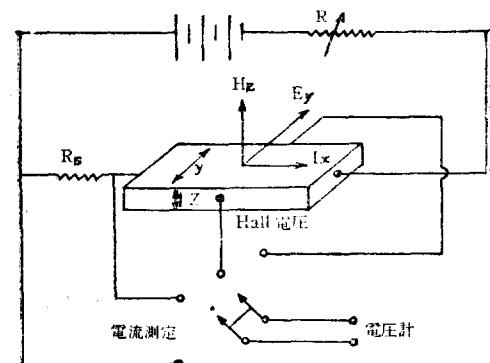


그림 3. Hall效果測定回路

Fig. 3. Schematic diagram of the hall effect measuring set

3. 實驗結果 및 그 考察

(1) 比抵抗의 溫度特性及 光學的性質

우선 600°C에서 還元한 BaTiO₃單結晶을 조급한 燒酸으로 etching하여 比較的 内部까지 均一하다고 生覺되는 單結晶 試料에 對해서 그 比抵抗의 溫度特性을 實測한 結果는 그림 4와 같이 curie點付近(變態點)에서 急激히 變化한다. 그러나 그 變化率의 크기는 10~10²정도로서 活性化에 隨する 電氣傳導度 σ 가 $\sigma = \sigma_0 \exp(-W/kT)$ 의 形으로 變化한다고 假定하면 常誘電相에서 0.8eV, 強誘電相에서는 0.7eV정도로 된다. 이와 같은 正의 比抵抗溫度特性(PTC)效果는 같은 條件에서

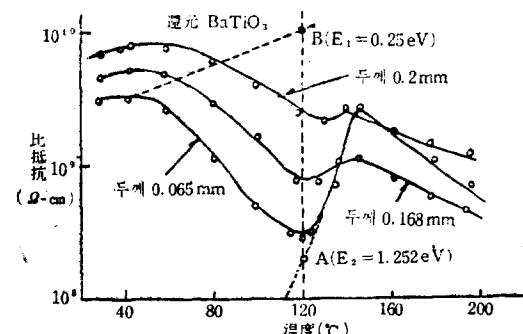
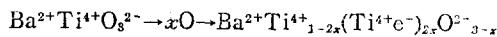


그림 4. 600°C에서의 還元된 結晶의 比抵抗溫度特性
Fig. 4. Temperature dependency of the specific resistivity in the deoxidization of BaTiO₃ at 600°C

還元한 것으로서는 두께가 ی을 수록 顯著하다. 即 두께가 두꺼울수록 周圍溫度의 變化에 對한 抵抗值變化는 완만하여 진다. 이와 같은 實驗事實에 미루어 보아

還元된 BaTiO₃單結晶에는 酸素缺陷이 생기어 여기에 trap된 電子가 比抵抗異常發生에 기여한다고 볼 수 있다. 即 強制的으로 級緣性 BaTiO₃를 還元 시켰을 때의 舉動은 다음 式과 같이 나타낼 수가 있다.



따라서 後述하는 Hall移動度 및 carrier濃度의 實測結果로 부터도 미루어 보아 還元됨으로서 生기는 파인電子가 Ti에 trap되고 있다가 酸素의 仲介의 의해 傳導帶와의 電子交換에 인한 carrier로서 舉動을 取하지라고 生覺된다.

그림 5는 파괴電界強度의 溫度依存性을 나타낸 것이다. 그림 4에 나타낸 比抵抗의 溫度依存性과 類似한 傾向을 나타낸 것으로 보아서 確實히 파괴가 이온電流에

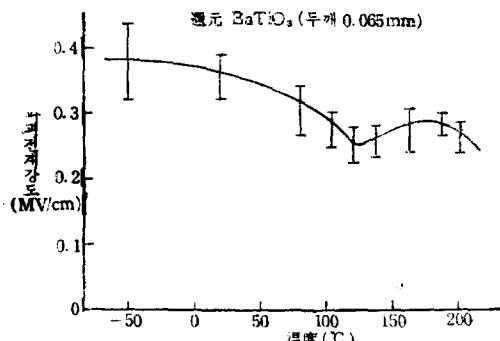


그림 5. 600°C에서의 還元된 結晶의 파괴전압 온도 특성

Fig. 5. Temperature dependency of the breakdown field in the deoxidization of BaTiO₃ at 600°C

의한 joule熱에 의거한 것이 아니라 電子의 과정에 의해 遂行되고 있음을 暗示하고 있다. 또 두께가 두꺼울수록 比抵抗의 異常發生이 鈍化되는 것은 두께가 두껍게 되면 內部까지 均一하게 還元되지 않기 때문에 酸素缺陷이 격은 內部의 性質이 重疊되기 때문이라고 生覺된다.

이들 試料의 比抵抗의 電壓依存性은 그림 6처럼 強誘電相에서는 그렇게 顯著하게 나타나지 않으나 常誘電相에서는 10V/cm付近부터 顯著하게 나타난다.

이들 試料의 比抵抗이 減少하기始作하는 電壓은 試料에 따라 多小다르나 大體로 10kV/cm内外이다.

以上과 같은 酸素缺陷性에 依한 起因을 確認하기 위하여 還元處理을 받은 BaTiO₃單結晶板의 光學的 透過率을 實測한 結果 그림 7과 같은 結果가 나타났다. 그림 7은 한장의 單結晶을 順次로 높은 온도로서 處理한 다음, 그 透過率을 測定한 것으로 育成된 그대로의 結晶에 比較하여 還元處理를 받은 것은 BaTiO₃의 光學的 吸收端(0.4μ)付近에 吸收現象이 보임과 同時に 2.3μ

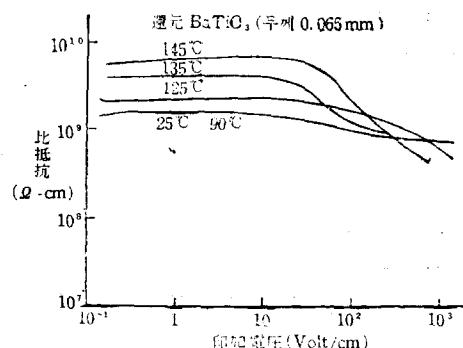


그림 6. 還元 BaTiO₃ 比抵抗의 電壓依存性

Fig. 6. Voltage dependency of the specific resistivity in the deoxidization of BaTiO₃

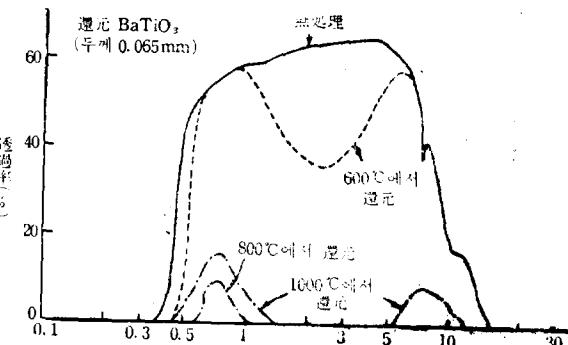


그림 7. 還元처리 BaTiO₃單結晶의 光學的 透過率

Fig. 7. Optical transperency of the deoxidated BaTiO₃

를 中心으로한 赤外線部에도 吸收現象이 나타난다. 이들의 可視 및 赤外部에서 光學吸收와前述한 電氣傳導度의 增加는 還元處理에 依해 나타나고 空氣中에서 加熱에 依해 消失되고 可逆의이며 BaTiO₃單結晶內의 酸素不足性에 起因하고 있음을 推察할 수 있다.

(2) Hall 効果 및 電子濃度

위의 試料들의 Hall効果를 測定하여 carrier濃度 및 Hall移動度가 어떻게 變化하는가를 알아보기 为하여 9500 Gauss의 磁界內에서 實測한 結果 Hall効果가 大端히 적어서 正確한 測定이 곤난하였으나 實測된 Hall係數 R_H (cm²/coulomb)의 符號는 모두 負로서 이들로부터 測定精度가 낮기 때문에 定量의in 解析은 어려우나 通常의in drift型 半導體의 傾向을 나타내는 것 같으며 同時に 還元된 BaTiO₃는 n型半導體임을 알 수 있다. 室溫에서 Hall係數는 大體로 -1.0cm²/coulomb로서 이들 Hall係數 R_H 의 測定結果를 通常의in drift型 半導體에 適用시키고 있는 關係로부터 考察해 보면 drift型半導體에서는 carrier濃度를 n_c 라고 하면 R_H 가

$$R_H = \left(\frac{\mu_H}{\mu} \right) \frac{1}{(-e)n_c} = -6.8 \times 10^{18} \frac{\mu_H}{\mu} \frac{1}{n_c} \quad (1)$$

$$\sigma = n_e e \mu$$

로서 나타낼 수 있다.

위의 두式에서부터

$$\mu_B = -\sigma R_H$$

로 되고 $\mu = \mu_B$ 라고 가정하면

$$n_e = \sigma / e \mu_B$$

로 된다.

(3), (4)式에 R_H 및 σ 의 實測值를 代入해서 μ_B 및 n_e 의 濃度特性을 求한 結果는 그림 8과 같다.

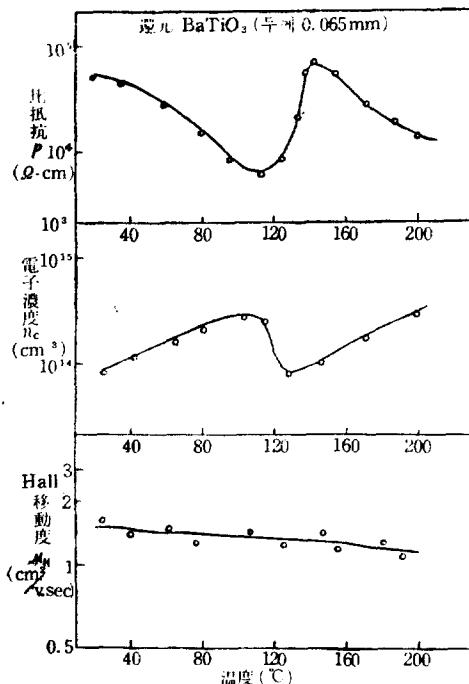


그림 8. 700°C還元BaTiO₃의 ρ , n_e 및 μ_B 의 온도의 존성
Fig. 8. Temperature dependency of ρ , n_e and μ_B in the deoxidization of BaTiO₃ at 700°C

그림 8에서 아는 바와 같이 高溫側에서는 測定誤差가 크나 大體로 carrier濃度는 10^{14} cm^{-3} , Hall 移動度는 $1 \sim 2 \text{ cm}^2/\text{sec}$ 로 curie點付近의 變化는 誤差의 범위를 輝선 離脫한 것으로 보아 curie點에서는 急激히 carrier濃度가 變化하고 아울러 Hall移動度도 약간 變化함을 알 수 있으나 Yt를 조금 添加한 BaTiO₃磁器에서의 結果⁴⁾와 定性的으로一致하고 있다.

還元된 BaTiO₃單結晶에는 既述한 바와 같이 酸素缺陷이 있어서 여기에 trap된 電子가 傳導帶에 올라가 carrier behavior를 取하여 120°C付近에서는 酸素缺陷에 trap된 電子數가 急激히 增加하여 free carrier數와 移動度가 減少해서 이들의 重疊된 効果에 起因하는 것 같다.

(2)

더욱 還元度가 많아지면 더욱 增加하나 溫度依存性이 적어진다. 그림 9는 850°C에서 還元한 試料의 比抵抗을 나타내는 것이나 역시 120°C에서 PTC는 存在한다. 이와같은 結晶에서는 酸素缺陷數가 大端히 많아져서 缺陷에 trap된 電子의 波動函數의 重疊이 많아짐으로서 이들에 依한 傳導에 寄與度가 크게되는 것 같다.

(3) 比抵抗異常發生機構에 對한 一推論

以上 實驗結果 및 考察에서 還元된 BaTiO₃單結晶은 N型半導體임과 同時に 傳導機構는 電子의in過程의 干與함을 알 수 있다. 그러나 還元된 BaTiO₃單結晶의 比抵抗異常發生機構에 關해서는 容易하게 物性論의 解析을 加할 수는 없는 것 같다. 이와같은 BaTiO₃系半導體의 比抵抗異常發生機構에 對해서는 2.3의 推論이 提案되고 있으나^{6,7)} 여기서는 還元된 BaTiO₃를 exchange型半導體라는前提로 간단한 model을 生覺하여 比抵抗異常發生機構에 關한 推論을 行하기로 한다.

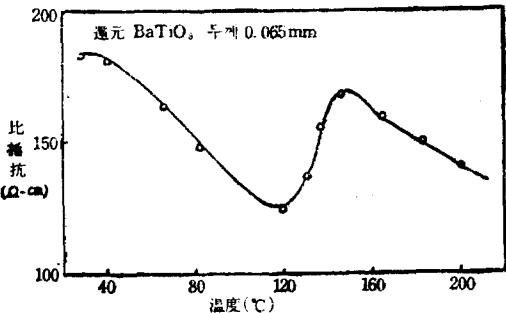


그림 9. 850°C還元 BaTiO₃의 比抵抗溫度特性

Fig. 9. Temperature dependency of resistivity in the deoxidization of BaTiO₃ at 850°C

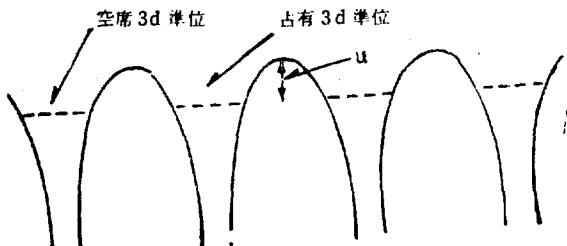


그림 10. Exchange型半導體의 energy band.

Fig. 10. Energy band of exchange type semiconductor

그림 10과 같이 周期的인 電界에서 3d電子에 許容된 energy level이 있고 그 中의一部가 3d電子로서 占有되어 있다고 하자. 電子가 인접의 空席에 옮아 갈때 넘어가야 할 potential barrier를 U 라고 하면 電子가 potential barrier를 넘는 確率 P 는 v 를 電子의 振動數(sec^{-1})이라고 하면

$$P \sim v \exp(-U/kT) \quad (5)$$

로 된다.

이 경우의 結晶內의 이온傳導와 똑같이 하여 다음과 같은 關係式이 誘導된다.⁸⁾ 即 外部에서 電界 E 를 加했을 경우의 移越確率 P_E 는 隣接하고 있는 格子點間의 거리를 $a(\text{cm})$ 라고 하면

$$P_E = P \cdot 2 \sinh \frac{Eea}{kT} \quad (6)$$

로 된다.

윗式에서 보통 $Eea \ll kT$ 이기 때문에

$$P_E = P \cdot \frac{Eea}{2kT} \quad (7)$$

로 되고 trap된 電子濃度를 n_t 라고 하면 傳導度 σ , 電子移動度 μ 는 다음 式으로 주어진다.

$$\sigma = n_t \cdot P \cdot \frac{e^2 a^2}{kT} \quad (8)$$

$$\mu = P \cdot \frac{e^2 a^2}{kT} \quad (9)$$

여기서 위의 確率이 電界의 次元에서 나타내는一定한 factor E_0 에 依해 增加하여 아랫式으로 되었다고 하자.

$$P_{E_0} = P \cdot \sinh \frac{(E_0 + E)}{kT} \quad (10)$$

이 경우의 σ, μ 는 각各

$$\sigma = 2n_t e a P \frac{1}{E} \sinh \frac{(E_0 + E)ea}{2kT} \quad (11)$$

$$\mu = 2a P \frac{1}{E} \sin \frac{(E_0 + E)ea}{2kT} \quad (12)$$

로 되고 E_0 가 없는 경우에 比해 어느 것이나

$$S = P_{E_0} / P_E$$

만큼 增加하게 된다. 따라서 $Eea \ll kT$ 라면

$$S = \frac{2kT}{Eea} \sinh \frac{E_0 ea}{2kT} + \cosh \frac{E_0 ea}{2kT} \quad (13)$$

로 된다.

E_0 가 存在하는 경우의 σ 를

$$\left. \begin{aligned} \sigma &= 2n_t e a v \exp(-\Delta U/kT) \\ \Delta U &= U - U_{E_0} \\ (U_{E_0}; E_0) &\text{가 存在하는 경우의 potential barrier 높이} \end{aligned} \right\} \quad (14)$$

로 나타내고 一部를 省略 計算하면

$$\Delta U = kT \log \frac{kT}{Eea} + (E_0 + E)ea \quad (15)$$

로 된다.

強誘電相에서는 BaTiO₃內의 酸素缺陷이나 Ti에 強한 局部電界가 걸리고 있으나 酸素缺陷이나 Ti에 trap된 3d電子는 마땅히 이 電界의 영향을 받을 것이며 반면에 常誘電相에서는 自發分極의 소멸에 수반하여 局部電界가 顯著하게 적어진다.

이와같이 局部電界가 (10)式의 E_0 로서 作用한다고 生覺하면 (13)式으로 나타낸 S 가 強誘電相에서는 顯著하게 增加되고 常誘電相에서는 急激하게 減少하기 때문에 比抵抗의 異常이 나타난다고 볼 수 있다. 還元됨으로서 生진 酸素缺陷이나 Ti에 作用하는 電界 E_0 는

Kinase等^{9,10)}에 依해 다음과 같이 求해지고 있다.

$$E_0 = 1.27 \times 10^8 \text{ cgs} = 3.8 \times 10^8 \text{ V/cm}$$

이 電界는 Ti의 아주 가까운 곳에서 作用한다고 生覺해야 할 것이나 지금 BaTiO₃를 構成하는 各이온을 剛性球로 生覺하고 그림 11과 같은 配置로 두어 아래側의 酸素 O_B와 Ti와의 간격 g 사이에 이 電界가 存在한다고 하고 Shirane等¹¹⁾ 의해 求해진 O 및 Ti의 偏位 $\delta_{zot}=0.09 \text{ \AA}$, $\delta_{zti}=0.06 \text{ \AA}$ 을 使用하면

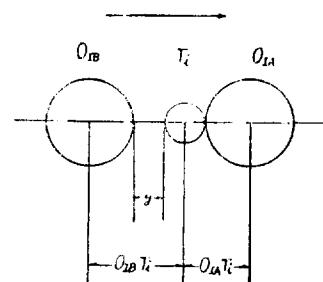


그림 11. BaTiO₃의 單位格子內의 Ti의 偏移

Fig. 11. Transition of Ti in the unit cell of BaTiO₃

$g = \overline{O_{Bz} \cdot T_i} - \overline{O_{Az} \cdot T_i} = 2(\delta_{zot} + \delta_{zti}) = 0.30 \text{ \AA}$ 로 된다.

따라서 (13)式의 a 代身에 g 를 使用하여 $E_0 = E_s$, $E = 10 \text{ V/cm}$, $T = 400^\circ \text{K}$ 라고 하면

$$S = 1.9 \times 10^{13}$$

을 얻는다.

그림 4에 對해서 生覺하여 보면 A點의 比抵抗이 E_0 의 存在때문에 B點까지 降下하였다고 보아야 하나 그變化率은 10^3 정도로써 計算值처럼 크지는 않다. 이것은 아마 實際로는 上述한 簡單한 model外에 여분으로 들어간 3d電子에 依한 局部電界的 난잡성이나 polycrystal效果 또는 酸素缺陷의 aggregation效果等이 겹쳐서 그러한 큰 誤差가 生긴다고 볼 수 있다.

그림 4의 實驗值에 依해 $\Delta E_1 = 0.25 \text{ eV}$, $\Delta E_2 = 1.25 \text{ eV}$ 로 두고 $\Delta E_2 - \Delta E_1 (= 1.0 \text{ eV})$ 의 $2\Delta U$ 과 같다고 하면 (15)式에 依해

$$a = 0.05 \text{ \AA}$$

따라서

$$S \approx 10^3$$

로 되어 이 S 值은 實驗值와 잘一致한다. 即 E_0 의 有効거리를 0.05 \AA 로 取하면 實驗에 依해 얻어진 ΔE_1 , ΔE_2 및 S 值은 위에서 設定한 model이 보다 適確하게 說明된다. 더욱이 model에 의하면 常誘電相에서 μ 가 減少하는 것과 μ 의 變化에 의해 일어나고 아울러 n_t 의 變化가 重疊된다고도 說明할 수가 있다.

以上과 같이 生覺하면 比抵抗은 Curie 點 以上에서는 不連續的으로 增加할 것 같으나 實際로는 200°C付近까지 連續의으로 上昇을 계속하는 것을 보면 Kanzig等이¹²⁾ 報告한 바와 같이 BaTiO₃結晶의 表面에서는 200°C付近까지 tetragonality가 유지된다는 것을 감안하면 說明이 可能하다.

以上을 要컨데 自發分極을 수반하는 強한 局部電界가 存在하는 強誘電相에서는 BaTiO₃內의 酸素缺陷이나 Ti에 trap된 電子의 交換確率이 大端히 커지나 自發分極이 없어지는 常誘電相에서는 局部電界가 적어져서 電子交換確率이 急減한다. 그 結果 比抵抗異常이 觀測된다는 推論이 成立한다.

以上은 하나의 speculation의 段階로서 앞으로 誘電率의 溫度特性에 基因하는 境界層 potential 變化로서의 考察이나 磁氣的性質, ESR, 熱傳導度, 比熱, 比抵抗의 異方性等에 對한 實驗等을勘案하여 詳細한 理論의인 考察을 加하고자 한다.

4. 結 論

以上의 實驗 및 考察結果를 要約하면 다음과 같다.

(1) BaTiO₃單結晶은 水素中 450°C以上의 高溫에서 그 格子中에 酸素가 不足한 領域이 生긴다. 이 領域은 可視 및 赤外線部吸收를 수반한다.

(2) 酸素不足의 生긴 領域은 希土類元素를 添加한 경우처럼 n型半導體로 간주할 수 있으며 電氣傳導를 비롯한 여러 現象에 干與하는 機構는 電子의 過程임을 알 수 있다.

(3) 均一하게 酸素不足의 生긴 結晶의 電氣傳導度는 Curie點에서 急變하나 그 變化率은 1階數程度이다.

(4) 還元된 BaTiO₃單結晶의 carrier濃度는 約 10¹⁴

cm⁻³ hall移動度는 1.5cm²/V·S程度이다.

(5) 還元된 BaTiO₃單結晶에서 보이는 여러 現象은 還元處理에 의해 BaTiO₃格子中에 生긴 酸素缺陷과 그 것에 trap된 電子를 가정 하므로서 說明되는것 같다. 特히 比抵抗異常發生에 對해서는 還元된 BaTiO₃를 exchange型 半導體라는前提로 간단한 周期 potential model로서 局部電界와 關聯시켜서 電子交換確率說로서 說明이 可能한것 같다.

參 考 文 獻

- 1) H.A.Sauer & J.A.Fisher; J.Am. Ceram. Soc. **43**, 247 (1960)
- 2) O.Saburi; ibid, **44**, 54(1961)
- 3) V.J.Tennery et al; ibid. **44**, 187 (1961)
- 4) F.M.Ryan et al; J.Appl. Phys. Lett. **1**, 69 (1962)
- 5) J.P.Remeika; J.Am. Chem. Soc. **76**, 940(1954)
- 6) W.Heywang; Solid State Physics in Electronics and Telecommunication **4**, Part 2, Academic Press, London 877 (1960)
- 7) W.T.Peria, et al; J.Am. Ceram. Soc. **44**, 249 (1961)
- 8) N.F.Mott & R.W.Gurney; Electronic Processes in Ionic Crystals, Clarendon Press Oxford (1940) p.40
- 9) W.Kinase& H. Takahashi; J.Phys. Soc. Japan, **10** 942 (1955)
- 10) ibid, **12**, 464 (1957)
- 11) G.Shirane et al; Proc. IRE, **43**, 1738 (1955)
- 12) M.Anliker et al; Helv. Phys. Acta **27**, 99 (1954)