

## 안전한 비밀키 갱신이 가능한 Schnorr 형 서명 기법

김중만, 김광조

\*한국정보통신대학원대학교, 공학부

### Intrusion-Resilient Key-Evolving Schnorr Signature Scheme

JoongMan Kim, Kwangjo Kim

\*Department of Computer Science Information & Communications Univ.

#### 요약

보안 시스템에서 비밀키 노출은 가장 심각한 문제 중 하나이며, 피할 수 없는 문제로 여겨진다. 최근에 키 전개(key-evolving) 패러다임이 비밀키 노출이 가져올 수 있는 피해를 최소화시키기 위한 수단으로 도입되었다. 이 패러다임에서는 프로토콜 전 구간이 여러 시간 구간으로 나누어진다. 시간 구간  $i$ 에서 서명자는 비밀키  $SK_i$ 를 가지게 되며, 이를 주기적으로 갱신하게 된다. 반면 공개키  $PK$ 는 프로토콜 전 구간동안 변함이 없다. 이러한 개념을 기반으로 하여 본 논문에서는 안전한 비밀키 갱신이 가능한 Schnorr 형 서명 기법을 제시한다. 이 서명 기법은 다음과 같은 특징을 갖는다. 만약 모든 시간 구간에 있는 비밀키들이 노출되지 않는다면, 아직 노출되지 않은 시간 구간의 서명을 위조할 수 없다. 즉, 모든 시간 구간의 비밀키를 알아야 어떤 시간 구간의 서명을 위조할 수 있다. 이 서명 기법은 위조 불가능하게 안전하며, 이산 로그 (Discrete Logarithm Problem)의 어려운 문제에 기반한 Schnorr 서명 기법에서 유도되었다.

#### I. 서론

비밀키 노출은 피할 수 없는 문제로 여겨진다. 특히, 전반적으로 비밀키 노출을 방지하는 방법들은 비용이 많이 들며, 대부분의 상용 애플리케이션에 있어서 비실용적이다. 따라서 비밀키 노출이 가져올 수 있는 부정적인 영향을 최소화하는 것이 중요하다. 이러한 문제와 관련하여 많은 연구가 이루어져 왔다.

전방 보안(Forward-secure) 서명 기법 [1], [2]에서는 서명자는 비밀키를 소유하며, 매 시간 주기마다 키가 갱신된다. 이러한 서명 기법은 현재 시간 구간의 비밀키가 노출되더라도 과거 시간 구간 안에 있는 서명의 안전성은 보장된다.

문턱(Threshold) 서명 기법 [3], [9]에서는 비밀키가  $n$ 개의 디바이스들 간에 공유된다. 가령,  $n$ 개

의 디바이스들 중  $t$ 개의 디바이스들이 공모를 하여도 공격자는 그 기법을 깰 수 없다.

Key-insulated 서명 기법 [4]에서 공격자는 과거 뿐 아니라 미래의 서명도 위조할 수 없다. 이러한 서명 기법은 서명자가 주기적으로 통신하는 서버의 안전한 저장 공간을 가정하고 있다.

최근 제안된 intrusion-resilient 서명 기법 [5]은 key-insulated 서명 기법과 같이 두 모듈을 가정하고 있다. 하나는 "서명자" 이고, 또 하나는 "base"이다. intrusion-resilient는 두 모듈내의 비밀키 노출이 동시에 이루어지지 않는다면, 과거와 미래 시간 구간 안에 있는 서명의 안전성이 보장된다. 또한 두 모듈 내 비밀키 노출이 동시에 이루어진다면, 과거 시간 구간 안에 있는 서명의 안전성만 보장된다.

Tzeng 등은 [10] 전방 보안(forward-secure) 서명 기법과 비슷한 키 전개 패러다임을 제안했다. 그들은 공개키 기반 구조에서의 비밀키 노출 문제를 다루었지만, 서명 기법에서도 비슷할 것이다. 이 패러다임에서는 우선 프로토콜 전 구간을 여러 시간 구간으로 나눈다. 서명자의 공개키  $PK$ 는 프로토콜 전 구간동안 고정 될 것이다. 시간 구간  $i$ 에서의 서명자의 비밀키는  $SK_i, i \geq 0$ 이다. 시간 구간이  $i$ 에서  $i+1$ 로 진행 하게 되면, 서명자는 자신의 비밀키를  $SK_i$ 에서  $SK_{i+1}$ 로 갱신을 한다. 그리고  $SK_i$ 을 바로 삭제한다. 이 때  $TA$ (trusted agent)의 도움을 받을 수도 있다. 만약 공격자가 시간 구간  $i$ 에서 서명자의 시스템을 침입해서 그 시간 구간에서의 비밀키  $SK_i$ 을 얻는다 하더라도 그 이전 키들은 지웠기 때문에 직접적으로 이전 서명을 얻을 수는 없다. 또한 서명자가 자신의 키가 도난당했다는 사실을 모른다 하더라도 그는 바로 그 시간 구간안의 서명만 위조될 것이라는 사실을 확신할 수 있을 것이다. 본 논문에서는 이러한 패러다임을 이용하여 intrusion-resilient의 개념을 제안한다. 이 intrusion-resilient는 Itkis 등이 [5] 제안한 개념과는 다른 개념으로 선형 연립방정식과 Threshold 암호의 성질을 이용해서 얻어질 것이다.

본 논문의 구성은 다음과 같다: 본문의 첫 번째 장에서는 intrusion-resilient 개념을 제시하고, 두 번째 장에서는 제안 프로토콜을 소개하며, 세 번째 장에서는 제안 프로토콜의 안전성 분석을 한다. 마지막으로 결론을 정리한다.

## II. 본문

### 1. 정의

이 장에서는 키 전개 프로토콜에 [6] 기반한 서명 프로토콜 정의를 제시한다. 이 정의에서는 여러개의  $TA$ 들이 있어 서명자의 비밀키를 갱신하기 위한 비밀키 부분값(share)을 가지고 있다고 가정한다. 그리고 나서는 intrusion-resilient 개념을 제시한다.

#### 1) 표기법

키 전개 서명 기법은 4개의 알고리즘 -키 생성 알고리즘, 키 갱신 알고리즘, 서명 생성 알고리즘, 서명 검증 알고리즘-으로 구성 되어 있다. 본 논문에서는  $\{0,1\}^*$ 을 유한길이의 이진 문자열들의

집합으로 정의하고, 다음과 같이 두개의 해쉬 함수  $h_1: \{0,1\}^* \rightarrow \{0,1\}^*$ 과  $h_2: \{0,1\}^* \rightarrow Z_q$ 를 정의한다. 또한 해쉬 함수  $h_1$ 의 출력값을 비트 표기법으로 나타내어 벡터 값을 생성하는 벡터 함수  $B$ 를 정의한다. 벡터 함수  $B$ 는 키 생성 알고리즘에서 정의된다. 또한 본 논문에서 사용되는  $t$ 는 제안 프로토콜의 전 구간을 나타내는데 사용된다. 본 논문에서는  $TA$ 의 존재를 가정한다. 실제로 각각의  $TA_i$ 는 서명자의 비밀키  $s$ 의 부분값인  $s_i$ 를 공유하게 된다. 그리고 서명자는  $TA$ 들이 가지고 있는 값과 자신이 가지고 있는 값들을 가지고 Shamir의  $(k,n)$  문턱 서명 기법을 [9] 통해서 안전한 방식으로 비밀키  $SK_i$ 를 계산하게 된다.

#### 2) 보안 요구 사항

키 전개 프로토콜이 갖는 특성은 다음과 같다. [6]

- 전방 안전성 (forward-secret)

현재 시간 구간의 비밀키를 이용해서 과거 시간 구간의 비밀키를 알 수 없다.

- 후방 안전성 (backward-secret)

현재 시간 구간의 비밀키를 이용해서 미래 시간 구간의 비밀키를 알 수 없다.

- 키 독립성 (key-independent)

적절한 시간 구간의 비밀키를 이용해서 어떠한 시간 구간의 비밀키를 알 수 없다. 즉, 전방 안전성과 후방 안전성을 모두 만족한다.

#### 3) Intrusion-Resilient 개념 정의

Tzeng 등은 [10] 공개키 기반 구조에서 "resilience"의 개념을 제안했다. 이 개념은 서명 기법에서도 다음과 같이 똑같이 적용 될 것이다.

[정의 1] 서명 기법을 위한 보안 모델 하에서 만약 공격자가  $z$ 개의 비밀키  $SK_{i_1}, SK_{i_2}, \dots, SK_{i_z}$ 들을 획득 할 지라도 그가 서명 기법을 깰 수 없다면 이런 키 전개 서명 기법을  $z$ -resilient하다고 정의 한다.

위 정의에 의하면 공격자는  $z$  시간 구간들의 비밀키  $SK_{i_1}, SK_{i_2}, \dots, SK_{i_z}$ 를 획득 할 지라도 아직 노출이 안 된 다른 시간 구간 안에 있는 비밀키를 구할 수 없다. 실제로 제안 프로토콜은  $(t-1)$ -resilient한 프로토콜이다. 그래서 다음과 같은 정의를 제시한다.

[정의 2] 키 전개 프로토콜이  $(t-1)$ -resilient하다면 그 프로토콜을 intrusion-resilient하다고 정의한다.

이 정의에 의하면 제안 프로토콜은 intrusion-resilient 기법이다. 제안 프로토콜의 안전성 분석에서 이를 보일 것이다.

## 2. 제안 프로토콜

이 장에서는 Shamir의  $(k, n)$  문턱 서명 기법을 이용한 제안 프로토콜을 기술한다. 이 프로토콜은 위조 불가능하게 안전하며, 이산 로그의 어려운 문제에 기반한 Schnorr 서명 기법에서 유도 되었다. [8]

- 키 생성 알고리즘

- $q$ 가  $p-1$ 의 약수인 큰 소수  $q$ 와  $p$ 를 선택한다.
- 차수가  $q \in \mathbb{Z}_p^*$ 인 순환군  $G_q$ 에서 생성원  $g$ 를 생성한다.
- 비밀키 정보  $S = (s_1, s_2, \dots, s_t)$ 를  $G_q$  안에서 생성한다.
- 비밀키 정보  $S$ 를 이용하여 공개키를 계산한다.

$$PK = (g^{s_1}, g^{s_2}, \dots, g^{s_t})$$

- 두 개의 충돌 회피 해쉬 함수를 사용한다.

$$h_1: \frac{1}{2}0,1^* \rightarrow \frac{1}{2}0,1^* \text{과 } h_2: \frac{1}{2}0,1^* \rightarrow \mathbb{Z}_q$$

- 벡터 함수를 정의한다.

$$B(x) := h_1(x) \text{의 바이너리 표현}$$

$$:= (e_1, e_2, \dots, e_t)$$

여기서  $e_i$ 들은 비트들이다.

- $t$ 개의  $t-1$ 차수의 다항식을  $\mathbb{Z}_q^*$ 안에서 생성한다.

$$f_1(x) \equiv s_1 + \sum_{i=1}^{t-1} \alpha_{1,i} x^i \pmod{q}$$

$$f_2(x) \equiv s_2 + \sum_{i=1}^{t-1} \alpha_{2,i} x^i \pmod{q}$$

:

$$f_t(x) \equiv s_t + \sum_{i=1}^{t-1} \alpha_{t,i} x^i \pmod{q}$$

이 다항식들은 비밀키 정보  $S$ 의 각 원소들을 공유하기 위해 사용 될 것이다.

- 서명자는 자신과  $TA$ 들에게 다중 부분값 (multiple share)  $MS_i, 1 \leq i \leq n$ , 을 분배한다.

$$MS_1 = (f_1(x_1), f_2(x_1), \dots, f_t(x_1))$$

$$MS_2 = (f_1(x_2), f_2(x_2), \dots, f_t(x_2))$$

:

$$MS_n = (f_1(x_n), f_2(x_n), \dots, f_t(x_n))$$

이때  $j$  개의  $TA$ 들이 있다고 가정하면 서명자는 이  $TA$ 들에게  $MS_1$ 에서  $MS_j$ 까지 분배하고, 나머지는 자신이 소유한다.

- 다중 부분값의 분배가 끝나면 비밀키 정보  $S$ 를 바로 삭제한다. 서명자의 공개키는  $PK$ 이다.

- 키 갱신 알고리즘

- 각  $TA_{r_i}, 1 \leq r_i \leq j$ , 들은 비밀키 갱신을 위해 다음을 계산한다.

$$SKU_{r_i} = (f_1(x_{r_i}), f_2(x_{r_i}), \dots, f_t(x_{r_i})) \cdot B(i+1) \pmod{q}$$

여기서  $\cdot$  는 내적을 의미한다. 이  $SKU_{r_i}$ 를 서명자에게 보낸다.

- 서명자는 자신이 가지고 있는 다중 부분값들 중  $(k-j)$ 개를 랜덤하게 선택한 후 다음을 계산한다.

$$SKU_{r_2} = (f_1(x_{r_2}), f_2(x_{r_2}), \dots, f_t(x_{r_2})) \cdot B(i+1) \pmod{q}$$

여기서  $d_1 \leq r_2 \leq d_{k-j}$  이다.

- 서명자는 다음과 같이 Lagrange 보간법을 사용하여 비밀키를 갱신한다.

$$SK_{i+1} = \prod_{r_1=1}^j SKU_{r_1} \cdot \left( \prod_{\substack{t_1 \leq t \leq r_1 \leq t_1 \\ x_t - x_{r_1}}} \frac{x_t}{x_t - x_{r_1}} \right)$$

$$+ \prod_{r_2 = d_1}^{d_{k-j}} SKU_{r_2} \cdot \left( \prod_{t_1 \leq i < r_2 \leq t_k} \frac{x_i}{x_i - x_{r_2}} \right) \pmod{q}$$

여기서  $(t_1, t_2, \dots, t_k) = (1, \dots, j, d_1, \dots, d_{k-j})$  이다.

- 서명 생성 알고리즘

a) 난수  $k \in \mathbb{Z}_q^*$  를 선택한다.

b)  $r = g^k \pmod{p}$

$$e = h_2(m, r)$$

$$z = (SK_i) \cdot e + k \pmod{q}$$

c) 메시지  $m$  에 대한 서명값은  $(z, e, i)$  이다.

- 서명 검증 알고리즘

a) 검증자는 서명자의 인증된 공개키  $PK$  를 얻는다.

$$PK = (g^{s_1}, g^{s_2}, \dots, g^{s_i})$$

b)  $v = g^z \cdot (g^{(s_1, s_2, \dots, s_i)} \cdot H(i))^{-e} \pmod{p}$

$$e0 = h_2(m, v)$$

c)  $e = e0$  이 만족하는지 확인하여 검증한다.

키 생성 알고리즘에서 서명자가 다중 부분값들을 분배하는 과정에서 서명자가 가지게 될 양과  $TA$  의 수와의 관계는 다음과 같다. ( $k$  는 임계 값이다.)

$$n - j < k \text{ 와 } n < 2k - 2$$

이 두개의 부등식들은 오로지 서명자만이 또는  $TA$  들만이 비밀키를 갱신할 수 없도록 하기 위함이다. 즉, 서명자와  $TA$  들은 반드시 서로 공모해야 한다. 분배 후 intrusion-resilient를 보장하기 위해서 비밀키 정보  $S$  를 삭제한다.

또한 키 갱신 알고리즘에서 서명자가 각  $TA_i, 1 \leq i \leq j$ , 들로부터 올바른 값을 받았는지를 검증하기 위해 각  $TA_i$  들은  $g^{f_1(x_i)}, g^{f_2(x_i)}, \dots, g^{f_i(x_i)}$  값들을 공개한 후, 서명자는 다음을 계산한다.

$$g^{SKU_i} \equiv g^{(f_1(x_i), f_2(x_i), \dots, f_i(x_i)) \cdot B(i)} \pmod{p}$$

이때  $g^{(f_1(x_i), f_2(x_i), \dots, f_i(x_i)) \cdot B(i)}$  은 각  $TA_i$  들이 공개한 값들을 시간 구간  $i$  의 해쉬 값에 기반하여 곱한 값을 의미한다.

### 3. 제안 프로토콜의 안전성 분석

#### 1) 복잡도 및 효율성 분석

제안 프로토콜은 사이즈가  $O(t)$  인 공개키를 갖는다. 키 생성 알고리즘에서는 처음에 비밀키 정보  $S$  를 생성한 후 그것을 이용하여 공개키  $PK$  를 계산한다. 이 과정은  $t$  번의 모듈 멱승(modular exponentiation)을 요구한다. 두번째로 키 갱신 알고리즘은 합과 곱만으로 이루어져 있다. Shamir 의  $(k, n)$  문턱 서명 기법을 사용하기 때문에 키 갱신 과정은  $(k \cdot \frac{t}{2})$  번의 모듈 합(modular summation) 과  $k$  번의 모듈 곱(modular multiplication)을 필요로 한다. 여기서  $\frac{t}{2}$  가 의미하는 것은 이상적인 충돌 회피 해쉬 함수  $h_1$  은 그 출력값을 바이너리 표현으로 나타냈을 때 평균적으로  $\frac{t}{2}$  개의 '1' 비트들을 생성함을 말한다. 마지막으로 서명 생성 알고리즘은 Schnorr 서명 기법을 사용하기 때문에 Schnorr 서명 기법과 똑같은 복잡도를 갖는다. 하지만 제안 프로토콜은 공개키  $PK$  의 원소를 이용하여 시간 구간  $i$  에서 검증을 위해 사용 되어질 값  $g^{(s_1, s_2, \dots, s_i) \cdot B(i)}$  을 구하는 과정이 수행된다. 이 과정은 검증 하기 전 검증자에 의해 미리 계산이 가능하다. 따라서 서명 검증 과정에서  $\frac{t}{2}$  번의 모듈 곱을 요하는 계산 과정이 더 요구된다.

#### 2) 안전성 분석

Pointcheval 과 Stern은 [7] Schnorr 서명 기법이 선택된 메시지 공격에 대하여 위조 불가능성(Unforgeable Against Chosen Message Attack)을 증명하였다. 따라서 제안 프로토콜 또한 메시지 공격에 대하여 위조 불가능성이 됨을 다음 정리에서 보인다.

[정리 1] Schnorr 서명 기법이 위조 불가능하면

제안 프로토콜 또한 위조 불가능하다.

[증명] 우리는 이 정리의 대우를 증명할 것이다. 즉, 제안된 프로토콜이 위조 가능하면 Schnorr 서명 기법 또한 위조 가능함을 보이자. 위조자를 시뮬레이션 할 것이다. 위조자는 서명자로 하여금 또 다른 타당한 서명을 생성할 수 있다고 하자. 이 때 서명자에게 주어지는 모든 정보는 메시지  $m$  과 서명값  $(z, e, i)$  이다. 결국 방정식  $z = (SK_i) \cdot e + k$  은 성립된다. 이것은 메시지  $m$  에 대한 Schnorr 서명임을 알 수 있다. 따라서 위조자는 서명자를 이용하여 Schnorr 서명 메카니즘을 깰 수 있다. □

제안 프로토콜이 intrusion-resilient 키 전개 Schnorr 서명 기법임을 다음 정리에서 보일 것이다. 제안된 프로토콜이 intrusion-resilient함을 보이기 위해 선형 연립 방정식의 성질을 이용한다.

[정리 2] 랜덤 오라클 모델에서 제안 프로토콜은 intrusion-resilient 하다.

[증명] 공격자는 비밀키 정보  $S$  의 각 원소들이 미지수가 되고, 각 시간 구간의 비밀키들이 선형 방정식을 이루는 선형 연립 방정식을 생성 할 수 있다. 비밀키 정보  $S$  의 모든 원소들의 수와 모든 시간 구간의 수는  $t$  이므로 선형 연립 방정식의 성질에 의해 공격자는 과거든 미래든 간에 아직 노출 되지 않은 시간 구간의 서명을 얻기 위해 모든 시간 구간의 비밀키들을 알아야 한다. 이것은 제안된 프로토콜이  $(t-1)$ -resilient함을 의미한다. 따라서 제안 프로토콜은 intrusion-resilient하다. □

제안 프로토콜이 intrusion-resilient함을 보였다. intrusion-resilient가 전방 안전성(forward-secret)을 만족하는 개념임을 다음 정리에서 보일 것이다.

[정리 3] 랜덤 오라클 모델에서 제안 프로토콜이 intrusion-resilient 하면 전방 안전성(forward-secret)을 만족한다.

[증명] 우리는 이 정리의 대우를 증명할 것이다. 즉, 제안된 프로토콜이 전방 안전성(forward-secret)을 만족하지 않으면, intrusion-resilient를 만족하지 않음을 보이자. 공격자는 현재 시간 구간  $i$  의 비밀키  $SK_i$  를 얻은 상태에서 그 이전 시간 구간  $j$  의 비밀키  $SK_j (j < i)$  를 서명자로부터 얻을 수 있다. 이것은  $t$  개의 선형 방정식들과  $t$  개의 서로 다른 미지수들이 이루는 선형 연립 방정식의 성질을 깨는 것이다. 즉 미지수가  $t$  개인 선형 연립 방정식에서 최소한  $t$  개 이상의 선형 방정

식을 알아야 그 선형 연립 방정식의 해를 구할 수 있다. 따라서 이것은 제안된 프로토콜이  $(t-1)$ -resilient하지 않음을 의미한다. 따라서 제안 프로토콜은 intrusion-resilient를 만족하지 않는다. □

[정리 3]과 비슷하게 제안 프로토콜이 후방 안전성(backward-secret)을 만족함을 보일 수 있다. 따라서 제안 프로토콜은 키 독립성(key-independent)을 만족한다.

### III. 결론

본 논문에서 안전한 비밀키 갱신이 가능한 Schnorr 형 서명 기법이 제안 되었다. 우리는 intrusion-resilient가 비밀키 노출 문제에 대하여 최고의 안전성을 보장 할 것이라 생각 된다. intrusion-resilient를 얻기 위해 제안된 프로토콜은 선형 연립 방정식의 성질을 이용하였고, 키 갱신은 Shamir의  $(k, n)$  문턱 서명 기법을 사용하였다. 또한 intrusion-resilient가 전방 안전성(forward-secret)을 만족함을 제안 프로토콜의 안전성 분석에서 보였다. 그리고 제안 프로토콜은 Schnorr 서명 기법을 사용하기 때문에 서명 메카니즘은 Schnorr 서명 기법과 똑같은 효율성을 갖는다 할 수 있다. 제안된 프로토콜에서 Shamir의  $(k, n)$  문턱 서명 기법을 사용하기 위해 여러  $TA$  들을 사용했지만, 실제로는  $TA$  가 아닌 일반적인 예지전트를 사용할 수 있다는 것을 쉽게 보일 수 있다. 따라서 앞으로  $TA$  없는 프로토콜을 만드는 것도 상당히 흥미진진한 일이라 할 수 있을 것이다.

제안된 프로토콜은 이산 로그의 어려운 문제에 기반하기 때문에 이 문제에 기반한 다른 암호 기법들 즉, ElGamal, DSS와 같은 일반적인 서명 기법에 폭 넓게 사용 될 수 있는 장점을 가지고 있다. 또한 Schnorr 서명 기법이 스마트 카드에 적합한 기법인 만큼 제안된 프로토콜도 이러한 애플리케이션에 적용되어 개발이 가능 할 것이다.

### 참고문헌

- [1] R. Anderson, "Two Remarks on Public-Key Cryptology", Invited lecture, Fourth Annual Conference on Computer and Communications Security, ACM, 1997.
- [2] M. Bellare and S. Miner, "A Forward-Secure Digital Signature Scheme", In

- Michael Wiener, editor, Advances in Cryptology - Crypto '99, Springer-Verlag, 15-19 August 1999.
- [3] Y. Desmedt and Y. Frankel, "Threshold cryptosystems", In G.Brassard, editor, Advances in Cryptology - Crypto '89, Springer-Verlag, LNCS 435, pp. 307-315, 1990.
  - [4] Y. Dodis, J. Katz, S. Xu, and M. Yung, "Key-Insulated Public-Key Cryptosystems", In Lars Knudsen, editor, Advances in Cryptology - Eurocrypt 2002, Springer - Verlag, LNCS, 28 April-2 May 2002.
  - [5] G. Itkis and L. Reyzin, "SiBIR: Signer-Base Intrusion-Resilient Signatures", In Moti Yung, editor, Advances in Cryptology - Crypto 2002, Springer-Verlag, LNCS, 18-22 August 2002.
  - [6] C. -F. Lu and S. W. Shieh, "Secure Key-Evolving Protocols for Discrete Logarithm Schemes", In Proceedings of The Cryptographer's Track at the RSA Conference 2002., Springer-Verlag 2002, LNCS 2271, pp. 300-310.
  - [7] D. Pointcheval and J. Stern, "Security Proofs for Signature Schemes", In Ueli Maurer, editor, Advances in Cryptology - Eurocrypt '96, Springer-Verlag, LNCS 1070, pp. 387-398, 12-16 May 1996.
  - [8] C. P. Schnorr, "Efficient Identification and Signatures for Smart Card", Advances in Cryptology - Eurocrypt '89, Springer-Verlag, pp. 235-251.
  - [9] A. Shamir, "How to share a secret", Communications of the ACM, 22(11), pp. 612-613, 1979.
  - [10] W. -G. Tzeng and Z. -J. Tzeng, "Robust Key-Evolving Public-Key Encryption Schemes", Record 2001/009, Cryptology ePrint Archive, 2001.