

# 지정된 검증자 서명기법의 비전가성<sup>+</sup>

\*구영주 \*\*천지영 \*\*\*최규영 \*\*\*\*이동훈

고려대학교, 정보경영공학전문대학원

\*[danmiluv@naver.com](mailto:danmiluv@naver.com) \*\*[jychun@korea.ac.kr](mailto:jychun@korea.ac.kr) \*\*\*[young@cist.korea.ac.kr](mailto:young@cist.korea.ac.kr) \*\*\*\*[donghlee@korea.ac.kr](mailto:donghlee@korea.ac.kr)

## Delegation Attack on previous Designated Verifier Signature schemes

\*Goo, Young Ju \*\*Chun, Ji Young \*\*\*Choi, Kyu Young \*\*\*\*Lee, Dong Hoon

Graduate School of Information Management and Security CIST, Korea University

### 요약

최근 ICALP 2005에서 Lipmaa 등은 지정된 검증자 서명기법에서의 새로운 안전성 개념인 비전가성을 정의하였다. 지정된 검증자 서명기법(Designated Verifier Signature, DVS)이란 지정된 검증자만이 서명의 정당성을 검증할 수 있는 서명으로 제 3자가 서명을 보고 서명자와 검증자 중에 누가 실제 서명자인지 알 수 없다는 특징이 있다. 그러나 Lipmaa 등이 제시한 ‘비전가성’을 만족하지 않은 지정된 검증자 서명기법의 경우, 서명자 또는 검증자가 개인키가 아닌 일부정보를 제 3자에게 주어 정당한 서명을 만들어내는 것이 가능하다. 이러한 전가성은 전자투표나 콘텐츠 등에 있어서 심각한 문제이다. 본 논문에서는 2006년 Huang 등의 기법과 2007년 Zhang 등이 제안한 기법이 전가성에 안전하지 않음을 보인다.

### 1. 서론

지정된 검증자 서명 기법(DVS)은 1996년 Jakobsson [2] 등이 제안하였다. 지정된 검증자 서명 기법은 서명자가 검증자를 지정하고 서명하기 때문에 검증자 이외에는 서명을 검증해 볼 수 없으며 제 3자는 서명이 서명자로부터 나온 것인지 검증자로부터 생성된 것인지 확인할 수 없다. 검증자 또한 서명자가 생성한 서명과 구별 불가능한 서명을 생성할 능력이 있기 때문이다. 이러한 특징은 서명자의 프라이버시를 보호하고 따라서 전자 투표나 옥션, 전자 경매 등에 유용하게 쓰일 수 있다.

일반적으로 지정된 검증자 서명기법은 반드시 서명자와 검증자 이외에는 서명을 생성할 수 없어야 한다. 위조 불가능은 서명이 반드시 만족해야할 기본적인 안전성이다. 또한 지정된 검증자 서명 기법의 가장 큰 특징으로 서명자와 검증자 중 누가 실제로 서명을 생성하였는지 구분할 수 없어야 하는데, 이러한 source hiding의 안전성을 만족해야 한다. 2005년 Lipmaa[4] 등은 이러한 기본적인 안전성외에 지정된 검증자 서명기법이 갖춰야할 새로운 안전성에 대하여 정의하였다. Lipmaa등은 비전가성(non-delegatability)이라는 안전성 원칙을 제시하고 [JSI96, SKM03, SBWP03, SWP04, LV04]등의 지정된 검증자 서명기법이 전가성을 가진다는 것을 보였다. 전가성이란 서명자 또는 검증자가 자신의 비밀키를 노출하지 않고도 제 3자에게 약간의 정보를 줌으로써 제 3자가 정당한 서명을 생성할 수 있게 하는 것을 말한다. 비전가성을 만족하지 않는 DVS기법은, DVS기법이 적용되는 전자투표나 공개입찰, 옥션, 콘텐츠 이용 등에 심각한 문제를 야기할 수 있다. 전자투표의 경우, 서명자는 자신의 비밀키가 아닌 어떠한 정보를 제 3자에게 줌으로써 제 3자에게 자신의 투표 권리를 이행하도록 할 수 있

으며, 콘텐츠 이용에서의 경우, 제 3자는 돈을 지불하지 않고도 서명자로부터 약간의 정보를 받음으로써 서명자가 유료로 이용하는 콘텐츠를 무료로 이용할 수 있게 된다. 따라서 비전가성은 지정된 검증자 서명에서 심각하게 고려되어야할 사항이다. 2005년 Li 등[3]은 [SKM03, SBWP03, SWP04, LV04a] 등의 4개의 지정된 검증자 서명기법이 전가 공격에 안전하지 않음을 보였다.

본 논문에서는 2006년 Huang 등이 제시한 Short Strong Designated Verifier Signature Schemes[1] 과 2007년 Zhang 등이 제시한 novel ID-based designated verifier signature scheme[5]이 전가 공격에 안전하지 않음을 보이겠다. 2장에서는 Huang 등의 short strong DVS기법과 Zhang 등의 의 ID 기반의 DVS기법에 대하여 소개하고 3장에서는 이들 기법이 전가 공격에 안전하지 않음을 보이겠다. 4장에서는 결론을 맺는다.

### 2. 제안된 DVS 기법

이 장에서는 Huang 등이 제안한 Short ID-Based SDVS(Short ID-Based Strong Designated Verifier Signature)[1]과 2007년 Zhang 등이 제안한 ID-based DVS기법[5]을 분석한다.

#### 가. Huang 등의 Short ID-Based SDVS 기법

-Setup : KGC는 다음과 같이 시스템 파라미터와 master-key를 생성한다.

- $(G_1, +), (G_T, \cdot)$ 는 소수  $q(q \geq 2^l)$ 를 위수로 갖는 두 그룹이

<sup>+</sup>본 연구는 정보통신부 및 정보통신연구진흥원의 대학 IT연구센터 지원사업의 연구결과로 수행되었음 (ITA-2008-(C1090-0801-0025)).

고  $e$ 는 admissible bilinear map일 때  $\hat{e}: G_1 \times G_1 \rightarrow G_M$ 이다.

- 랜덤한  $s \in Z_q^*$ 를 고르고  $G_1$ 의 생성원  $P$ 를 선택하여  $P_{pub} = sP$ 를 계산한다.  $s$ 는 마스터키로 공개되지 않는다.
- 암호학적 일방향 해쉬함수  $H_0: \{0,1\}^* \rightarrow G_1$ ,  $H_1: \{0,1\}^* \rightarrow Z_q^*$ 를 생성한다. 시스템 파라미터는  $params = \{e, G_1, G_T, q, P, P_{pub}, H_0, H_1\}$ 이다.
- 각 사용자는 자신의 아이디,  $ID_i$ 를 가지며 사용자의 공개키는  $Q_{ID} = H_0(ID)$ 와같이 계산하고 개인키는  $S_{ID} = sQ_{ID}$ 로 계산한다.

-Sign : 서명자를 A, 검증자를 B라 가정할 때, A는 먼저 자신의 개인키를 이용하여  $k = \hat{e}(Q_{ID_B}, S_{ID_A})$ 를 계산하고, 메시지  $m$ 에 대한 서명을 다음과 같이 생성한다.

$$\sigma = H_1(m, k)$$

-Verify : 수신자 B는 메시지  $m$ 에 대한 서명의 정당성을 다음과 같이 검증한다.

$$H_1(m, \hat{e}(Q_{ID_B}, S_{ID_A})) = \sigma ?$$

등호가 성립한다면 accept를, 그렇지 않다면 reject를 출력한다.

-Transcript Simulation : 지정된 검증자 B는 A가 생성한 서명과 구별 불가능한 서명을 스스로 생성할 수 있어야 한다. 먼저 자신의 개인키를 이용하여  $k' = \hat{e}(Q_{ID_A}, S_{ID_B})$ 을 계산 후 구별 불가능한 서명을 다음과 같이 생성한다.

$$\sigma' = H_1(m, k')$$

B에 의해 생성된 메시지  $m$ 에 대한 서명  $\sigma'$ 은 A가 생성한 원래의 서명과 구별 불가능하다.

-Correctness :

$$\begin{aligned} \sigma &= H_1(m, \hat{e}(Q_{ID_B}, S_{ID_A})) = H_1(m, \hat{e}(Q_{ID_B}, sQ_{ID_A})) \\ &= H_1(m, \hat{e}(S_{ID_B}, Q_{ID_A})) = \sigma' \end{aligned}$$

#### 나. Zhang 등의 ID-Based DVS 기법

Zhang 등은[5] Correctness, Unforgeability, Source hiding, Non-delegatability 성질들을 만족하는 ID-Based DVS기법을 제안하였다. 그러나 실제로 Zhang 등의 기법은 전가 공격에 안전하지 않다. 이를 보임에 앞서 Zhang 등의 기법에 대하여 분석하고 Zhang의 기법이 전가 공격에 안전하지 않음을 3장에서 보이겠다.

-Setup : KGC는 다음과 같이 시스템 파라미터와 master-key를 생성한다.

- $(G_1, +), (G_T, \cdot)$ 는 소수  $q(q \geq 2^l)$ 를 위수로 갖는 두 그룹이고  $e$ 는 admissible bilinear map일 때  $\hat{e}: G_1 \times G_1 \rightarrow G_M$ 이다.
- 랜덤한  $s \in Z_q^*$ 를 고르고  $G_1$ 의 생성원  $P$ 를 선택하여  $P_{pub} = sP$ 를 계산한다.  $s$ 는 마스터키로 공개되지 않는다.
- 암호학적 일방향 해쉬함수  $H_1: \{0,1\}^* \rightarrow G_1$ ,  $H_2: \{0,1\}^* \times G_1 \times G_1 \rightarrow G_1$ 를 생성한다. 시스템 파라미터는  $params = \{e, G_1, G_2, q, P, P_{pub}, H_1, H_2\}$ 이다.

-KeyExtract : 주어진 ID에 대하여 공개키는  $Q_{ID} = H_0(ID)$ 와같이 계산하고 개인키는  $S_{ID} = sQ_{ID}$ 로 계산한다.

-Sign : 서명자 A는 메시지  $m$ 에 관하여 지정된 검증자 B에 대한

서명을 다음과 같이 생성한다. 랜덤한 두 수  $r_1, r_2 \in Z_q^*$ 를 선택하고

$$\begin{aligned} U_1 &= r_1 Q_{ID_B} \\ U_2 &= r_1 r_2 Q_{ID_B} \\ H &= H_2(m, U_1, U_2) \\ V &= r_2 H + r_1^{-1} S_{ID_A} \end{aligned}$$

를 계산한다. 메시지  $m$ 에 대하여 지정된 검증자 B에 대한 A의 서명은  $(U_1, U_2, V)$ 이다.

-Verify : 지정된 검증자 B는 먼저  $H = H_2(M, U_1, U_2)$ 를 계산하고  $e(U_1, V) = e(U_2, H)e(S_{ID_B}, Q_{ID_A})?$ 를 체크한다. 등호가 성립한다면 accept를 그렇지 않다면 reject를 출력한다.

-Transcript simulation : B는 원래의 서명과 구별 불가능한 서명을 생성하기 위하여 먼저 랜덤한  $r_1', r_2' \in Z_q^*$ 를 뽑고 다음과 같이 구별 불가능한 서명을 생성한다.

$$\begin{aligned} U_1' &= r_1' Q_{ID_B} \\ U_2' &= r_1' r_2' Q_{ID_B} \\ H' &= H_2(M, U_1', U_2') \\ V' &= r_2' H' + r_1'^{-1} S_{ID_A} \end{aligned}$$

B가 생성한 서명  $(U_1', U_2', V')$ 는 정당하게 검증을 통과한다. 따라서 제 삼자는 B가 생성한 것과 A가 생성한 서명을 구별할 수 없다.

### 3. 제안된 DVS 기법의 전가성

이 장에서는 앞에서 살펴본 Huang 등과 Zhang 등의 DVS기법의 전가안전성에 대하여 분석한다. 비전가성(Non-delegatability)이란 서명자 또는 검증자가 자신의 비밀키를 제외한 어떠한 정보를 제 3자에게 주더라도, 지정된 검증자에 대하여 정당한 서명을 생성할 수 없는 것을 말한다. 이러한 성질은 2005년 Lipmaa 등[4]에 의해 정의된 것으로 DVS기법에 있어서 고려되어야 할 중요한 안전성이다. 전가 공격에 대하여 기법이 안전하지 않다면 서명자 또는 검증자가 지정된 검증자에 대하여 자신의 서명 생성 능력을 다른 이에게 위임하는 것이 가능해 짐으로써 심각한 문제를 유발할 수 있다.

#### 가. Huang 등의 기법에 대한 전가 공격

Huang등의 기법에서는 서명자 A와 지정된 검증자 B가 자신의 개인키와 상대방의 공개키를 이용해 같은  $k = \hat{e}(Q_{ID_B}, S_{ID_A}) = \hat{e}(S_{ID_B}, Q_{ID_A}) = k'$ 를 계산함으로써 서명과 구별 불가능한 transcript를 생성한다. 따라서 서명자 또는 지정된 검증자가 랜덤한  $r \in Z_q^*$ 에 대하여,

$$T_1 = rS_{ID_A} \text{ (or } rS_{ID_B}), T_2 = r^{-1}H_1(ID_B) \text{ (or } r^{-1}H_1(ID_A))$$

의 정보를 제 3자에게 주게 되면 제 3자는 지정된 검증자 B에 대한 A의 서명을 다음과 같이 생성할 수 있다.

$$\sigma = H_1(m, \hat{e}(T_1, T_2))$$

A 또는 B가 주는 정보로는 제 3자가 개인키를 얻는 것은 Discrete Logarithm 문제를 푸는 것과 같으므로 제 3자가 개인키를 알아낼 가능성은 없다.

#### 나. Zhang 등의 기법에 대한 전가 공격

Zhang 등은 제안한 기법이 비전가성을 가짐을 증명하였으나 제안된 기법은 전가 공격에 안전하지 않다. 이는 다음과 같이 보일 수 있다. 서명자 A 또는 지정된 검증자 B가 제 3자에게  $(T_1, T_2)$ 의 정보를 다음과 같이 주게 되면,

$$T_1 = r^{-1}H_1(ID_B) \text{ (or } r^{-1}H_1(ID_A)), \quad T_2 = rS_{ID_A} \text{ (or } rS_{ID_B})$$

이를 이용하여 제 3자는 서명자 A와 지정된 검증자 B에 대한 정당한 서명을 만들어 낼 수 있다. 제 3자는 랜덤한 두 수  $s_1, s_2 \in Z_q^*$ 를 선택하고 아래와 같이 계산한다.

$$\begin{aligned} U_1 &= s_1 T_1 \\ U_2 &= s_1 s_2 T_2 \\ H &= H_2(m, U_1, U_2) \\ V &= s_2 H + s_1^{-1} T_2 \end{aligned}$$

이때 서명은  $(U_1, U_2, V)$ 가 되며 메시지 m에 대하여 제 3자가 생성한 서명은 정당하다.

$$\begin{aligned} e(U_1, V) &= e(s_1 T_1, s_2 H) e(s_1 T_1, s_1^{-1} T_2) \\ &= e(U_2, H) e(T_1, T_2) \\ &= e(U_2, H) e(S_{ID_B}, Q_{ID_A}) \end{aligned}$$

따라서 제 3자는 서명자 또는 검증자의 개인키를 모르더라도 주어진 정보를 가지고 정당한 서명을 만들 수 있게 된다.

#### 4. 결론

본 논문에서는 지정된 검증자 기법에서의 새로운 안전성 성질인 비전가성에 대하여 알아보고 이전의 두 기법이 전가 공격에 안전하지 않음을 보였다. 지정된 검증자 기법은 지정된 자만이 검증 가능하고 제 3자가 실제 서명자가 누구인지 구별 할 수 없는 성질을 가지기 때문에 서명자에 대한 프라이버시를 보장한다. 이러한 특성은 전자투표나 공개입찰, 옥션 등에 활용될 수 있다. 그러나 지정된 검증자 기법이 전가성을 지닐 경우 서명자 또는 검증자가 개인키를 드러내지 않고도 지정된 검증자에 대하여 자신의 서명 권리를 다른 이에게 위임할 수 있으므로 전자투표나 입찰등에 있어서 심각한 문제를 일으킬 수 있으므로 전가성에 대한 안전성의 고려가 필요하다. 기존의 ID 기반의 지정된 검증자 서명기법은 대부분이 전가 공격에 안전하지 않다. 따라서 비전가성을 만족하는 지정된 검증자 기법에 관한 연구가 더욱 필요할 것이다.

#### 5. 참고문헌

- [1] X.Huang, W. Susilo, Y. Mu, and F. Zhang, Short(Identity-Based) Strong Designated Verifier Signature Schemes, ISPEC 2006, LNCS 3903,pp. 214-225, Springer-Verlag, 2006.
- [2] M.Jakobsson,K.Sako,R.Impagliazzo,Designated verifier proofs and their applications, in : Advances in Cryptology-Eurocrypt96, LNCS,vol.1070,Springer-Verlag,1996,pp.143-154
- [3] Y. Li, H. Lipmaa, and D. Pei, On Delegatability of Four Designated Verifier Signatures, ICICS 2005, LNCS 3783,p. 61-71, Springer-Verlag, 2005.
- [4] H. Lipmaa, G. Wang and F. Bao, Designated verifier signature schemes: attacks, new security notions and a new construction, in: ICAP 2005, LNCS, vol. 3580, Springer-Verlag, 2004, pp. 459-471

- [5] J.Zhang, J. Mao, A novel ID-based designated verifier signature scheme, Information Sciences 178 (2008) 766-773