

## 전자기베어링에서 Filtered-x LMS 알고리즘을 이용한 외란보상 제어기 설계

강민식\*(경원대학교 기계공학과), 강윤식(국방과학연구소), 이대옥(국방과학연구소)

Disturbance Compensation Control in Active Magnetic Bearing Systems by Filtered-x  
LMS Algorithm

M. S. Kang\*(Mech. Eng. Dept., Kyungwon Univ.), Y. S. Kang(ADD), D. O. Lee(ADD)

### ABSTRACT

This paper concerns on application of active magnetic bearing(AMB) system to levitate the elevation axis of an electro-optical sight mounted on moving vehicles. In such a system, it is desirable to retain the elevation axis within the predetermined air-gap while the vehicle is moving. A disturbance compensation control is proposed to reduce the base motion response. In the consideration of the uncertainty of the system model, a filtered-x least-mean-square(FXLMS) algorithm is used to estimate adaptively the frequency response function of the feedforward control which cancels disturbance responses. The frequency response function is fitted to an optimal feedforward control. Experimental results demonstrate that the proposed control reduces the air-gap deviation to 27.7% that by feedback control alone.

**Key Words :** Active magnetic bearing (동동자기베어링), Disturbance compensation control (외란보상제어), Filtered-x least mean square algorithm (FXLMS: Filtered-x LMS 알고리즘)

### 1. 서론

동동자기베어링(AMB)은 기존의 베어링에 비해 많은 장점을 갖고 있어 산업계에서 적용이 증가하는 추세이다<sup>[1]</sup>. 자기베어링은 전자기력을 이용하여 부하를 부양상태로 자자하므로 부유한 및 베어링의 동특성을 조정할 수 있다는 장점을 제공한다. 지금까지 전자기베어링에 대한 연구는 주로 베이스가 정직인 상태를 대상으로 하였다. 그러나 차량 등에 적용하는 경우 베이스에 의한 영향을 무시할 수 없다. 본 연구에서는 AMB계의 안정화를 위해 케이스이와, 베이스 가속도를 측정하여 보상하는 가속도 외란보상제어를 제안한다. 외란의 영향 감소를 위해 케이스 대역폭을 넓히는 케이스이 방법을 적용할 수 있으나<sup>[2]</sup>, 이 방법은 차량에 대한 민감도 증가나, 공진현상을 유발하는 문제가 있다. 보다 효과적인 방법은 외란보상제어를 할 수 있다<sup>[3]</sup>. 역동역학 모델을 이용한 보상제어는 이론적으로 외란의 영향을 완전히 배제시킬 수 있으나 이 방법은 모델의 정확성이 보장되어야 한다. 그러나 실제 AMB시스템의 미션

형성, 연속계의 균사적 이산화, 센서 동특성 등 때문에 정확한 모델을 얻는 것은 쉽지 않다. 또한 이산화할 경우 빈번히 발생하는 미취소위상 특성은 세이지의 불안정성을 야기하기로 적용에 한계가 있다.

이상의 논의를 바탕으로 본 연구에서는 FXLMS 알고리즘<sup>[4]</sup>을 이용한 실험적 외란보상제어가 설계방법을 제안하였으며, 그 효과 검증을 위해 1-자유도 AMB계를 제작하여 실험하였다.

### 2. 실험장치 및 동적모델

실험장치는 Fig. 1의 1-자유도 AMB 시스템이다. 보의 한쪽 끝은 고정된 구조물에 위치되어 있고 자유단은 전자기 베어링에 의해 부양된다. 전자기 베어링은 베이스 운동을 발생시키는 가진기 위에 설치되었다. 전자서과 보 사이의 공극은 미침과 면위센서에 의해 측정되며, 전자기베어링이 상하방향 가속도 증강을 위해 가속도계가 설치되었다.

이 AMB 시스템의 운동방정식은 다음과 같다.

$$\frac{J}{x_a}(\ddot{y} + \ddot{z}) = -\frac{L}{2}mg + x_af_c \quad (1)$$

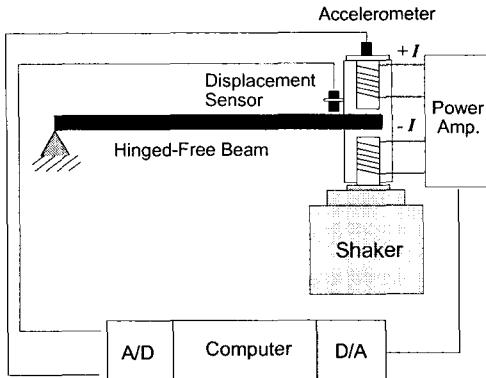


Fig. 1 Schematic of experimental setup

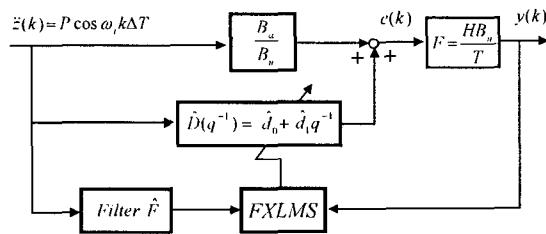


Fig. 2 Block diagram of FXLMS algorithm

식(1)에서  $J$ ,  $L$ ,  $m$ 은 보의 관성모멘트, 길이, 질량이며,  $x_a$ 는 전자식 위치,  $y$ 는 공칭공간으로부터의 공주변화,  $z$ 는 베이스 변위,  $g$ 는 중력가속도,  $f_c$ 는 전자기력을 나타낸다. 전자기력은 다음 식과 같이 선형화할 수 있다.

$$f_c = K_s y + K_i K_d v_c \quad (2)$$

여기서  $K_s$ 와  $K_i$ 는 각각 전자식의 면위강성과 전류감성이며,  $K_d$ 는 전역증족기의 이득이다. 따라서 다음의 운동방정식을 얻을 수 있다.

$$\ddot{y} - \frac{3K_s x_a^2}{mL^2} y = \frac{3K_s K_d x_a^2}{mL^2} v_c - \ddot{z} - \frac{3x_a}{2L} g \quad (3)$$

식(3)에서 이 AMB 시스템은 불안정하며, 보의 자중은 정적 외란으로, 베이스 가속도는 동적 외란으로 작용함을 알 수 있다.

### 3. 제어기 설계

이산제어를 위해 식(3)을 이산시간 모델로 변환하면 다음과 같다.

$$y(k) = \frac{B_u(q^{-1})}{A(q^{-1})} v_c(k) + \frac{B_u(q^{-1})}{A(q^{-1})} \left\{ \ddot{z}(k) - \frac{3x_a}{2L} g \right\} \quad (4)$$

이 개의 제어를 위해 식(5)의 뒤먹임+앞먹임제어를 적용하면, 폐회로 응답은 식(6)이 된다.

$$v_c(k) = \frac{G(q^{-1})}{H(q^{-1})} y(k) + D(q^{-1}) \ddot{z}(k) \quad (5)$$

$$y(k) = \frac{H(B_u + B_s D)}{AH - B_s G} \ddot{z}(k) - \frac{B_u H}{AH - B_s G} \frac{3x_a}{2L} g \quad (6)$$

#### 3.1 극점배치 뒤먹임제어

식(6)의 폐회로 안정을 위해서 다항식  $H$ ,  $G$ 는 식(7)의  $T$ 의 모든 근이 단위원 내에 있어야 한다.

$$A(Q^{-1})H(Q^{-1}) - B_s(Q^{-1})G(Q^{-1}) = T(Q^{-1}) \quad (7)$$

식(8)은 Diophantine식으로, 원하는 주점들로 이루어진  $T(Q^{-1})$ 를 설정하고 항등식을 풀어  $H$ 와  $G$ 를 결정할 수 있다. 만일  $H$ 를  $(1-q^{-1})$ 을 포함하도록 설정하면 보의 자중에 의한 정상상태 응답을 제거할 수 있다.

#### 3.2 외란보상제어

식(6)에서 외란응답은 다음의 앞먹임제어에 의해 완벽하게 제거할 수 있다.

$$D(q^{-1}) = -\frac{B_u(q^{-1})H(q^{-1})}{B_s(q^{-1})} \quad (8)$$

이 제어기 성능은 모델의 정확도에 민감하므로 다음의 실험에 위한 제어기설계방법을 제안한다.

다음의 1차 다항식 앞먹임제어인  $D(q^{-1})$ 는 위의의 단일 주파수 조합함수 형태의 베이스 가속도에 의한 응답을 완벽하게 제거할 수 있다.

$$D(q^{-1}) = d_0 + d_1 q^{-1} |_{q=\exp(j\omega_n T)} = -\frac{B_u H}{B_s} |_{q=\exp(j\omega_n T)} \quad (9)$$

이 다항식 계수  $d_0$ ,  $d_1$ 는 Fig. 2와 같이 FXLMS 알고리즘을 이용하여 추정하며, 생성식은 다음과

같다<sup>[9]</sup>.

$$\begin{bmatrix} \hat{d}_0(k+1) \\ \hat{d}_1(k+1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \hat{d}_0(k) \\ \hat{d}_1(k) \end{bmatrix} + \mu \begin{bmatrix} \hat{z}(k) \\ \hat{z}(k-1) \end{bmatrix} y(k) \quad (10)$$

Fig. 2에서 필터  $\hat{F}(q^{-1})$ 가 다음 식을 만족하면 주정계수의 평균값은 참값에 수렴한다<sup>[8]</sup>.

$$Re[-\frac{\hat{F}(q^{-1})}{F(q^{-1})}] \Big|_{q=\exp(j\omega T)} > 0 \quad (11)$$

$$0 < \mu < \frac{1}{\max(2E[\hat{h}^2(k)])}, h(k) = \hat{F}(q^{-1})\hat{z}(k) \quad (12)$$

따라서 Fig. 2와 같이 AMB 시스템을 특정 주파수를 갖는 조화함수로 가진한 상태에서 FXLMS 알고리즘을 적용하면 이 외란을 제거하는 제어기 계수  $d_0$ 와  $d_1$ 를 구할 수 있으며, 가진 주파수를 면강하면서 이상의 과정을 반복하여 외란제거보상기의 주파수응답함수를 얻는다.

이 주파수응답함수를 가장 잘 나타내는 제어기 모델을 정하고 일반적인 광선맞춤법을 이용하여 계수를 구한다. 만약 IIR-모델이 불안정하면 양정성을 보장하는 FIR(finite impulse response)-모델 형태의 제어기를 선정할 수 있다.

#### 4. 실험 및 결과

제어기의 성능을 평가를 위해 실험을 수행하였다. 케환제어는 폐회로 구조이 감쇠비=0.8, 고유진동수=60Hz를 갖도록 설계되었으며, 적분제어가 포함되었다. 샘플링 주파수는 800Hz로 설정하였다.

앞면 제어기 실猃에 앞서 케환제어를 작동시킨 상태에서 가진기를 20Hz의 조화함수로 가진하여 FXLMS 알고리즘의 적용성을 검증하였다.

Fig. 3은 가진과 동시에 FXLMS 알고리즘을 작동시킨 경우 주정된 계수이다. 응답은 초기에 큰 친이응답을 보이다 계수가 수렴함에 따라 감소됨을 확인하였다.

베이스 운동의 대역폭을 고려하여 10Hz-30Hz 선형 Chirp 신호를 가진기에 입력하면서 FXLMS 알고리즘을 실행시켰다. Fig. 4는 주정된 계수이며, Fig. 5는 이 경우의 응답으로 초기 친이응답이 지난 후 감소함을 알 수 있다. Fig. 6, 7에서 같은 실猃은 Fig. 4의 제어기 계수를 이용하여 구한 주파수 응답함수의 선기와 위상이다. 이 주파수 응답함수를 광선맞춤법으로 얻은 IIR(infinite impulse response)-모델은 불안정하여 FIR-모델로 광선맞춤을 하였다. Fig. 6, 7은 실험에 의한 주파수 응답. IIR-모델,

FIR-모델의 주파수 응답을 나타낸다.

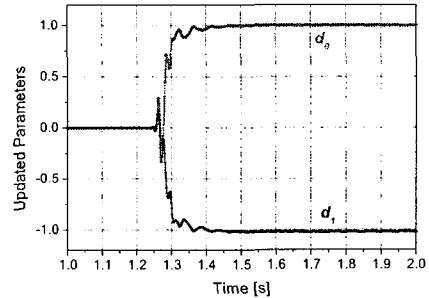


Fig. 3. Estimated parameters by FXLMS under 20Hz base motion

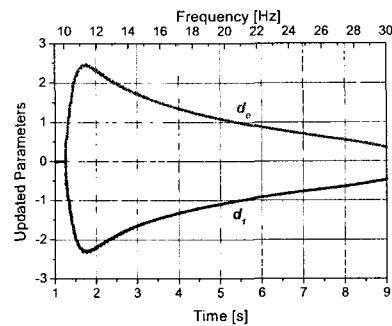


Fig. 4. Estimated control parameters

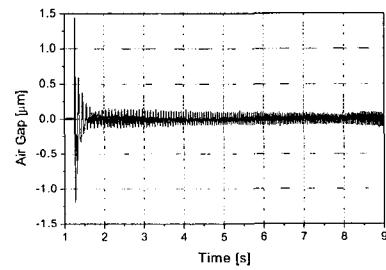


Fig. 5. Air-gap with FB+FF control by FXLMS under base motion excited by chirp signal

점정된 외란제거제어의 성능을 검증하기 위해 10Hz-30Hz 대역폭을 갖는 패턴 신호로 가진하였다. Fig. 8은 동일한 기전상태에서 각 제어기를 적용했을 때 얻은 응답의 스펙트럼을 보인다. 케환 제어만하였을 경우(FB Only) 응답의 표준편차는 11.13/mn였다. 케환 제어와 25Hz의 외란을 제거하는 앞면제어기 제어기를 적용한 경우(FB+FF, 25Hz) 응답의 표준편

자는  $5.53\mu m$ 로 계산되었다.

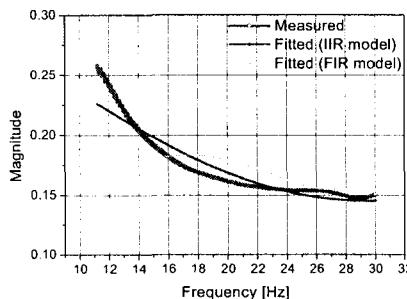


Fig. 7. Magnitudes of measured and fitted frequency response functions

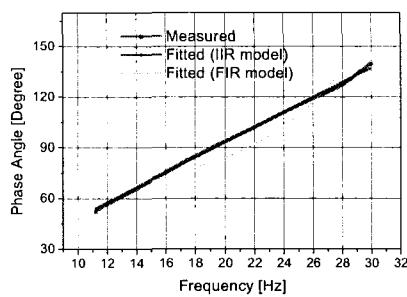


Fig. 8. Phase angles of measured and fitted frequency response functions

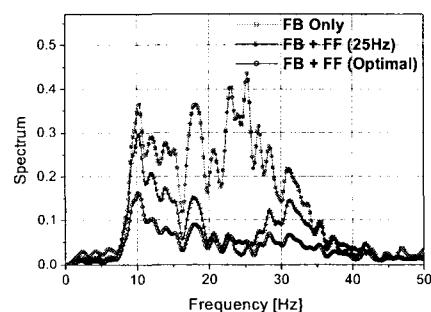


Fig. 9. Spectra of air gap with FB+FF controls under randomly excited base motion

보상제어를 적용한 경우(FB+FF, Optimal) 스펙트럼은 케이스에만 한 경우에 비해 보통 주파수 범위에서 낮았으며, FB+FF(25Hz)에 비해 사도 25Hz 부분을 제외한 전 영역에서 낮게 나타났다. 단, 15Hz 미만의 주파수 영역에서의 상대적으로 큰 오차는 악설명률에서 맛을오차가 크기 때문이다. 이 경우 응답의 표준편자는  $3.08\mu m$ 로 케이스에만을 적용

한 경우의 27.7%에 해당한다.

## 5. 결론

차량에 장착되어 운용되는 AMB 시스템에서 차량 운동으로 인한 외란응답의 감소를 위해 베이스 가속도 외란보상제어를 적용하였다. 보상제어가 설계에서 모델이 갖는 부정확성을 고려하여 EXLMS 알고리즘을 이용한 실험적 설계방법을 제안하였으며, I-자유도 AMB 시스템에 적용하였다. 그 결과 본 연구에서 제안한 외란보상제어는 베이스 가속도를 받는 AMB 시스템에서 베이스 응답을 감소시키는데 효과가 있음을 확인할 수 있었다.

## 후기

이 논문은 국방과학연구소 지원에 의하여 연구되었음.

## 참고문헌

1. 하영호, 이종원, "주파수 성형 가작함수를 가진 죄적제어에 의한 동동자기베어링 시스템의 물관형 응답제어," "대한기계학회 논문집 A권, 제 22권, 세 8호, pp. 1431-1441, 1998.
2. Cole, M. O. T., Keogh, P. S., and Burrows, C. R., "Control and Non-linear Compensation of a Rotor/Magnetic Bearing System Subject to base Motion," 6th Int. Symposium on Magnetic Bearings, Cambridge, MA, pp.618-627, 1998.
3. Suzuki, Y., "Acceleration Feedforward Control for Active Magnetic Bearing Excited by Ground Motion," IEEE Proc. Control Theory Appl., vol.145, no.2, pp.113-118, 1998.
4. Kuo, S. M. and Morgan, D. R., Active Noise Control Systems. A Wiley-Interscience Publication, John Wiley & Sons, Inc, 1996.
5. White, M. T. and Tomizuka, M., "Increased Disturbance Rejection in Magnetic Disk Drives by Acceleration Feedforward Control and Parameter Adaptation," Control Engineering Practice, vol.5, no.6., pp.741-751, 1997.