

# 결합변환상관기 구조를 이용한 위상 암호화 영상의 인식 및 복호화

신창목\*, 김수중\*  
경북대학교 전자전기컴퓨터학부\*

## Identification and Decryption of Fully phase-encrypted image Using Joint Transform Correlator Structure

Chang-Mok Shin\*, Soo-Joong Kim\*  
School of Electrical Engineering & Computer Science, Kyungpook Nat'l University\*

### 요 약

본 논문에서는 결합변환상관기(joint transform correlator)와 위상 암호화된 영상들을 이용하여 영상의 인식 및 복호화가 가능한 광 암호화 시스템을 제안하였다. 그레이 값을 가지는 원 영상은 동일한 그레이 값을 가지는 이진 영상으로 나누어 표현할 있다. 이러한 이진 영상들을 각각의 다른 이진 무작위 영상과 위상 부호화한 XOR 연산을 이용해 암호화할 수 있으며, 암호화한 영상들을 결합한 후 위상 부호화 과정을 거쳐 최종 암호화 영상을 구한다. 키 영상은 암호화에 사용된 각각의 이진 무작위 영상들을 최종 암호화 영상을 얻을때의 과정처럼 결합하여 역시 하나의 영상으로 구할 수 있다. 최종 암호화 영상과 키 영상을 제안한 결합변환상관기의 입력으로 사용하여 구한 상관치는 높고 폭이 좁은 특성을 가지고 있으므로 분별성�이 좋은 인식 시스템을 구현할 수 있을 뿐만 아니라 복호화 영상도 구할 수 있다. 컴퓨터 모의 실험으로 제안한 방법을 확인해보았다.

### 1. 서론

최근 몇 년 동안, 정보 보호는 복사기술의 발전과 원 정보의 인증의 필요성에 의해 그 중요성이 점점 대두되고 있다. 일정한 보호수준을 유지시키기 위해서, 정보보호 시스템은 원 정보에 대한 높은 분별성과 함께 무분별한 복사에도 강한 특성을 지녀야 한다. 위상 부호화된 정보는 기본적으로 눈으로 보

이지 않는 특성을 지니고 있기 때문에 세기 검출기로 쉽게 복사할 수 없다. 이러한 위상 부호화된 정보를 기반으로 한 광 정보 보호 기술들은 광범위하게 연구되고, 다양한 이론들이 제안되어져왔다.

이러한 광 보호 기술들<sup>[1-3]</sup> 중 이진 위상 XOR 연산 방법이 있다<sup>[2]</sup>. 이 방법은 기본적으로 두 위상 영상간의 간섭현상을 이용한 암호화 방법으로써, 간단한 구현이 가능하다는 장점이 있으나, 이진 정보의 암호화에만 적용된다는 단점을 가지고 있다.

본 논문에서는 위상 암호화된 영상과 결합변환

상관기를 이용한 새로운 광 인증 및 복호화 시스템을 제안하였다. 제안한 방법에 의해 위상 암호화된 영상들 즉 암호화 영상과 키 영상은  $[0: 2\pi]$  사이의 무작위로 분포한다. 이 영상들은 XOR 연산과 위상부호화 과정으로 암호화되었기 때문에 서로 다른 백색 잡음의 특성을 가지고 있을 뿐만 아니라, 둘 사이의 상관치가 매우 좁고 높은 특성이 있다. 또한, 이 영상들을 사용해 복호화 영상도 바로 추출할 수 있기 때문에 인증 뿐만 아니라 복호화도 가능한 시스템을 구현할 수 있다. 본 논문에서는 결합변환상관기(joint transform correlator)를 사용하여 제안한 시스템을 구현하였다.

## 2. 암호화 과정

$n$  개의 레벨을 가지는 그레이 원 영상을  $o_n(x, y)$  라 하면, 첫번째 과정으로 이 영상을 동일한 그레이 레벨을 가지는 이진 영상들로 나눌 수 있으며 이렇게 나누어진 이진 영상들을 위상 부호화 한다. 원 영상을 이진 영상으로 나누면

$$o_n(x, y) = 1 \cdot b_1(x, y) + 2 \cdot b_2(x, y) + \dots + n \cdot b_n(x, y) \quad (1)$$

과 같다. 여기서  $b_1, b_2, b_3 \dots b_n$ 은 0 또는 1의 값을 가지는 이진 영상들을 나타낸다. 각각의 나누어진 이진 위상들은 서로 다른 이진 영상들의 화소값에는 영향을 받지 않는 독립적인 화소값의 특성을 가진 영상이 된다.

두번째 과정으로, 나누어진 영상을 이진 무작위상영상을  $\exp(j\pi r_1), \exp(j\pi r_2), \exp(j\pi r_3) \dots \exp(j\pi r_n)$ 과 위상 부호화된 XOR 연산을 이용해 암호화하며, 암호화에 사용되는 위상 부호화 XOR 연산은 다음 표 1과 같이 표현할 수 있다.

<표 1> 일반적인 XOR 연산과 제안한 위상 부호화

XOR 연산

XOR			Phase encoded XOR		
$b_n$	$e_n$	$r_n$	$\exp(j\pi e_n)$	$\exp(j\pi r_n)$	$ \exp(j\pi e_n) - \exp(j\pi r_n)  \times 0.5 = b_n$
0	0	0	1	1	0
0	1	1	-1	-1	0
1	0	1	1	-1	1
1	1	0	-1	1	1

$n$ 번째의 이진 암호화된 영상은

$$\exp(j\pi e_n) = \exp(j\pi b_n) \cdot \exp(j\pi r_n) \quad (2)$$

로 나타낼 수 있으며, 차 연산(subtraction operator)을 이용하면,  $b_n$ 은

$$b_n(x, y) = |\exp(j\pi e_n) - \exp(j\pi r_n)| / 2 \quad (3)$$

으로 표현할 있다.

그러므로 원 영상은 식 (3)과 차 연산을 이용해 표현 가능하며,

$$\begin{aligned} o_n &= |(1 \cdot [\exp(j\pi e_1) - \exp(j\pi r_1)] + 2 \cdot [\exp(j\pi e_2) - \exp(j\pi r_2)] \\ &\quad \dots + n \cdot [\exp(j\pi e_n) - \exp(j\pi r_n)]) / 2| \\ &= |([1 \cdot \exp(j\pi e_1) + 2 \cdot \exp(j\pi e_2) + \dots + n \cdot \exp(j\pi e_n)] - \\ &\quad [1 \cdot \exp(j\pi r_1) + 2 \cdot \exp(j\pi r_2) + \dots + n \cdot \exp(j\pi r_n)]) / 2| \end{aligned} \quad (4)$$

와 같이 구할 수 있다.

식 (4)로부터 암호화된 부분과 암호화에 사용된 무작위 영상부분을 따로 분리하여 두개의 그레이 무작위 영상을 얻을 수 있으며, 이는

$$E(x, y) = [1 \cdot \exp(j\pi e_1) + 2 \cdot \exp(j\pi e_2) + \dots + n \cdot \exp(j\pi e_n)] / 2 \quad (5)$$

$$R(x, y) = [1 \cdot \exp(j\pi r_1) + 2 \cdot \exp(j\pi r_2) + \dots + n \cdot \exp(j\pi r_n)] / 2$$

로 표현된다.

마지막 단계로  $E(x, y)$ 와  $R(x, y)$ 를  $n$ 으로 나눈 후 위상 부호화하여 최종 암호화 영상과 키 영상을 구한다. 암호화 영상과 키 영상은

$$\tilde{E}(x, y) = \exp(j\pi E / n) \quad (6)$$

$$\tilde{R}(x, y) = \exp(j\pi R / n)$$

과 같이 표현 할 수 있다.  $\tilde{E}(x, y)$ 는 암호화 영상  $\tilde{R}(x, y)$ 은 키 영상을 나타내며, 원 영상을 인증하고 복호화하기 위해 제안한 시스템의 입력으로 사용된다.

## 3. 인증과 복호화 과정

### 3.1 인증과정

그림 1과 같이 인증모드로 하였을 때  $\tilde{E}(x, y)$ 와  $\tilde{R}(x, y)$ 를 결합변환상관기의 입력으로 사용하여 인증 과정을 수행할 수 있다. 푸리에 렌즈를 거친후 출력 영상은

$$\begin{aligned}
I_{CCD}(u, v) &= |F.T[\tilde{E}(x, y)] \cdot \exp(j2\pi u_0 x) + F.T[\tilde{R}(x, y)] \cdot \exp(-j2\pi u_0 x)|^2 \\
&= |F.T[\tilde{E}(x, y)]|^2 + F.T[\tilde{E}(x, y)]^* F.T[\tilde{R}(x, y)] \exp(-j4\pi u_0 x) + \\
&\quad F.T[\tilde{E}(x, y)] F.T[\tilde{R}(x, y)]^* \exp(j4\pi u_0 x) + |F.T[\tilde{R}(x, y)]|^2
\end{aligned} \quad (7)$$

과 같다. 여기서  $u_0$ 은 결합변환상관기에서의 입력 영상과 기준 위치와의 거리를 의미한다.

$$\begin{aligned}
O_{CCD_2}(x, y) &= |R(x, y) \exp(j\pi) + R(x, y)\tilde{E}(x, y)\tilde{K}(x, y)|^2 \\
&= |R(x, y) \exp(j\pi)|^2 |1 + \exp(-j\pi)\tilde{E}(x, y)\tilde{K}(x, y)|^2 \\
&= |R(x, y)|^2 |1 - \exp[j\pi E(x, y)] \exp[j\pi K(x, y)]|^2 \\
&= |R(x, y)|^2 |2 - 2 \cos\{\pi [E(x, y) + K(x, y)]\}|
\end{aligned} \quad (9)$$

와 같이 표현할 수 있다. 이 때 기준파  $R(x, y)$ 는  $E \exp(j\theta)$ 이다.

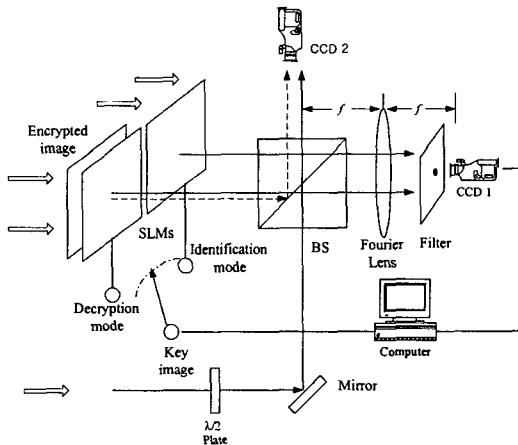


그림 1. 제안한 인증 및 복호 시스템

입력 영상들의 상관치는 위 세기 영상의 역푸리에 변환으로 구하며,

$$\begin{aligned}
F.T^{-1}[I_{CCD}(u, v)] &= \tilde{E}(x, y) * \tilde{E}(x, y) + [\tilde{R}(x, y) * \tilde{E}(x, y)] * \delta(x + 2u_0) + \\
&\quad [\tilde{E}(x, y) * \tilde{R}(x, y)] * \delta(x - 2u_0) + \tilde{R}(x, y) * \tilde{R}(x, y)
\end{aligned} \quad (8)$$

과 같다. 여기서 기호  $*$ 과  $*$ 는 각각 상관연산자 (correlation operator)와 콘볼류션연산자 (convolution operator)를 의미한다. 상관치는 XOR로 암호화된 상관 특성에 의해 높고 높을 뿐만 아니라, 자기상관성분과 떨어져 나타나므로, 공간필터를 써서 자기상관성분을 제거할 경우,  $2u_0$  와  $-2u_0$  의 위치에서 상관 결과를 쉽게 확인할 수 있다.

### 3.2 복호화 과정

제안한 시스템을 그림 1과 같이 복호화 모드로 놓고 키 영상  $\tilde{R}(x, y)$ 를 암호화 영상  $\tilde{E}(x, y)$ 과 직렬 연결 상태로 하여 광을 투영시키면 간섭에 의해 복호화 영상을 구할 수 있으며,

### 4. 컴퓨터 모의 실험

그림 2는 222값을 최대 그레이 값으로 가지는 128x128 화소의 레나(Lena) 원 영상이다. 그림 3과 그림 4는 암호화 과정에 의한 무작위 영상들이다. 그림 5는 복호화 모드일 때 CCD2에 의해 검출되는 복호화 영상을 나타내며, 상관 모드일 경우 공간필터에 의해 필터링된 상관치는 그림 6과 같이 CCD1에 의해 나타난다. 거짓 암호화된 영상을 입력으로 하였을 때 그림 7와 같이 상관치가 없는 인증이 나타남을 확인할 수 있다.



그림 2. 원 영상

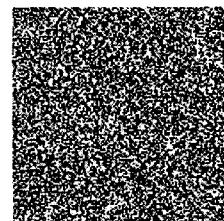


그림 3. 암호화 영상

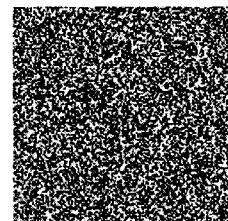


그림 4. 키 영상



그림 5. 복호화 영상

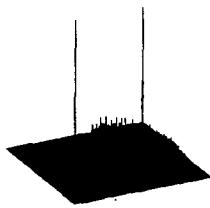


그림 6. 인증 상관결과

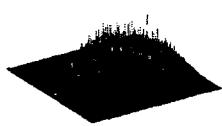


그림 7. 거짓 인증상관결과

## 5. 결론

본 논문에서는 XOR연산과 결합변환기 구조를 이용하여 인증과 복호화가 가능한 광 보호 시스템을 제안하였다. 제안한 시스템은 인증시 높고 좁은 상관치를 출력평면에 나타낼 뿐만 아니라 복호화 결과도 보여 줄 수 있기 때문에 원 영상에 대해 높은 정 보 특성을 가진다.

## 참 고 문 헌

- [1] B. Javidi and A. Sergent, "Fully Phase encoded key and biometrics for security verification", *Optical Engineering*, vol. 36, No. 3, pp. 935-941, March 1997.
- [2] J.-Y. Kim, S.-J. Park, C.-S. Kim, J.-G. Bae, and S.-J. Kim, "Optical image encryption using interferometry-based phase mask," *Electronic Letters*, vol. 36, No 10, pp.874-875, May 2000.
- [3] P. C. Mogensen, and J. Gluckstad, "Phase-only optical encryption", *Optics Letters*, vol. 25, No. 8, pp. 566-568, April 2000.