

# Magnetic Resonance Angiography 를 위한 Maximum-Intensity Projection 을 구현

이 윤, 류택현, 김시승, 김일영, 이만우  
고려대학교 자연과학대학 전자 및 정보공학과

## Maximum-Intensity Projection for Magnetic Resonance Angiography

Y. Yi, T. H. Ryu, S. S. Kim, I. Y. Kim, M. W. Lee.  
Department of Electronics & Informatics,  
College of Sciences & technology, Korea University

### ABSTRACT

In this Paper, We use Maximum-Intensity Projection(MIP) algorithms. Maximum-Intensity Projection algorithms currently used for construction of magnetic resonance angiograms. The blood flow in a volume of interest is represented by bright intensities in the MR data volume. The flow within the vasculature shows up in the projections plane. By relating the intensities of the pixel to their location in the slice, the total number of pixels considered for the projection plane was reduced, thus saving calculation time. The algorithm was written in visual C++.

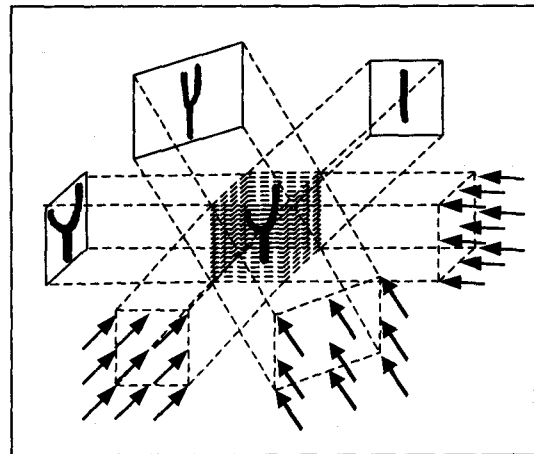
된 slice(slice 간의 간격은 거의 없다고 가정)로 보는 방향에 따른 혈관의 영상을 Maximum-Intensity Projection algorithm 을 이용해서 관찰하고 보다 좋은 영상을 얻는다.

### 이론 및 방법

간격이 거의 없는 여러 장의 MRA 영상의 배열은 혈관의 삼차원적인 입체 형태를 가지게 된다. 그러한 영상을 회전하면서 보게 된다면 각도에 따른 삼차원적인 영상을 얻을 수 있다.

### 서론

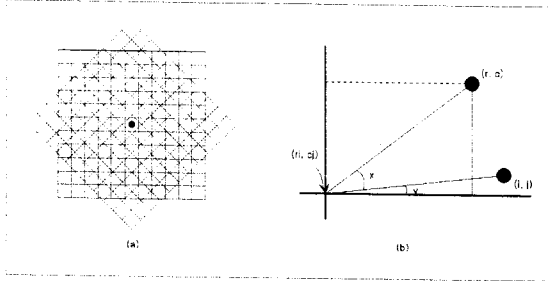
자기공명영상(MRI)을 이용한 Magnetic Resonance Angiogram 은 혈관의 영상을 얻을 수 있다. 하지만, MRA 를 통해 얻은 영상은 slice 에 해당하는 단면적인 영상이라는 것이 단점이라 할 수 있다. 연결된 혈관의 영상과 각도에 따른 혈관의 영상을 얻을 수 있다면, 의학적으로 환자의 혈관의 관찰이 용이할 것이다. 여러 장의 연속



[그림 A] Projection

•Rotating

Rotating은 image의 중심을 원점이라고 할 때, angle에 따른 좌표의 이동으로써 이루어질 수 있다.



[그림 B] Rotation of pixel

그림 B-(b)에서 pixel P(i, j)는 수평축에 대해 angle y를 가진다. 중심(ri, cj)에서 translate된 i, j 값을 구하면,

$$i = d \cdot \sin y \quad j = d \cdot \cos y$$

이다. (d는 중심에서 pixel P까지의 거리)

(b)에서 처럼 P(i, j)를 angle x만큼 이동한 pixel를 P'(i', j')이라고 한다면, 수평축에 대한 angle이 (x+y)이므로 rotating된 좌표를 구하면

$$j' = d \cdot \cos(x + y)$$

$$i' = d \cdot \sin(x + y)$$

이다.

(i', j')는 (ri, cj)좌표를 중심으로 하는 새로운 위치에서의 rotating된 pixel 좌표이다. 따라서, 좌표의 이동은 아래의 정리된 식을 통해 구할 수 있다. 여기서 r와 c는 rotating된 좌표를 말한다. 그리고 ri와 cj는 영상의 중심을 말한다. 즉 좌표상의 원점은 영상의 중심이 된다.

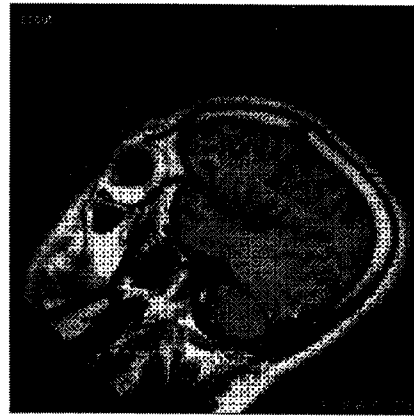
$$c = j' + cj = j \cdot \cos x - i \cdot \sin x + cj$$

$$r = i' + ri = j \cdot \sin x - i \cdot \cos x + ri$$

rotating에 있어서 좌표상의 이동이라고는 하겠지만 사실상 관찰자의 입장에서는 image pixel의 이동과 마찬가지로의 것이다. 결국 pixel의 이동이라는 관점에서 본다면 한 점의 이동이

아닌 작게 나뉜 여러 개의 정사각형의 이동으로 생각을 하였다.[그림 B-(a)] 작게 나뉜 정사각형의 이동에 있어서도 그러한 정사각형이 angle에 따라서 달리 이동할 수도 있다. 그래서 이러한 점을 보완하기 위해서 Bilinear Interpolation의 방법을 사용하였다.

Rotating에 관한 프로그래밍에서 rotation의 angle은 임의적으로 다이얼로그 박스에서 입력할 수 있도록 하였다. angle의 범위는 0도에서 180도까지 15도 간격으로 변화를 주었다. 그림 C는 프로그램을 통해서 얻어진 rotating된 image이다.



[그림 C] < 45도 Rotating Image >

•Maximum Intensity Projection

2D MRA image[그림 D]을 보면 알 수 있듯이 혈관이 주변의 조직보다 더 밝게 나타난다. 그러나, 한 번에 한 image에서 전반적인 혈류와 혈관 구조를 나타내기에는 어렵다.

2D MRA image들을 하나의 series로 묶어 Parallel Projection을 한다면 우선, 각각 256\*256 해상도를 가진 2D image MIP data를 얻을 수 있다.

그림 D와 같은 MRA 영상을 거의 slice 간의 gap이 없다고 할 때, 입체적인 혈관의 형태에서 여러 방향에 대해 projection 영상을 얻을 수 있다. 첫번째 방법으로 slice를 쌓은 상태에서 이루어지는 projection이다. 이 방법은 여러 장의



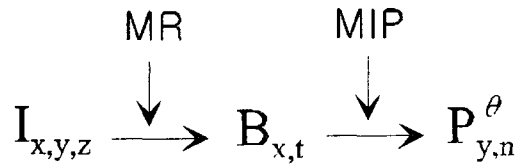
[그림 D] < MRA Image >

image data 를 그대로 받아들여서 평균값으로 결과 image 를 얻는 방법이다. 결국, 결과 image 의 pixel 값은 여러 개의 image data 의 그 위치에 해당하는 값들의 평균이 되는 것이다.

우리가 필요로 하지 않는 noise 부분은 Threshold Coding 방법을 이용하여 처리하였다. 두번째 방법은 pixel 의 intensity 가 가장 큰 값만을 찾아내는 방법을 사용하였다.

Maximum Intensity Projection(MIP) image 는 기존의 2D MRA image 에서 256 개의 projection ray 를 따라 존재하는 가장 높은 voxel 값들을 계산하여 얻는다.

하지만, 종종 MR 을 통해 얻은 image 에서 주변의 조직이 혈관보다 signal intensity 가 크거나 MR image 가 가지는 Artifact 가 심할 때에는 우리가 원하는 image 를 제대로 얻을 수 없다. Artifact 가 심할 경우는 image 의 환영이 많이 생기고, 우리가 보고자 하는 혈관 구조를 시각적으로 쉽게 구분하기 힘들다. 256\*256 인 n 번째 2D image 를 MIP 알고리즘을 바탕으로 parallel projection 을 통해 또 다른 256\*256 의 2D image 의 n 번째 column 으로 나타내었다. 즉,



I 는 3 차원 image 이고, x, y, z 는 각각 Pixel 의 row, column, height 를 나타낸다. B 는 MR 을 통해 얻어진 2D image 이고, t 는 slice 의 두께이다. P 는 MIP 를 통해 얻은 또 다른 2D image 이며, 여기서 y 는 image 의 column 을 나타내고, n 은 slice 수를 나타낸다.  $\theta$  는 rotating angle 각도를 나타낸다.

MIP 실험을 위해 40 개의 2D Angiography slice 를 MR 을 통해 얻었으며, slice 의 두께는 4mm 이고, slice 간의 distance 은 1mm 이다. 즉, Axial 방향(n 축 방향)으로의 resolution 은 한계성을 가진다.

MR image 가 가지는 Artifact 와 image 의 Axial 방향(n 축 방향)으로의 resolution 을 보완하기 위해 Threshold Coding Interpolation 알고리즘을 사용하였다

일정한 rotating angle 을 주어 다양한 방향에서도 같은 resolution 를 가진 image 가 나타난다. Rotating angle 를 15도 간격으로 회전 시키면서 각 방향에 대한 MIP data 를 구해보면 [그림 F-L] 과 같이 나타난다. 각 회전에 따른 image 들은 앞서 말한 Bilinear Interpolation 방법을 사용하여 얻을 수 있었다.

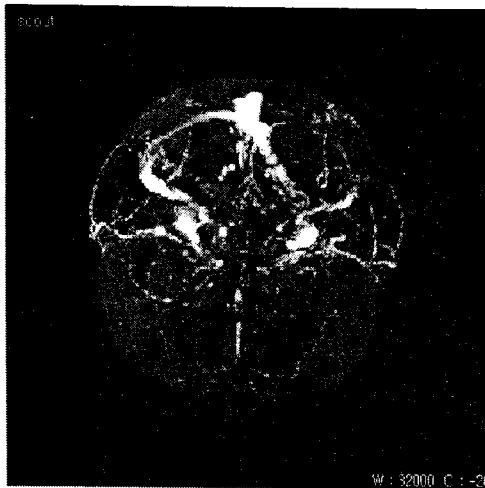
### 결과

3D volume image data 로 부터 얻은 2D projection image 는 MR angiographic data 를 나타내는데 있어서 가장 많이 알려진 방법이다. 3D volume 의 projection data 를 2D 상에 나타낼 때 projection 에서의 pixel 들과 volume data 즉, ray 상의 pixel 들간에는 수학적인 상호 관계를 가진다. 이러한 수학적인 상호 관계는 ray 상의 pixel intensity 에 바탕을 둔 projection 영역에서의 pixel intensity 로 나타

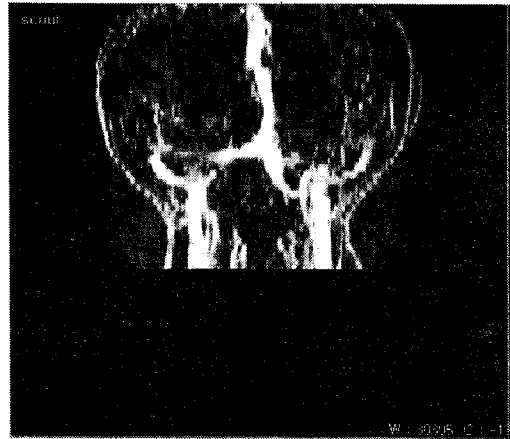
내어진다. 우리 실험에서 사용한 방법이 각각의 ray 상에서 "Maximum value pixel"을 찾아 내어 projection 을 하는 것이었고, 다른 projection angle 따른 실험을 반복하여 image 를 얻을 수 있었다. Axial 방향의 slice 들의 간격에 따른 문제점을 Interpolation 알고리즘을 사용하여 얻어진 2D image 는(256\*256) slice 의 두께와 간격을 생각하지 않고 실행한 MIP 결과 image [그림 E]와 같은 결과를 얻을 수 있었다.

실제로 MIP image 의 row 방향이나 axial 방향에 parallel 한 방향으로 projection 을 한다면 image[그림 E](256\*256)와 같이 명확하게 혈관 구조를 관찰 할 수 있다. 그리고, 아주 미세한 주변의 조직까지 나타내고 있음을 결과 image 를 가지고 관찰할 수 있었다.[그림 E]

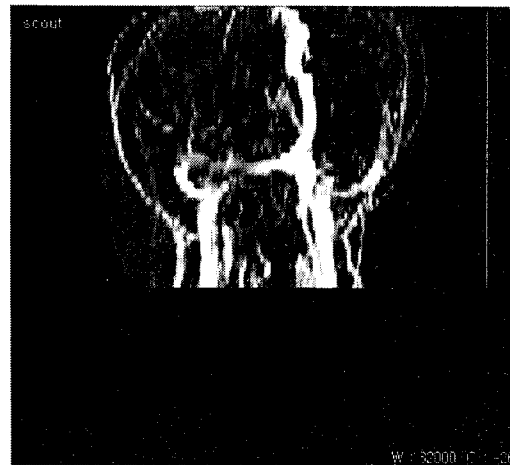
이젠 이러한 parallel projection 과 oblique 한 방향에서의 projection image 를 나타내어 좀 더 명확한 혈관 구조를 관찰할 수 있다면 지금의 Maximum Intensity Projection 방법이 신뢰할 수 있다고 본다.



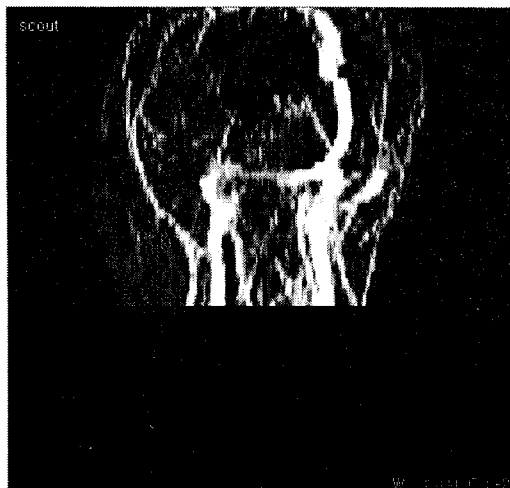
[그림 E] < Projection 을 이용한 Image >



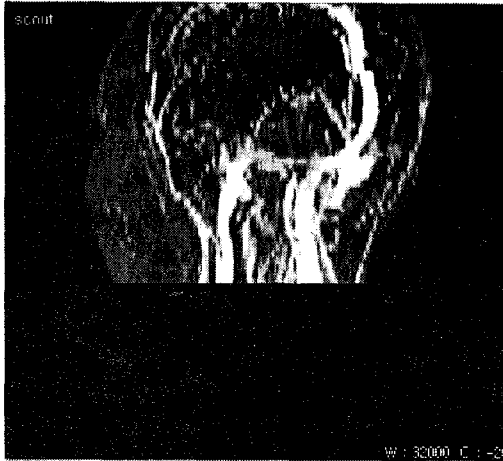
[그림 F] < 0도 회전한 MIP Image >



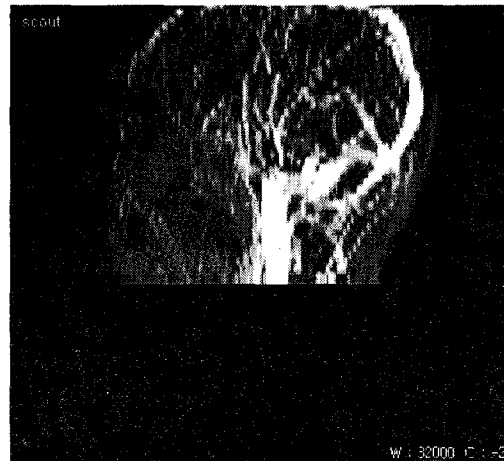
[그림 G] < 15도 회전한 MIP Image >



[그림 H] < 30도 회전한 MIP Image >



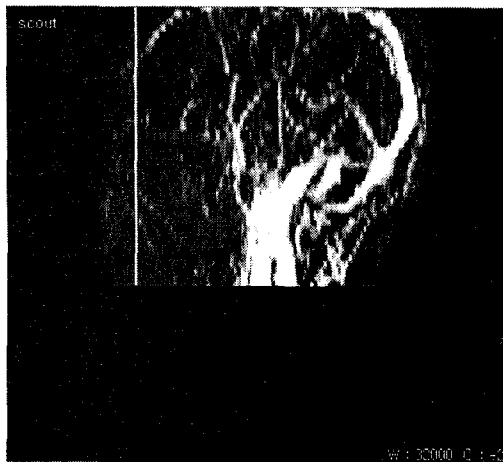
[그림 I] < 45도 회전한 MIP Image >



[그림 L] < 90도 MIP Image >



[그림 J] < 60도 회전한 MIP Image >



[그림 K] < 75도 회전한 MIP Image >

<참고 문헌>

- [1] P. J. Keller, B. P. Drayer, E. K. Fram, K. D. Williams, C. L. Dumoulin, and S. P. Souza, "MR angiography with tow-diminsional acqutsition and three-dimensional display", Radiology, vol, 173, pp. 527-532, Nov. 1989.
- [2] S. Schreiner, "A fast maximum intensity projection algorithm for magnetic resonance angiography", M.S. thesis, Vanderbilt Univ, Nashville. TN, Aug.1991
- [3] S. Schreiner, R. L. Galloway, "A Fast Maximum-Intensity Projection Algorithm for Generating Magnetic Resonance Angiograms", IEEE Transactions on Medical Imaging, vol, 12, NO. 1, pp. 50-57, March 1993.